



1

A teoria do consumidor

Restrição orçamentária

2

Referências

- VARIAN, Hal. **Microeconomia: Uma abordagem moderna**. 8.ed. Rio de Janeiro: Campus/Elsevier, 2012.
- Ver capítulo 2



3

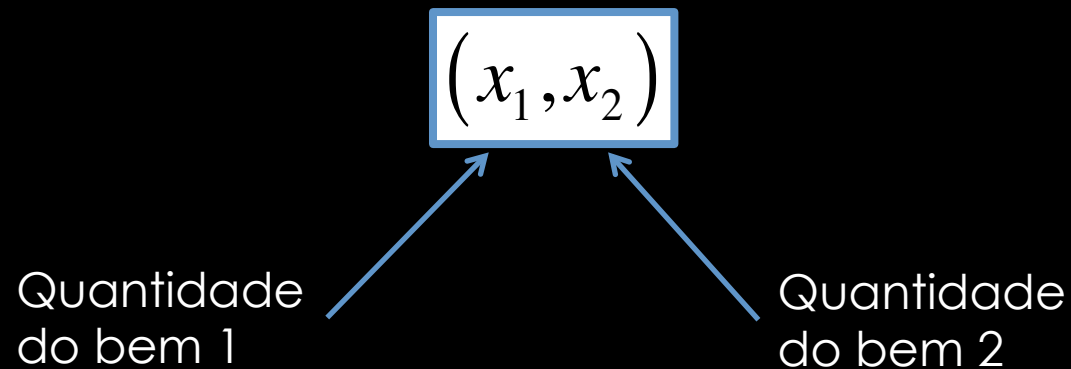


A restrição orçamentária

- Suponha que
 - Haja um conjunto de bens que o consumidor possa escolher
 - Para facilitar, vamos com apenas dois deles
 - Dois bens geralmente bastam

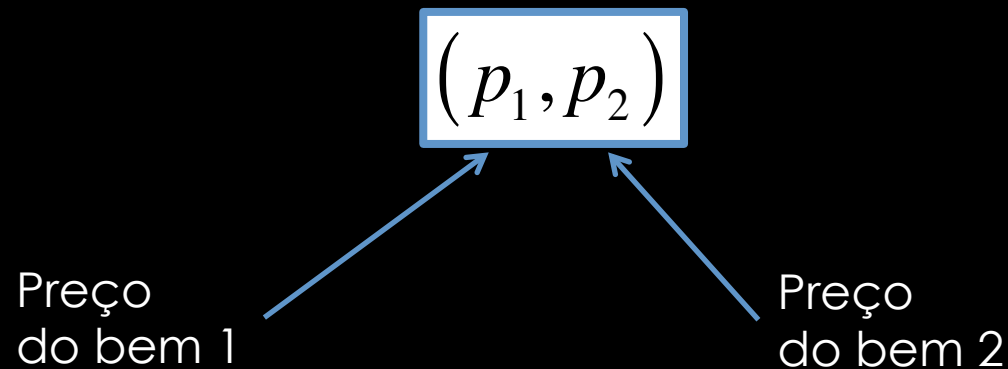
A restrição orçamentária

- Representaremos a cesta de consumo do consumidor por



A restrição orçamentária

- Por sua vez, os preços dos bens 1 e 2 serão representados por



A restrição orçamentária

- A quantidade de dinheiro que o consumidor tem pra gastar como **m**
- Assim, a restrição orçamentária do consumidor será

$$p_1x_1 + p_2x_2 \leq m$$

Propriedades do conjunto orçamentário

- A reta orçamentária é o conjunto de cestas que custam exatamente m

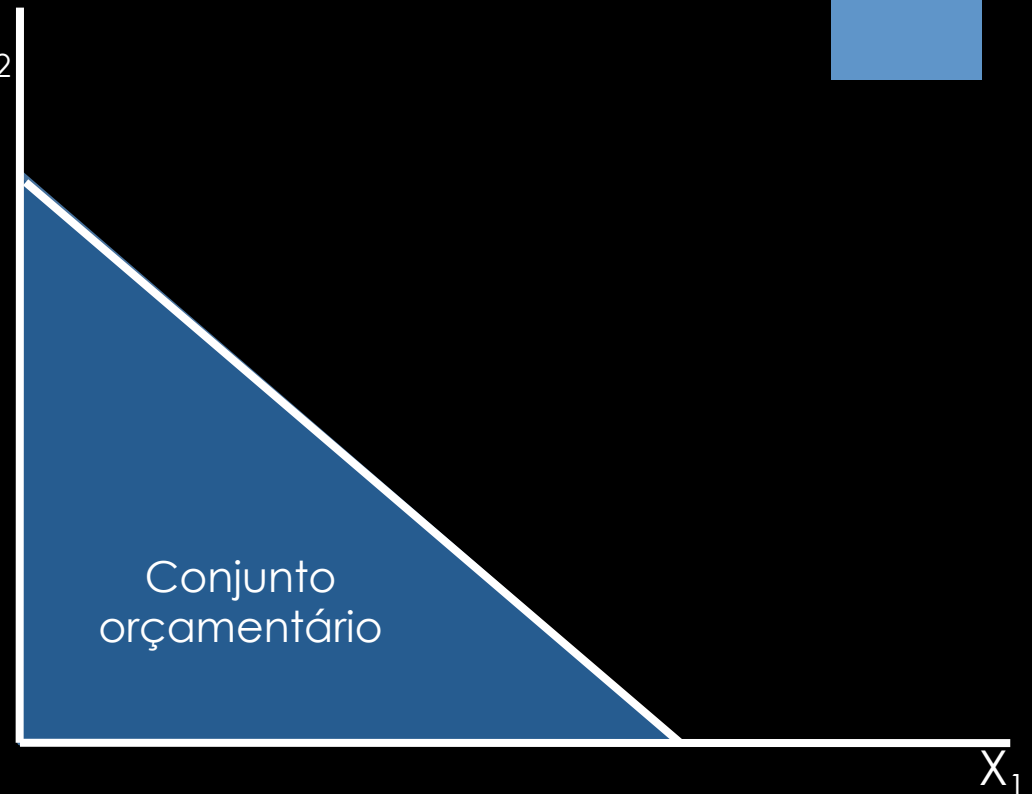
$$p_1x_1 + p_2x_2 = m$$

- Resolvendo para x_2 , obtemos

$$x_2 = \frac{m}{p_2} - \frac{p_1}{p_2}x_1$$

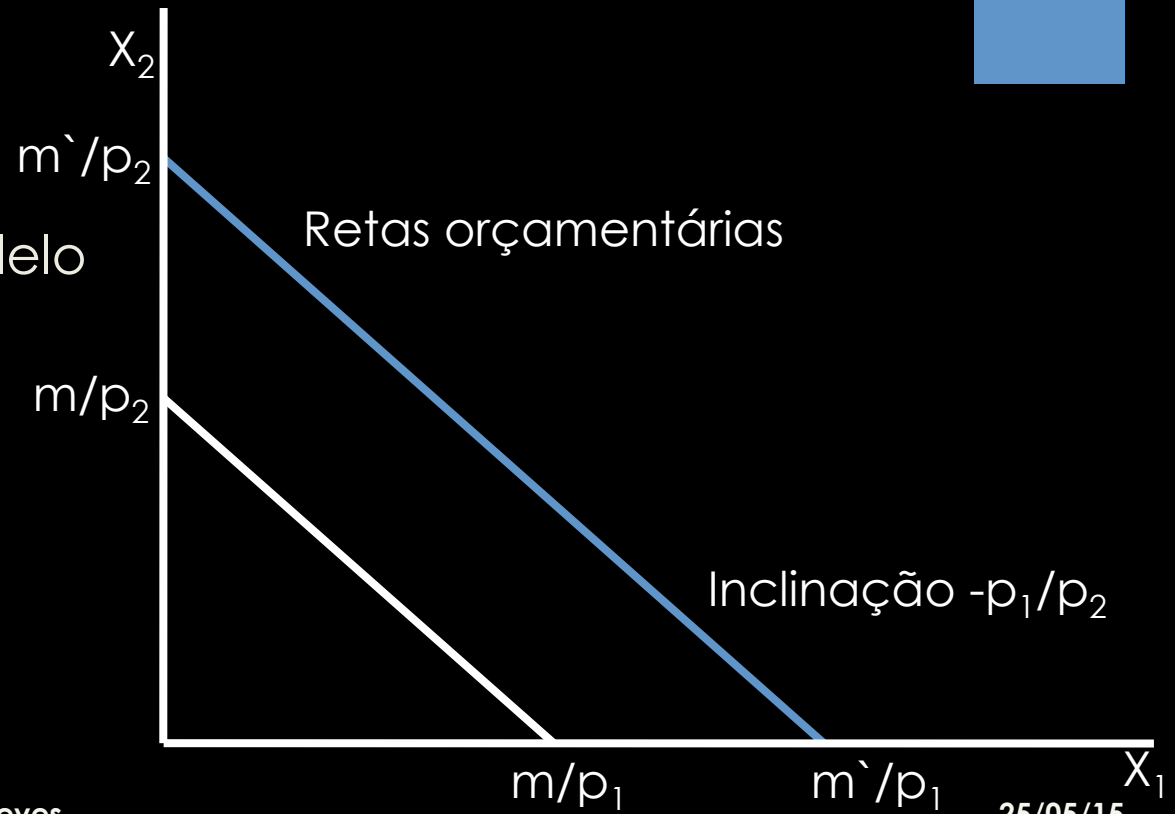
Propriedades do conjunto orçamentário x_2

- Formado por
 - todas as cestas que podem ser adquiridas dentro de determinados preço e renda



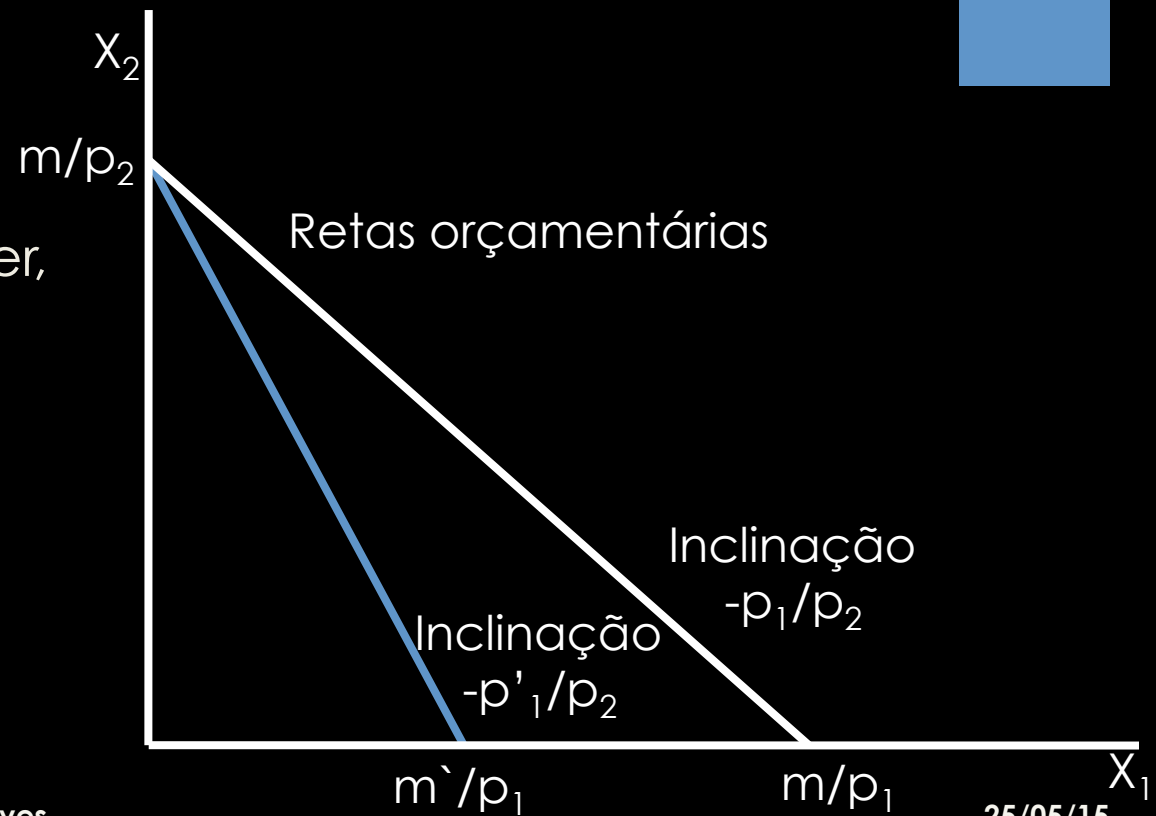
Como a reta orçamentária varia

- Aumento da renda
 - Deslocamento paralelo e pra fora da reta orçamentária



Como a reta orçamentária varia

- Aumento no preço
 - Se o bem 1 encarecer, a reta orçamentária ficará mais inclinada





A teoria do consumidor

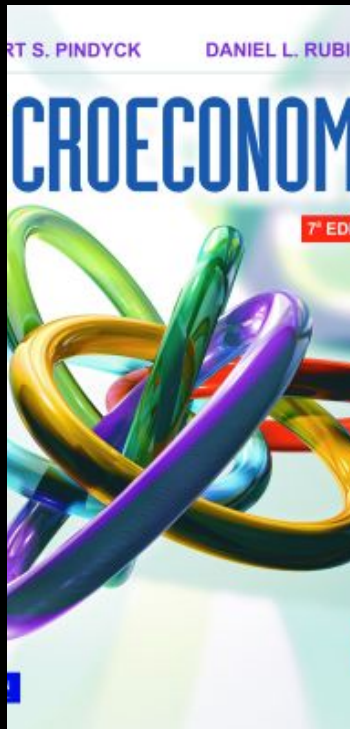
Preferências

Referências

- VARIAN, Hal. **Microeconomia: Uma abordagem moderna**. 8.ed. Rio de Janeiro: Campus/Elsevier, 2012.
- Ver capítulo 3



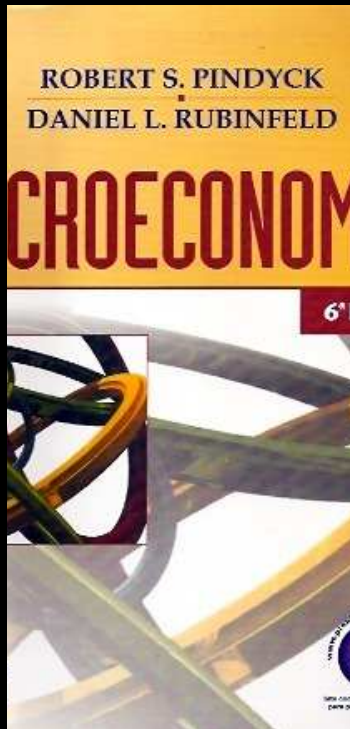
13



Referências

- PINDYCK, Robert S.; RUBINFELD, Daniel L. **Microeconomia**. 7. ed. São Paulo: Pearson 2010.
- Ver capítulo 3

14



Referências

- PINDYCK, Robert S.; RUBINFELD, Daniel L. **Microeconomia**. 6. ed. São Paulo: Pearson 2010.
- Ver capítulo 3

Considerações iniciais

Esta expressão significa...

$$(x_1, x_2) \succ (y_1, y_2)$$

$$(x_1, x_2) \succeq (y_1, y_2)$$

$$(x_1, x_2) \sim (y_1, y_2)$$

... isto

- X é estritamente preferido a Y
- X é fracamente preferido a Y
- X é Indiferente a Y

Pressupostos sobre preferências

- A consistência das preferências
 - Pressupostos do relacionamento
- Pressupostos fundamentais – axiomas
 - Completa
 - Reflexiva
 - Transitiva

Pressupostos sobre preferências

- 1º axioma – A preferência é **completa**
 - Dada uma cesta x e uma cesta y , pressupomos que

$$(x_1, x_2) \succeq (y_1, y_2) \text{ ou } (y_1, y_2) \succeq (x_1, x_2)$$

- Ou, ainda, que o consumidor é indiferente entre as duas cestas

Pressupostos sobre preferências

- 2º axioma – **reflexividade**
 - Todas as cestas são pelo menos tão boas quanto elas mesmas

$$(x_1, x_2) \succeq (x_1, x_2)$$

Pressupostos sobre preferências

- 3º axioma - **Transitividade**

- Se

$$(x_1, x_2) \succeq (y_1, y_2) \text{ ou } (y_1, y_2) \succeq (z_1, z_2)$$

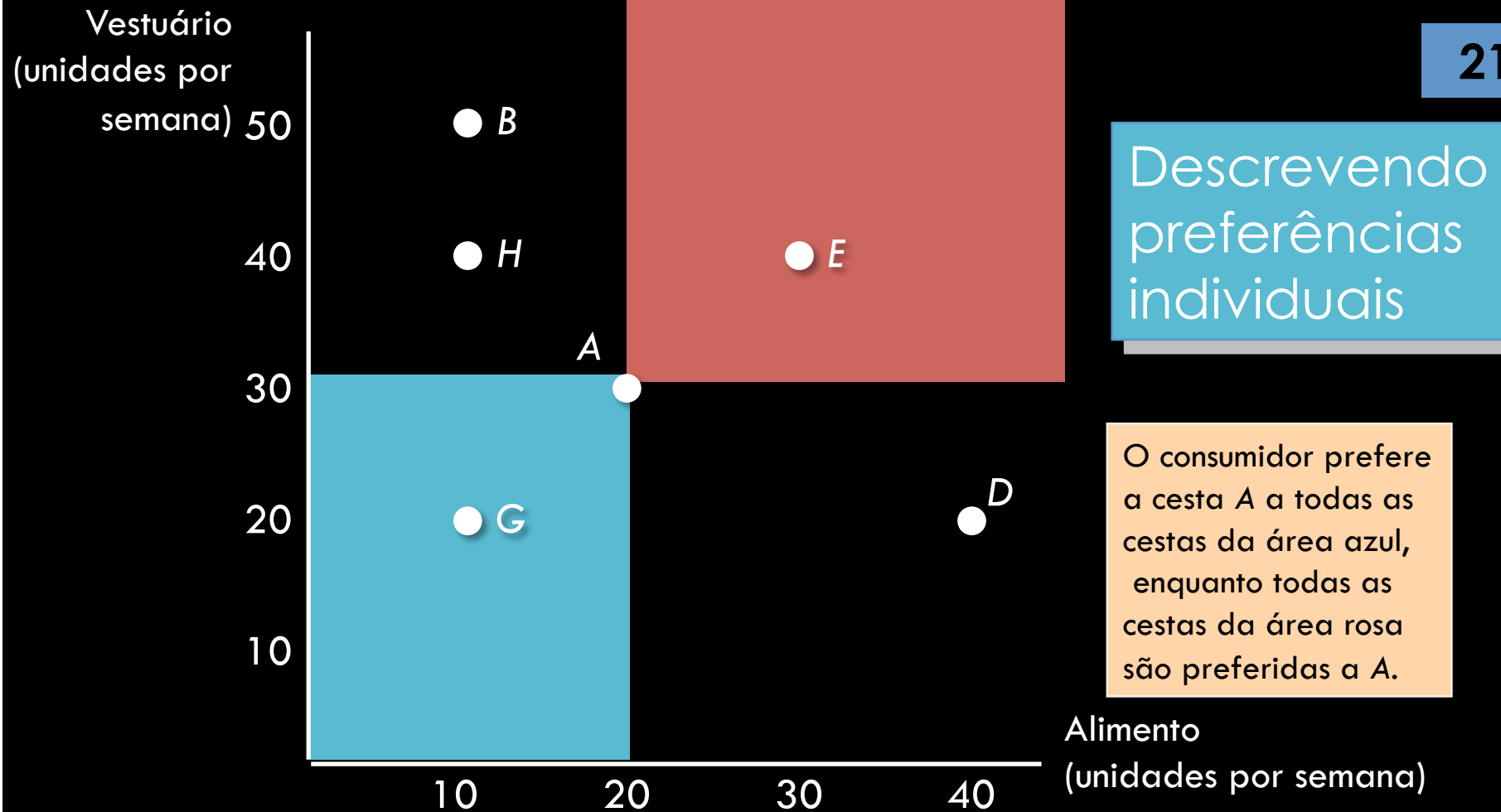
- Pressupomos então que

$$(x_1, x_2) \succeq (z_1, z_2)$$

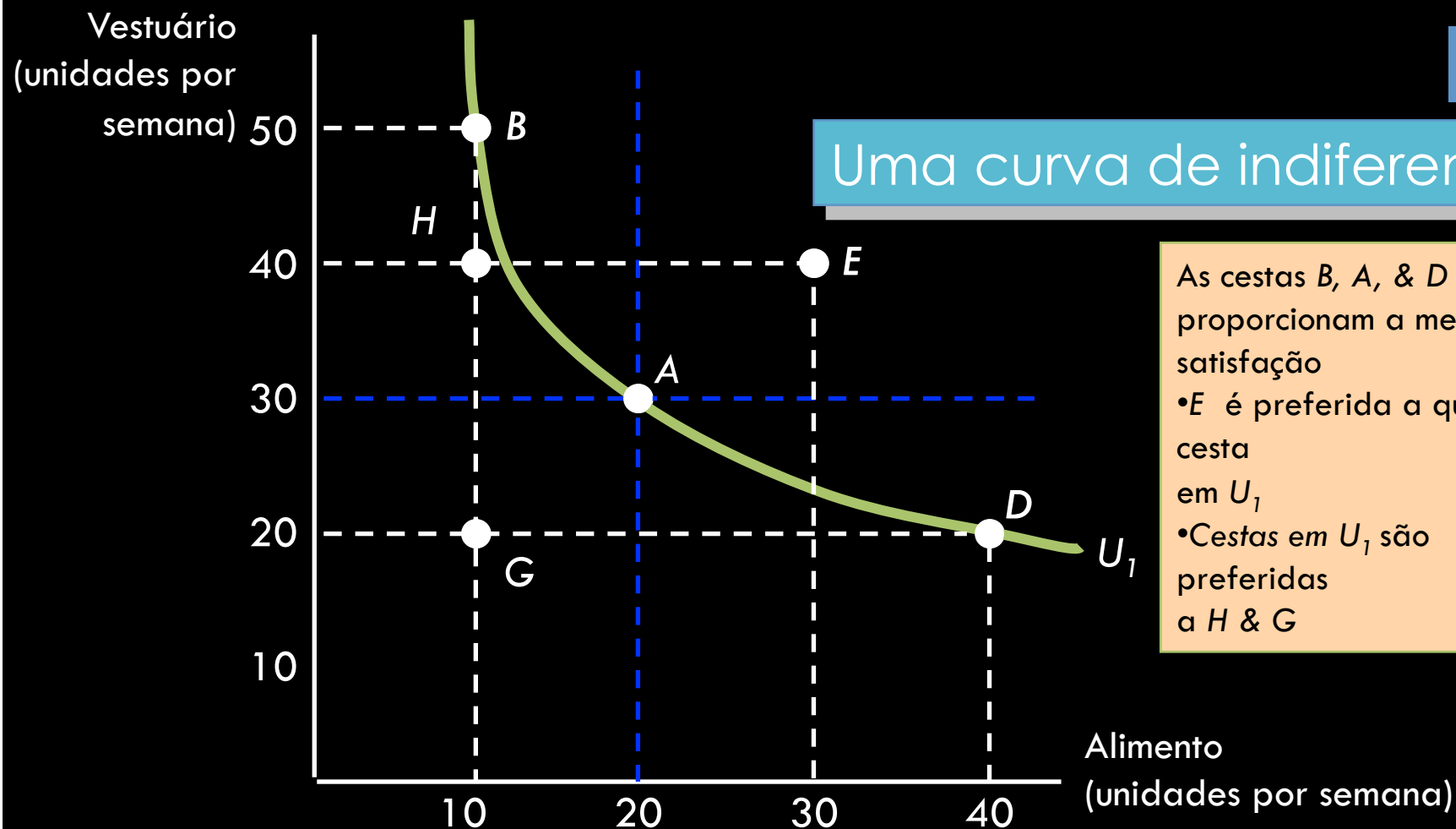
Cestas de mercado alternativas

20

Cesta de Mercado	Unidades de alimento	Unidades de vestuário
A	20	30
B	10	50
D	40	20
E	30	40
G	10	20
H	10	40



Uma curva de indiferença

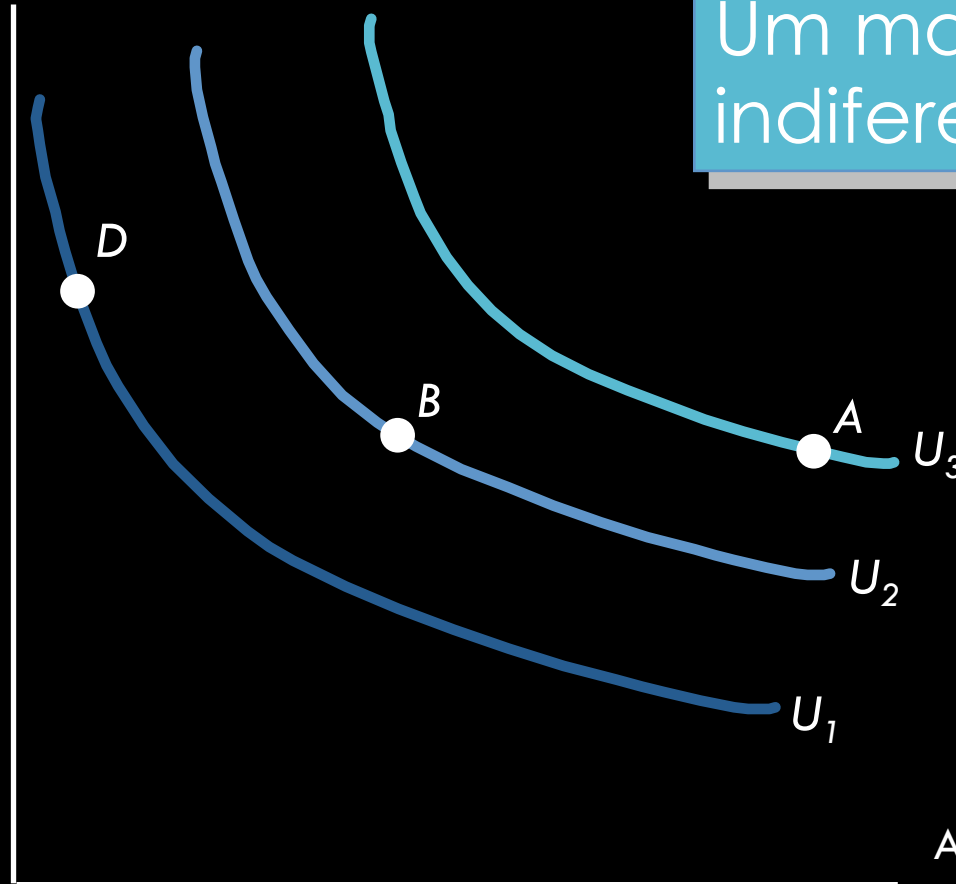


As cestas B , A , & D proporcionam a mesma satisfação

- E é preferida a qualquer cesta em U_1
- Cestas em U_1 são preferidas a H & G

Preferências do consumidor

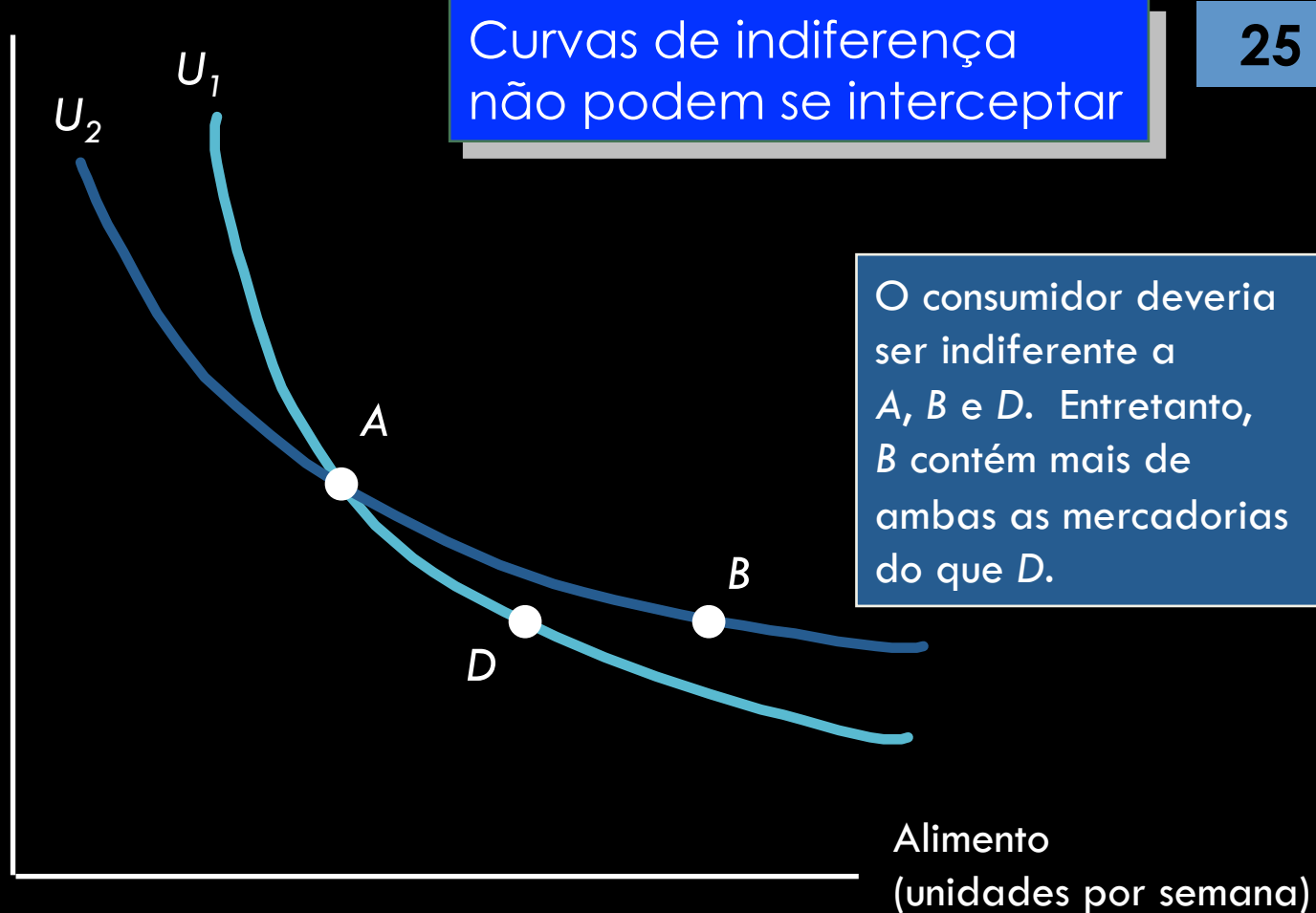
- Mapas de indiferença
 - Conjunto de curvas de indiferença (preferências)
- As curvas de indiferença não podem se cruzar!
 - Isso violaria a premissa de que mais é melhor que menos

Um mapa de
indiferençaVestuário
(unidades por
semana)

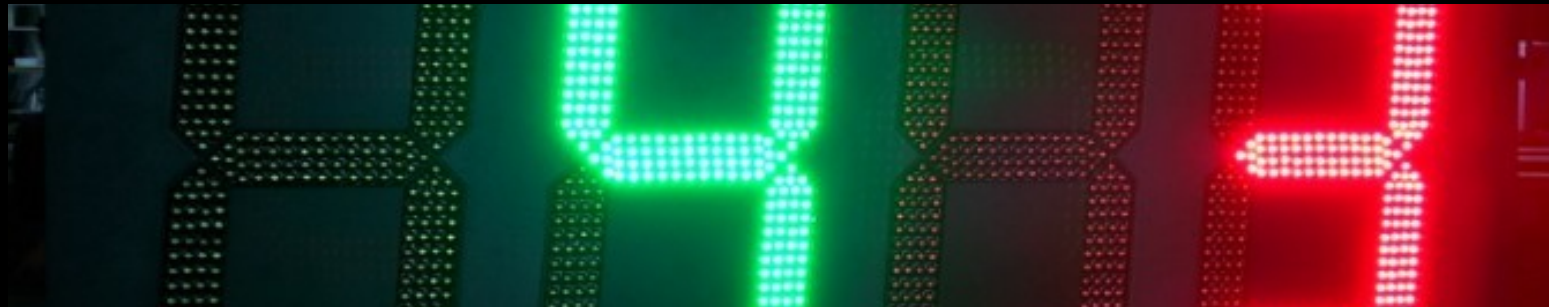
A cesta de mercado A é preferida a B .
A cesta de mercado B é preferida a D .

Alimento
(unidades por semana)

Vestuário
(unidades por
semana)

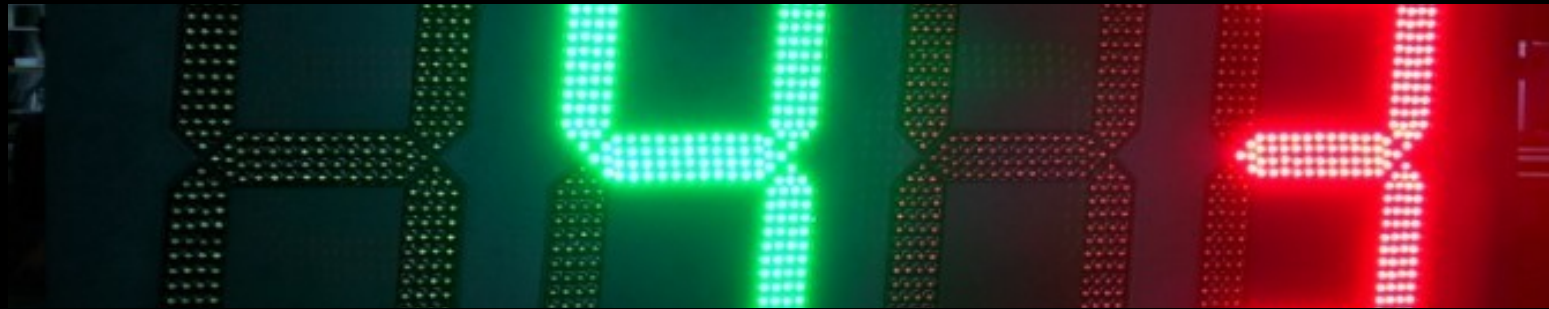


Taxa Marginal de Substituição – TMS



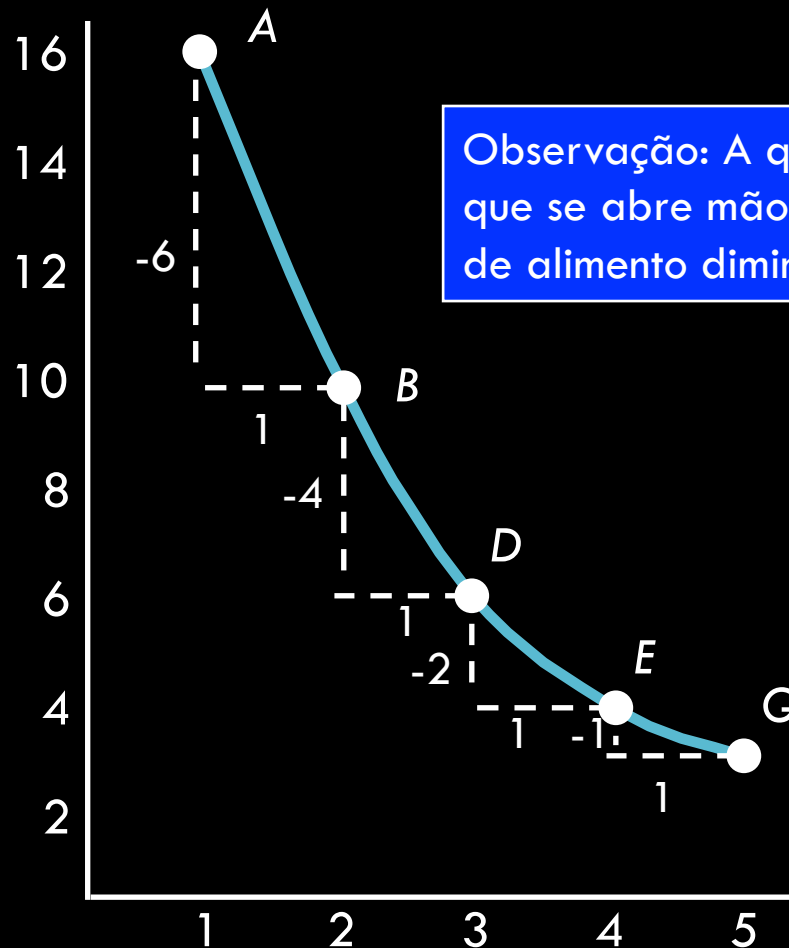
- Mede a quantidade de uma mercadoria que o consumidor está disposto a desistir para obter mais da outra

Taxa Marginal de Substituição – TMS



- É a inclinação da curva de indiferença

Vestuário
(unidades
por semana)

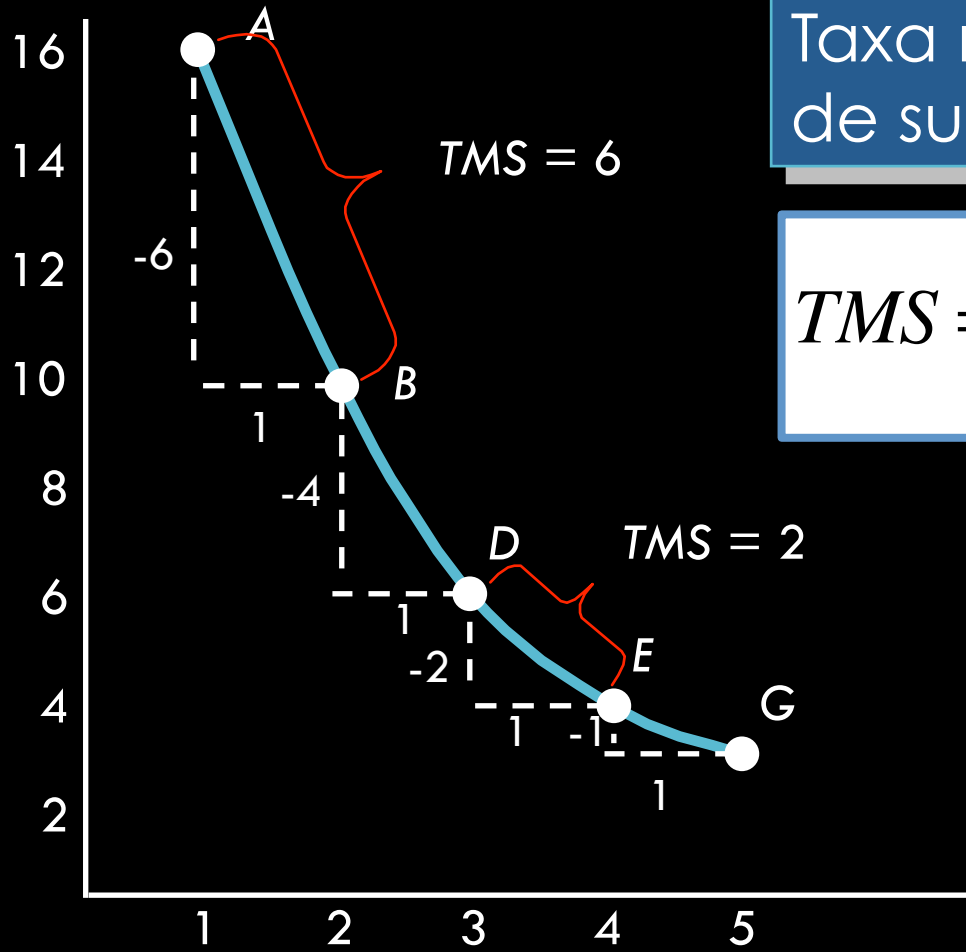


Observação: A quantidade de vestuário de que se abre mão para se obter uma unidade de alimento diminui de 6 para 1

Pergunta: Essa relação também é válida ao abrir mão de alimento para obter vestuário?

Alimento
(unidades
por semana)

Vestuário
(unidades
por semana)



Taxa marginal
de substituição

$$TMS = - \frac{\Delta \text{Vestuário}}{\Delta \text{Alimentação}}$$

Alimento
(unidades
por semana)

30

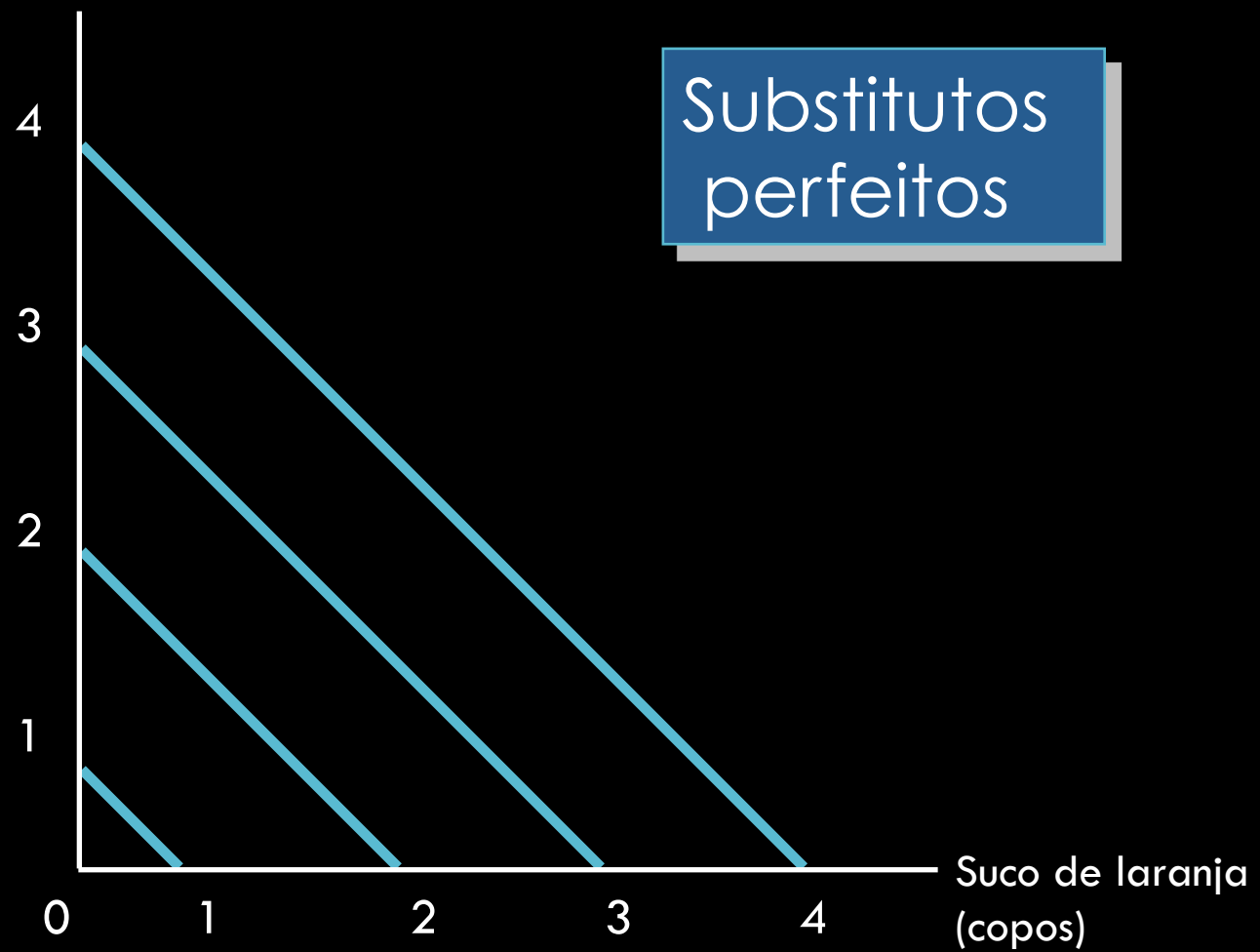


A relação entre os bens

- Substitutos perfeitos
 - A TMS é constante

Substitutos perfeitos

Suco de maçã (copos)



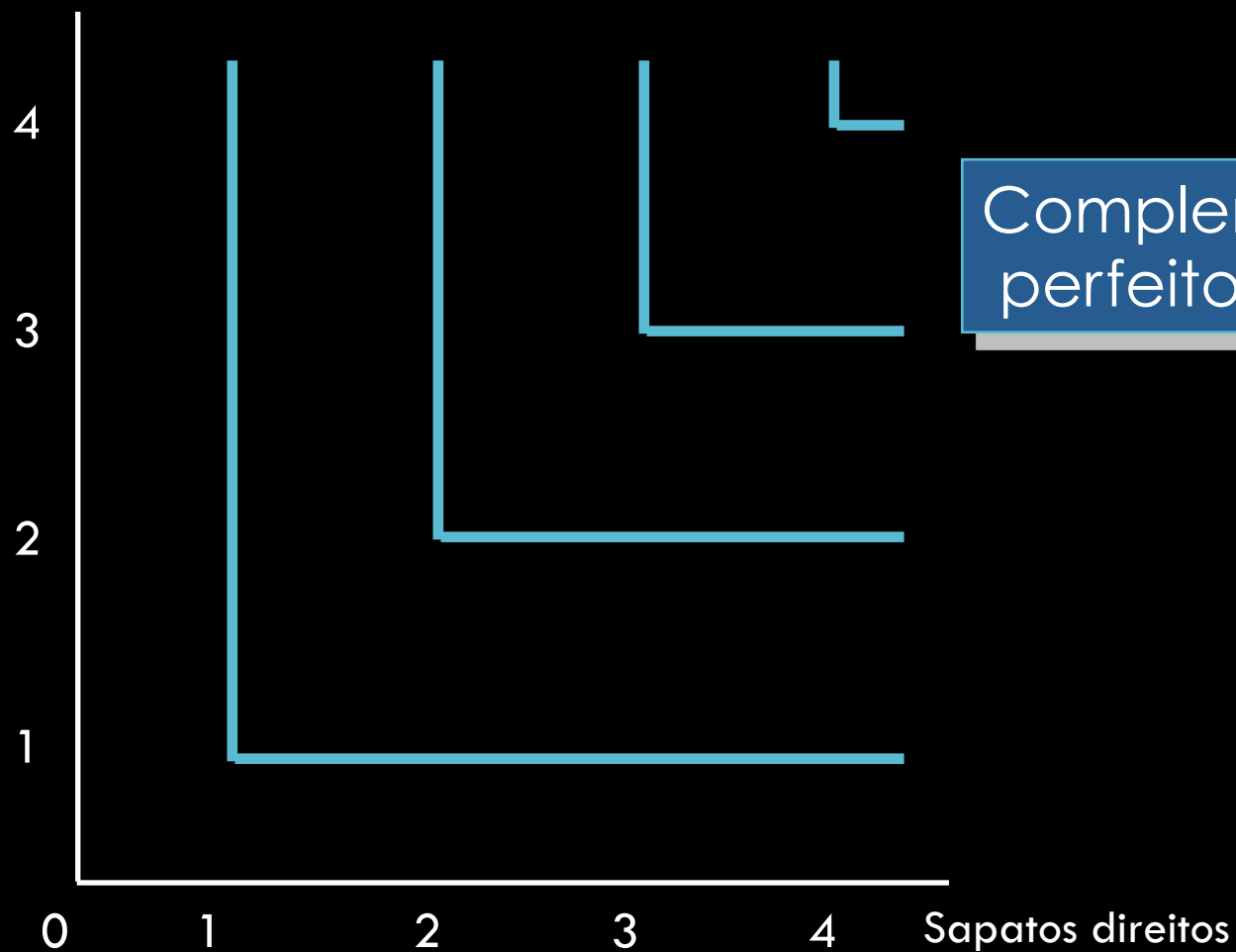
32



A relação entre os bens

- Complementares perfeitos
 - As curvas de indiferença tem formato de ângulos retos

Sapatos
esquerdos



A relação entre os bens

- Males
 - Mercadoria de que o consumidor não gosta
- Caso 1 – em uma pizza, o consumidor gosta de pimentão mas não de anchova,
 - Ele aceita ter mais do mal desde que tenha mais do bem



Males

Aqui a anchova é um “mal” e o pimentão é um “bem”

Anchova



Curvas de
indiferença

Pimentão

36



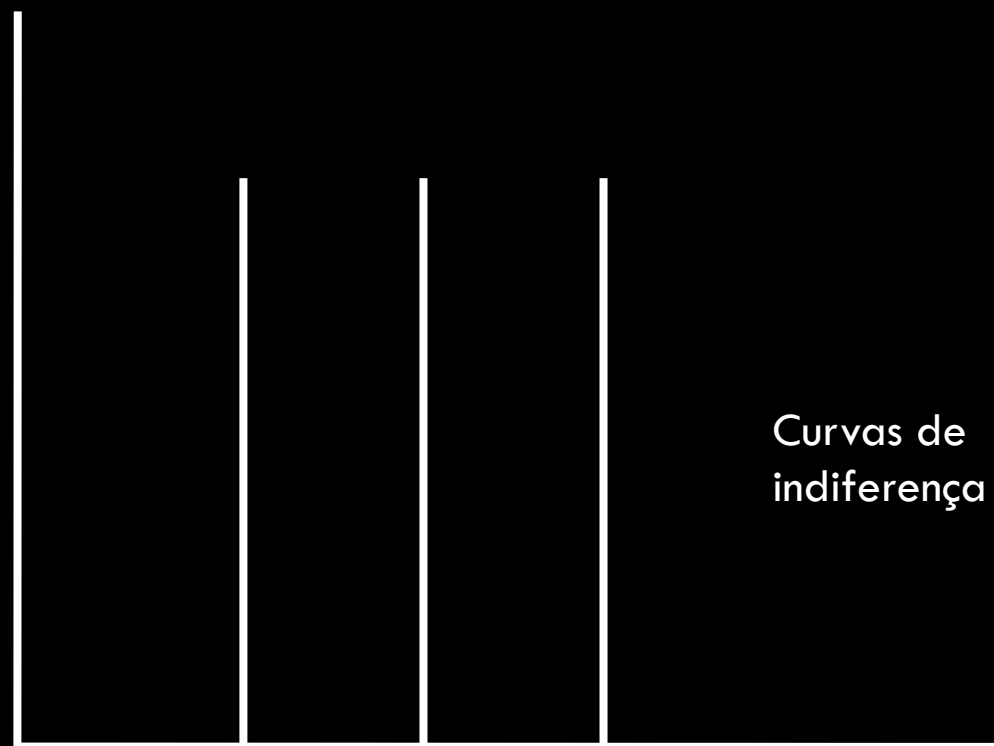
A relação entre os bens

- Neutros
 - O consumidor não se importa com ele
- Caso 1 – em uma pizza, o consumidor gosta de pimentão mas é neutro em relação a anchova,

Neutros

O consumidor gosta de pimentão mas é neutro em relação à anchova

Anchova



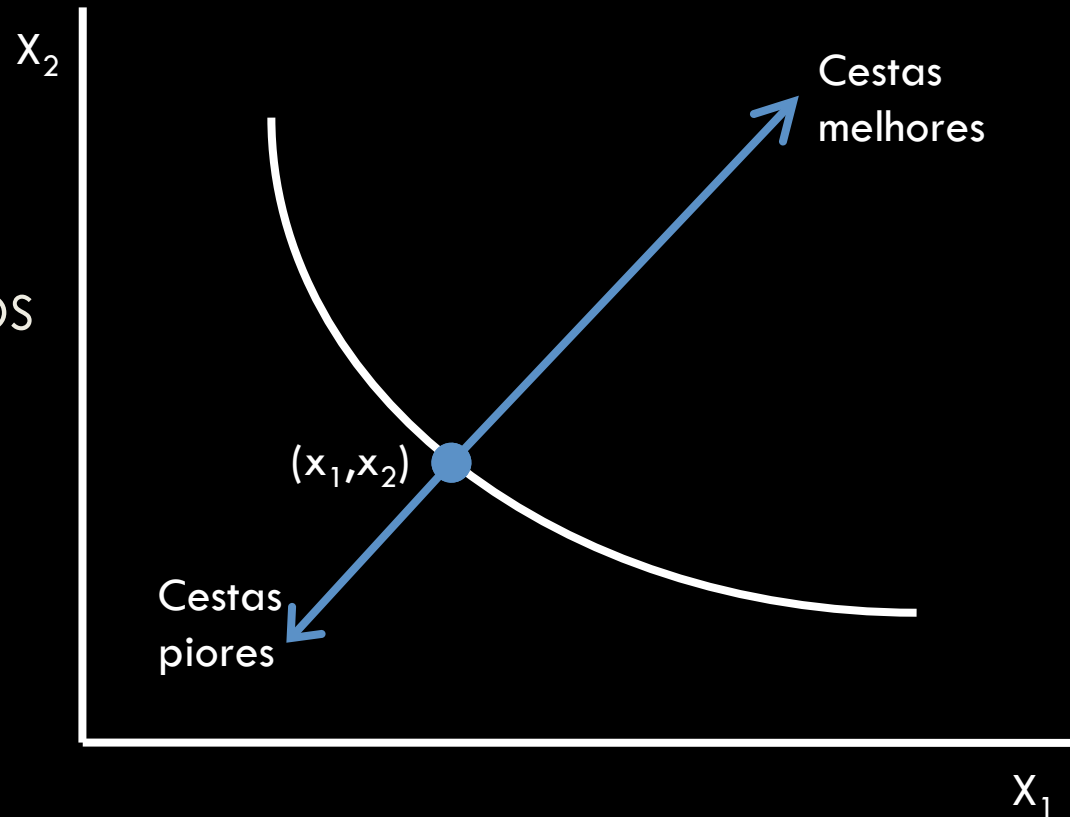
Pimentão

Preferências bem comportadas

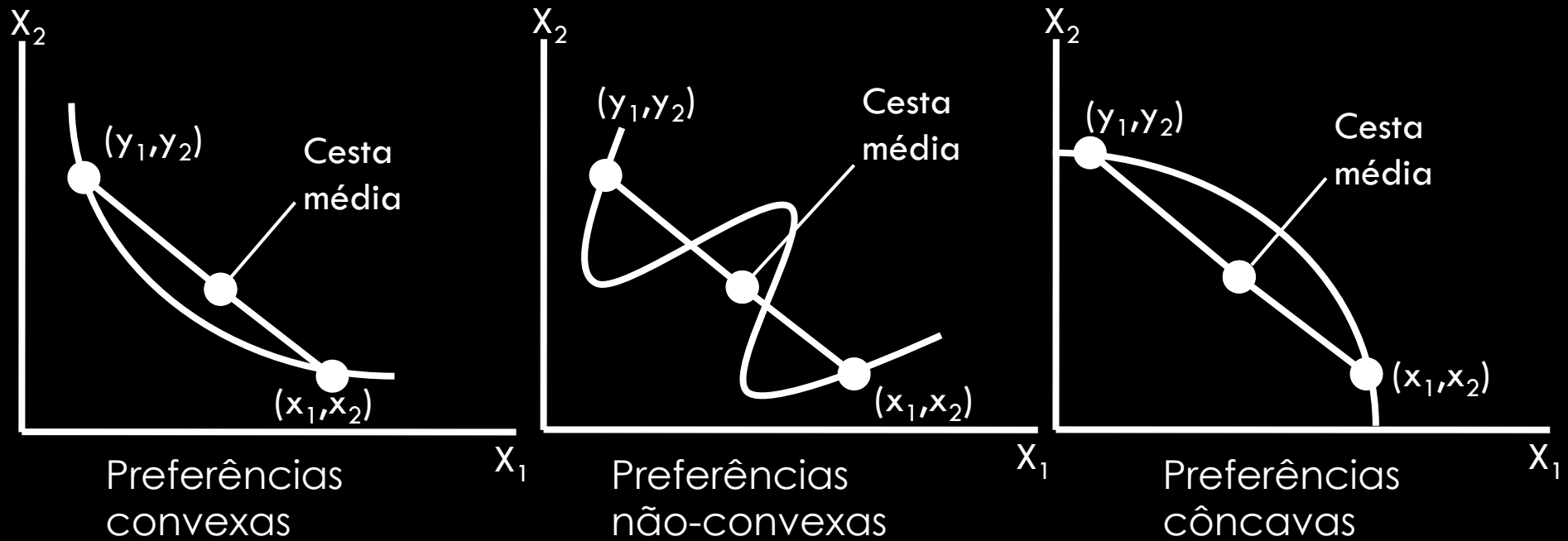
- Dois pressupostos
 - Mais é melhor
 - Estamos falando sobre bens, não males
 - As médias são preferidas ao extremos

Preferências monotônicas

Mais de ambos os bens é melhor; menos de ambos é pior



Preferências bem comportadas



41

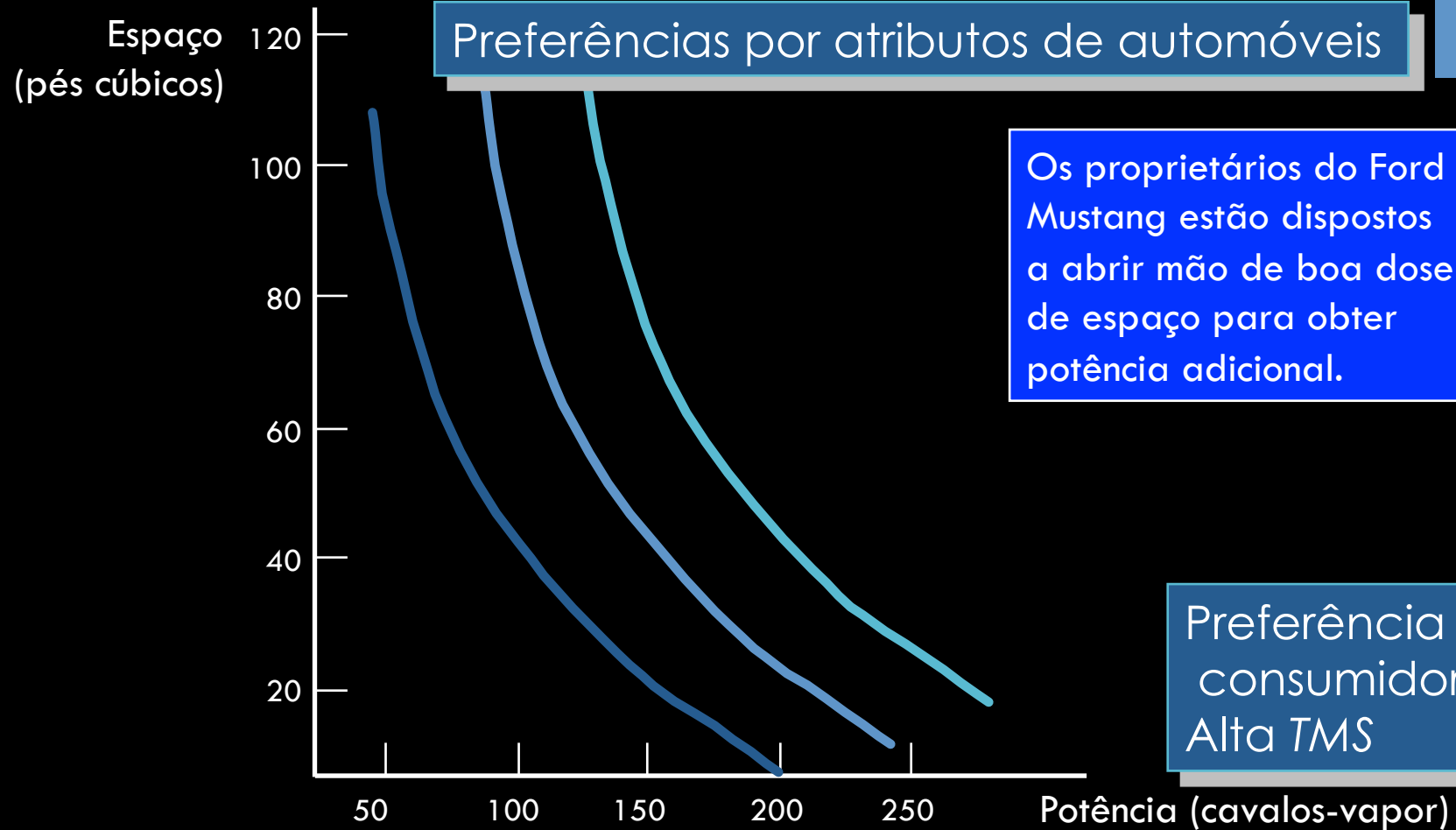


Preferências do consumidor

- Executivos de empresas automobilísticas devem decidir
 - Quando introduzir novos modelos
 - Quanto investir em diferentes atributos
- Exemplo: potência Vs. espaço

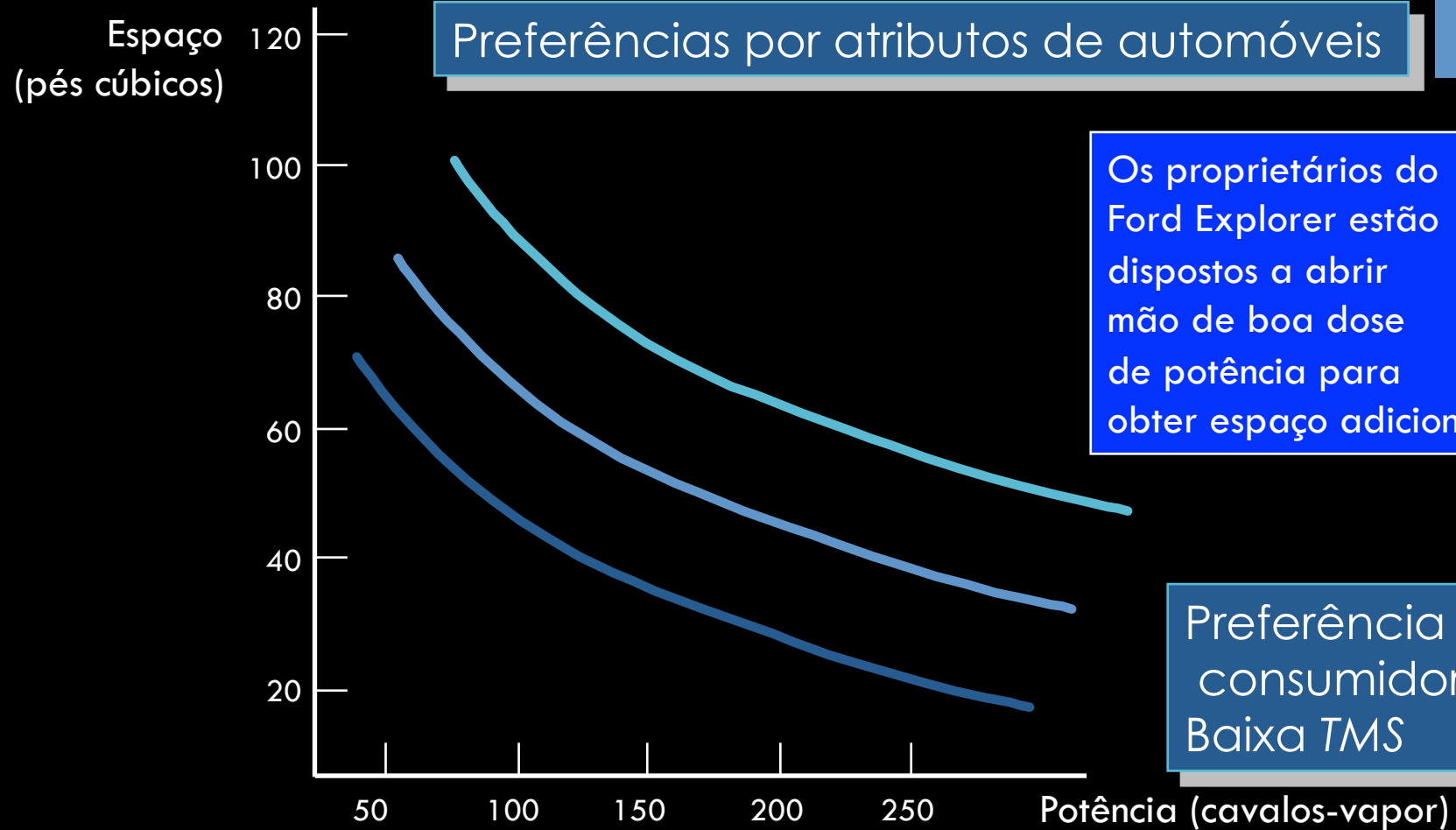
Preferências por atributos de automóveis

42



Preferências por atributos de automóveis

43



Os proprietários do Ford Explorer estão dispostos a abrir mão de boa dose de potência para obter espaço adicional

Preferência do consumidor (b):
Baixa TMS



A teoria do consumidor

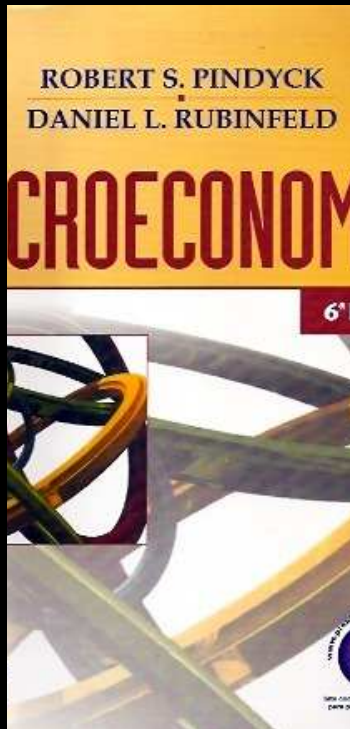
Utilidade

Referências

- VARIAN, Hal. **Microeconomia: Uma abordagem moderna**. 8.ed. Rio de Janeiro: Campus/Elsevier, 2012.
- Ver capítulo 4



46



Referências

- PINDYCK, Robert S.; RUBINFELD, Daniel L. **Microeconomia**. 6. ed. São Paulo: Pearson 2010.
- Ver capítulo 3

47



Utilidade

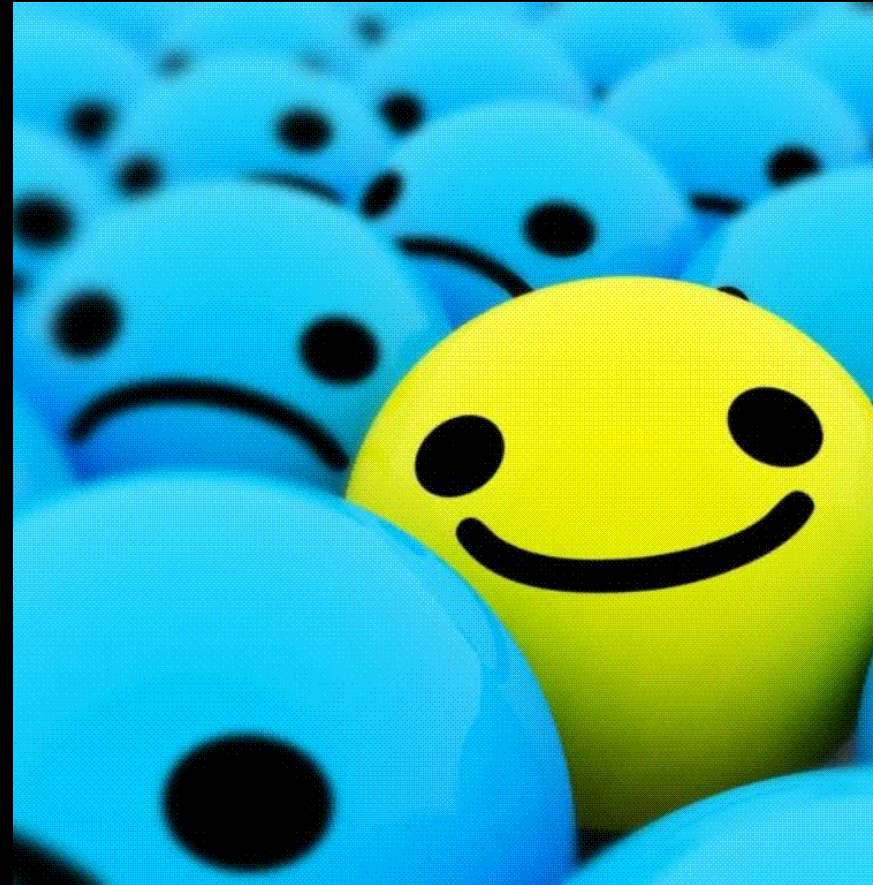
- Número que representa o nível de satisfação que uma pessoa obtém ao consumir uma cesta de mercado

Utilidade

Se comprar três cópias do livro de microeconomia te deixa mais feliz do que comprar uma camisa, então os livros proporcionam uma utilidade maior

25/05/15

Introdução à microeconomia – Prof. Salomão Neves



Utilidade

- Função utilidade
 - Modo de atribuir um número a cada possível cesta de consumo
- Exemplo

$$(x_1, x_2) \succ (y_1, y_2) \text{ se e somente se } u(x_1, x_2) > u(y_1, y_2)$$

Utilidade

- Transformação monotônica
 - Se $u(x_1, x_2)$ representa uma forma de atribuir números de utilidades às cestas (x_1, x_2) ...
 - ...A multiplicação de $u(x_1, x_2)$ por 2 (ou qualquer outro número positivo) também seria um meio válido de atribuir utilidades.

Utilidade

- Transformação monotônica
 - A transformação monotônica é em geral representado pela função $f(u)$
 - Transforma cada número u em outro número $f(u)$, mas preserva a ordem dos números para que $u_1 > u_2$.

Utilidade

- Transformação monotônica
 - Uma transformação monotônica e uma função monotônica são, em essência, a mesma coisa.

Elaboração de uma função de utilidade

- Suponhamos que recebemos um mapa de indiferença
 - Podemos traçar uma diagonal e rotular cada curva com a sua distância em relação a origem

Elaborando uma função de utilidade

- Suponha
 - Função de utilidade para alimento (A) e vestuário (V)

$$U(A, V) = A + 2V$$

Elaborando uma função de utilidade

Função utilidade para alimento e vestuário

$$U(A, V) = A + 2V$$

55

Cestas de mercado	Und. de A	Und. de B	U=?
A	8	3	
B	6	4	
C	4	4	

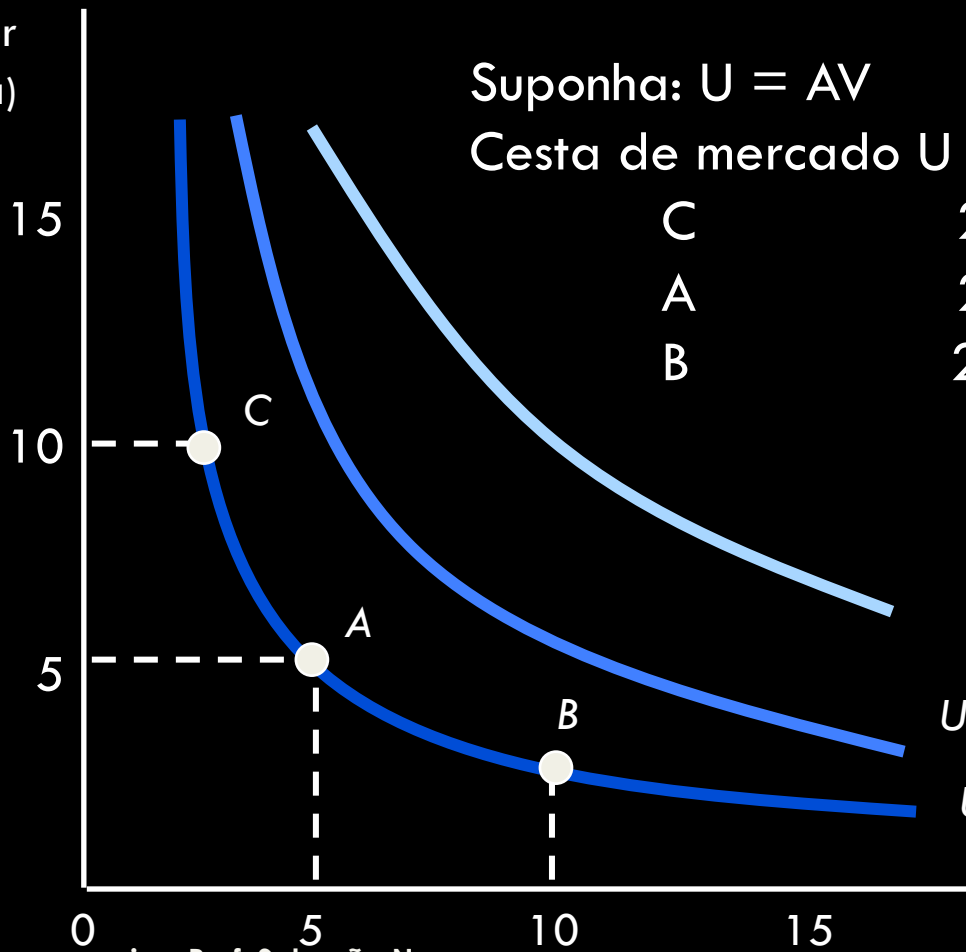
Elaborando uma função de utilidade

Função utilidade para alimento e vestuário

$$U(A, V) = A + 2V$$

Cestas de mercado	Und. de A	Und. de B	$U(A, V) = A + 2V$
A	8	3	$8 + 2(3) = 14$
B	6	4	$6 + 2(4) = 14$
C	4	4	$4 + 2(4) = 12$

Vestuário
(unidades por
semana)



Suponha: $U = AV$

Cesta de mercado $U = AV$

C	$25 = 2,5(10)$
A	$25 = 5(5)$
B	$25 = 10(2,5)$

$U_3 = 100$ (Preferida a U_2)

$U_2 = 50$ (Preferida a U_1)

$U_1 = 25$

Alimento
(unidades por semana)

Alguns exemplos de funções de utilidade

- Curvas de indiferença a partir da utilidade
 - Curva de indiferença típica: conjunto de todos os x_1 e x_2 , de modo que $k = x_1x_2$ para alguma constante k .

Alguns exemplos de funções de utilidade

- Curvas de indiferença a partir da utilidade
 - Consideremos outro exemplo. Suponhamos que recebemos uma função de utilidade $v(x_1, x_2) = x_1^2 x_2^2$.
 - Como suas curvas de indiferença se parecem?

$$v(x_1, x_2) = x_1^2 x_2^2 = (x_1 x_2)^2 = u(x_1, x_2)^2$$

Alguns exemplos de funções de utilidade

- Substitutos perfeitos
 - As preferências por substitutos perfeitos podem ser representadas por uma função de utilidade da forma

$$u(x_1, x_2) = ax_1 + bx_2$$

Alguns exemplos de funções de utilidade

- Complementares perfeitos
 - As preferências por complementares perfeitos podem ser representadas por uma função de utilidade da forma

$$u(x_1, x_2) = \min \{ ax_1, bx_2 \}$$

Alguns exemplos de funções de utilidade

- Preferências Cobb-Douglas
 - A função Cobb-Douglas tem o seguinte formato

$$u(x_1, x_2) = x_1^c x_2^d$$

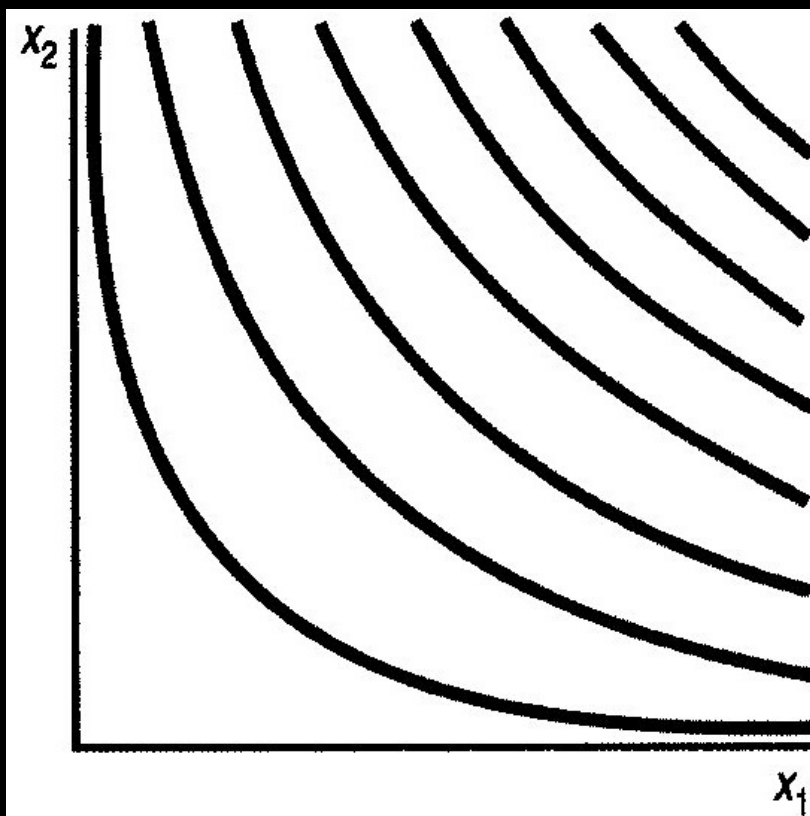
- Onde
 - c e d – preferências do consumidor

Alguns exemplos de funções de utilidade

- Curvas de indiferença Cobb-Douglas
 - Monotônicas convexas
 - “bem comportadas”

25/05/15
Introdução à microeconomia – Prof. Salomão Neves

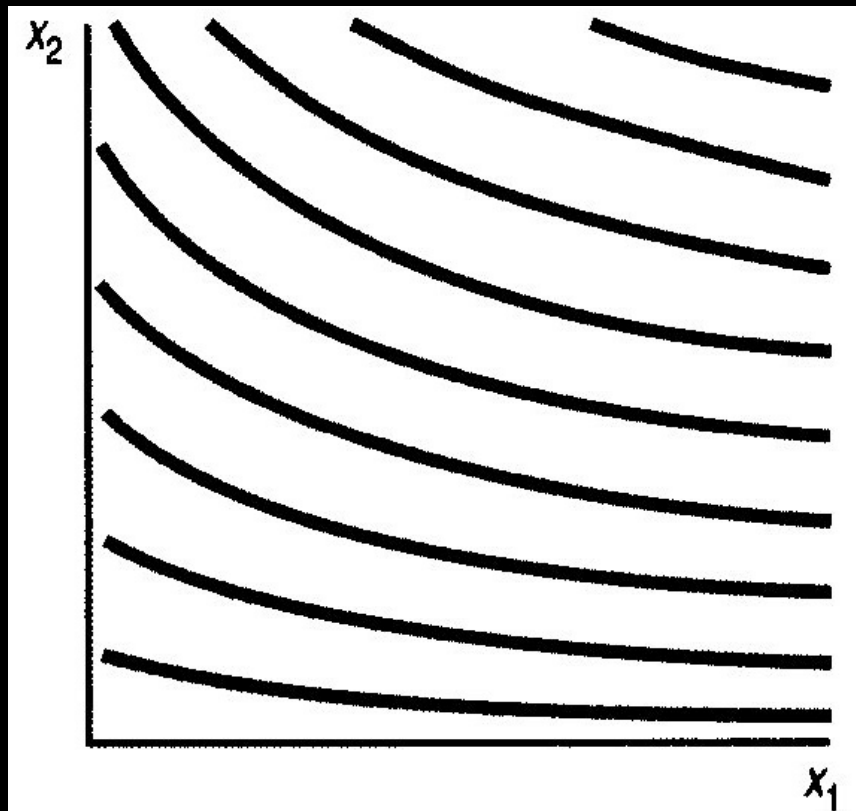
63



A $c = 1/2$ $d = 1/2$

Alguns exemplos de funções de utilidade

- Curvas de indiferença Cobb-Douglas
 - Monotônicas convexas
 - “a pessoa gosta mais de x_2 ”



B $c = 1/5$ $d = 4/5$

Preferências Cobb-Douglas: Ex1

- Extraíndo o logaritmo natural da utilidade teremos

$$v(x_1, x_2) = \ln(x_1^c x_2^d) = c \ln x_1 + d \ln x_2$$

- As curvas de indiferença dessa função terão a mesma forma que a primeira função

Preferências Cobb-Douglas: Ex2

- Suponha que

$$v(x_1, x_2) = x_1^c x_2^d$$

- Elevando a utilidade à potência $1/(c+d)$, temos

$$v(x_1, x_2) = x_1^{\frac{c}{c+d}} x_2^{\frac{d}{c+d}}$$

Preferências Cobb-Douglas: Ex2

- Definamos um novo número

$$a = \frac{c}{c+d}$$

- Podemos escrever agora a função de utilidade como

$$v(x_1, x_2) = x_1^a x_2^{1-a}$$

Preferências Cobb-Douglas: Ex2

68

$$v(x_1, x_2) = x_1^a x_2^{1-a}$$

- Isso significa que
 - Podemos extrair a transformação monotônica da função de utilidade Cobb-Douglas, de maneira que a soma dos expoentes da função resultante seja igual a 1.



Utilidade Marginal

- É a satisfação adicional obtida do consumo de uma unidade adicional de uma mercadoria



Utilidade Marginal

- Princípio da utilidade marginal decrescente
 - Na medida em que se consome mais de uma mercadoria, esta proporcionará adições cada vez menores de utilidade



Utilidade Marginal

- Utilidade marginal e curva de indiferença
 - A utilidade adicional derivada de um aumento no consumo de uma mercadoria, alimento (A), deve compensar a perda de utilidade da diminuição no consumo da outra mercadoria, vestuário (V).

Utilidade marginal e escolha do consumidor

- Formalmente

$$0 = UMg_A (\Delta A) + UMg_V (\Delta V)$$

- Reescrevendo

$$-(\Delta V / \Delta A) = UMg_A / UMg_V$$

$$-(\Delta V / \Delta A) = UMg_A / UMg_V$$

- Dado que

$$-(\Delta V / \Delta A) = \text{TMS de V por A}$$

- Temos então

$$\text{TMS} = UMg_A / UMg_V$$

Utilidade marginal e escolha

- O que nos dá

$$UMg_A / P_A = UMg_V / P_V$$

- Que é o princípio da igualdade marginal

- A utilidade é maximizada quando
 - O orçamento é alocado de forma que UMg é igual para ambas as mercadorias



75

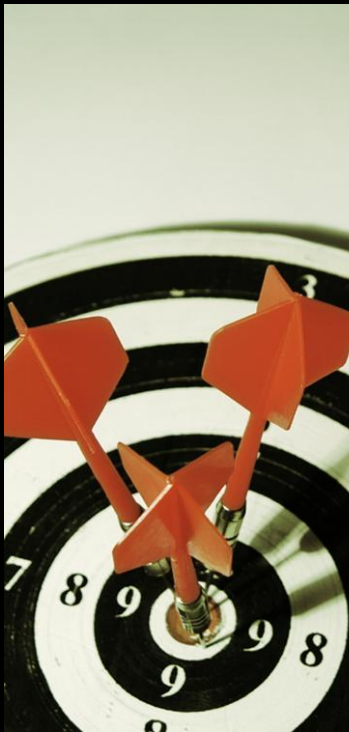
A teoria do consumidor

Escolha

Referências

- VARIAN, Hal. **Microeconomia: Uma abordagem moderna**. 8.ed. Rio de Janeiro: Campus/Elsevier, 2012.
- Ver capítulo 5





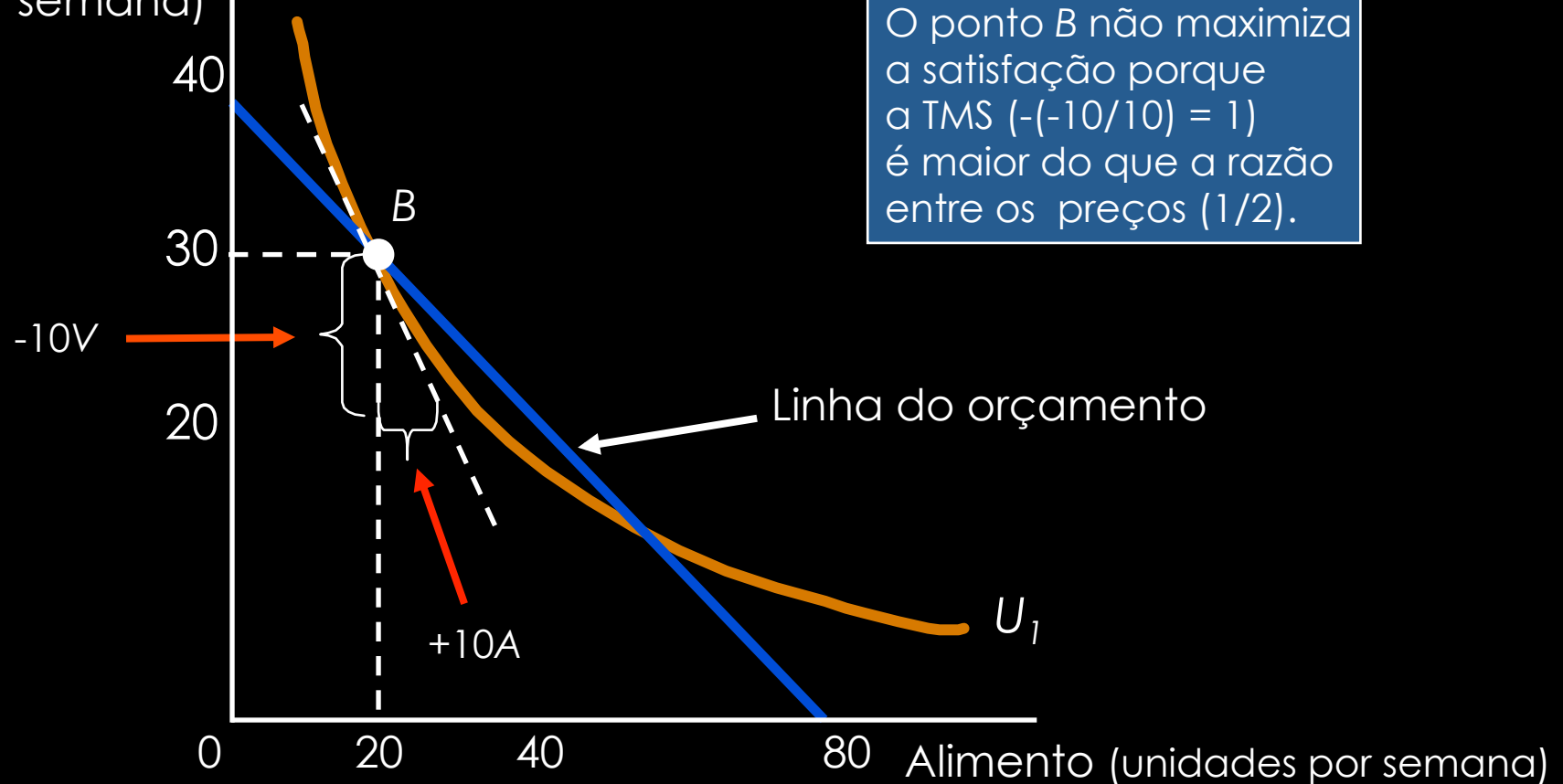
Escolha ótima

- Como definir?
 - Encontrar no conjunto orçamentário a cesta que esteja na curva de indiferença mais elevada
- Quando ocorre?
 - Quando a TMS for igual à razão entre os preços

Vestuário
(unidades
por semana)

$$P_V = \$2 \quad P_A = \$1 \quad I = \$80$$

O ponto B não maximiza a satisfação porque a TMS $(-(-10/10) = 1)$ é maior do que a razão entre os preços $(1/2)$.



Vestuário
(unidades
por semana)

$$P_V = \$2 \quad P_A = \$1 \quad I = \$80$$

40

30

20

D

A cesta de mercado *D*
não pode ser consumida
dada a restrição
orçamentária.

U₃

Linha do orçamento

0

20

40

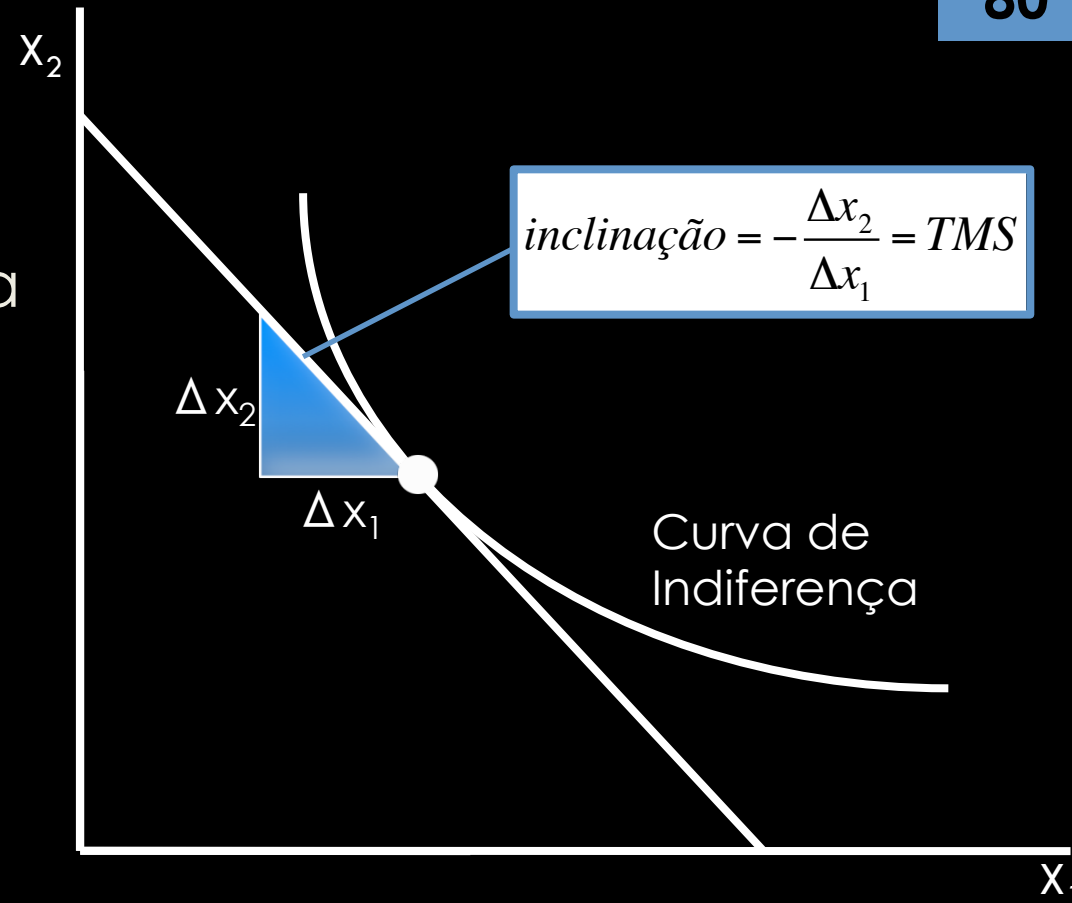
80

Alimento (unidades por semana)

Escolha ótima

Situa-se onde a curva de indiferença tangencia a reta orçamentária

$$TMS = -\frac{p_1}{p_2}$$



Vestuário
(unidades
por semana)

$$P_V = \$2 \quad P_A = \$1 \quad I = \$80$$

40

30

20

0

20

40

80

No ponto A, a linha do orçamento e a curva de indiferença são tangentes, e nenhum nível mais elevado de satisfação pode ser obtido.

No ponto A:
 $TMS = P_A / P_V = 0,5$

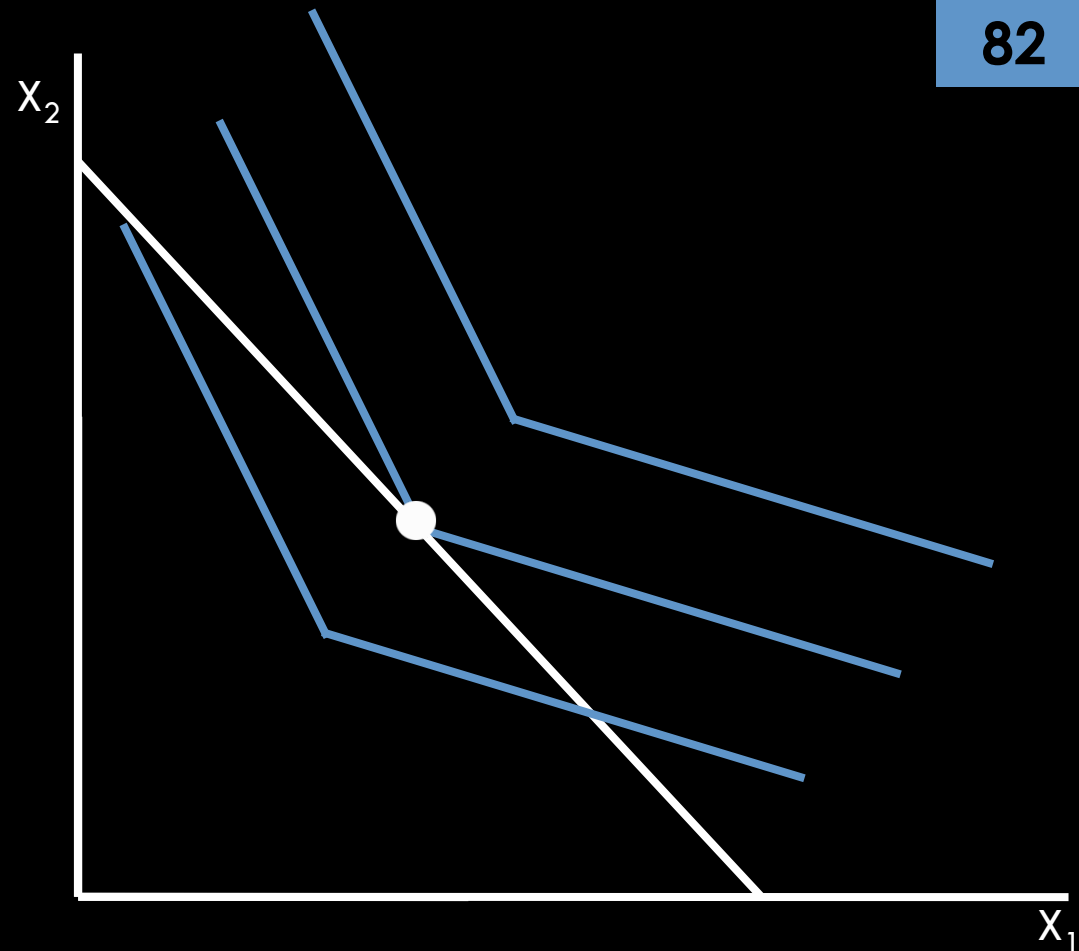
 U_2

Linha do orçamento

Alimento (unidades por semana)

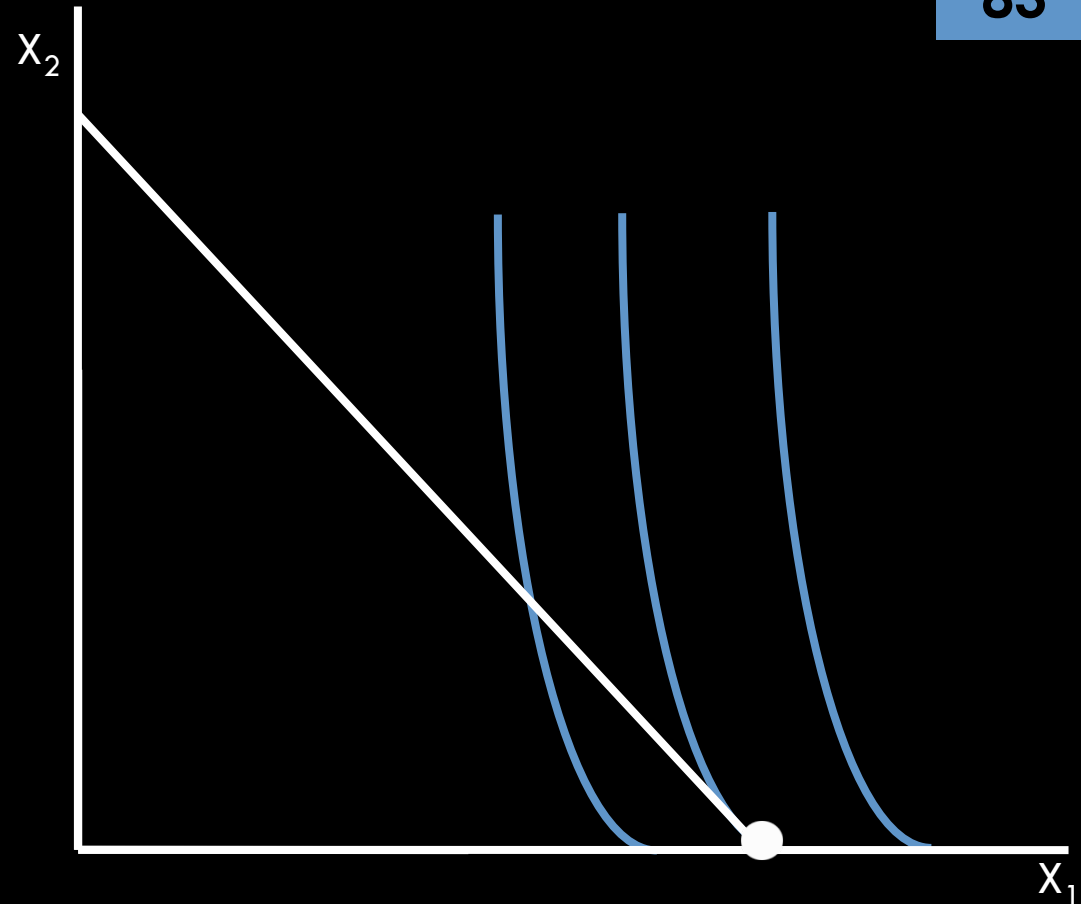
Gostos bizarros

Uma cesta de consumo ótima, em que a curva de indiferença não tem tangente



Ótimo de fronteira

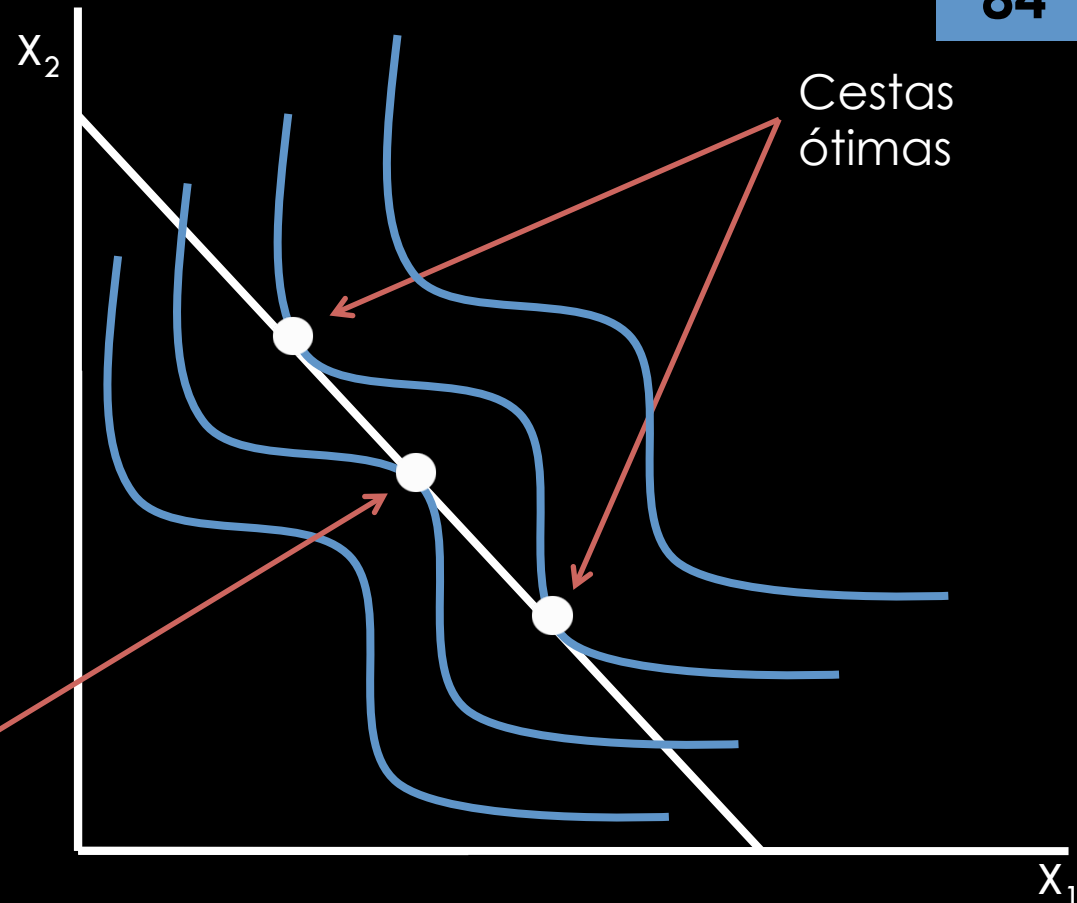
O consumo ótimo acarreta o consumo de zero unidades do bem 2



Mais de uma tangência

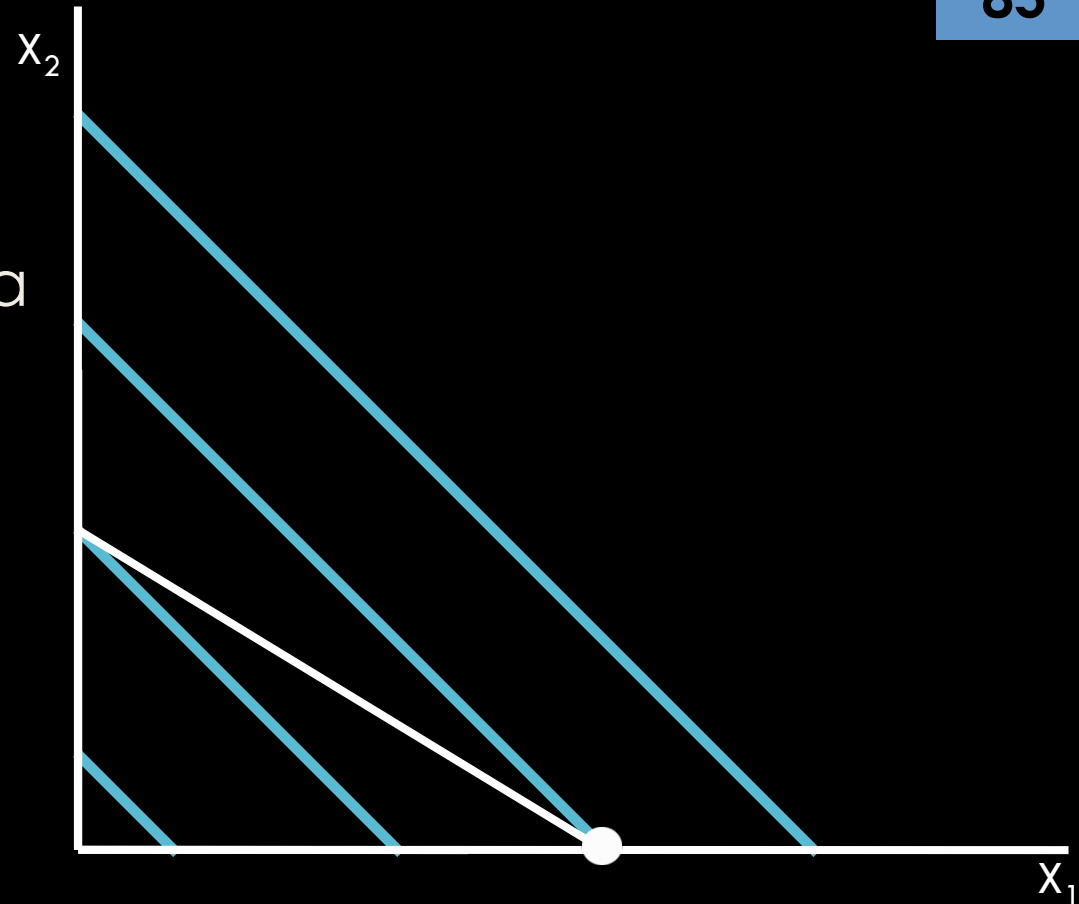
Temos aqui três tangências, mas só dois pontos ótimos

Cesta não-ótima



Substitutos Perfeitos

Neste caso, a escolha é um ótimo de fronteira (solução de canto)



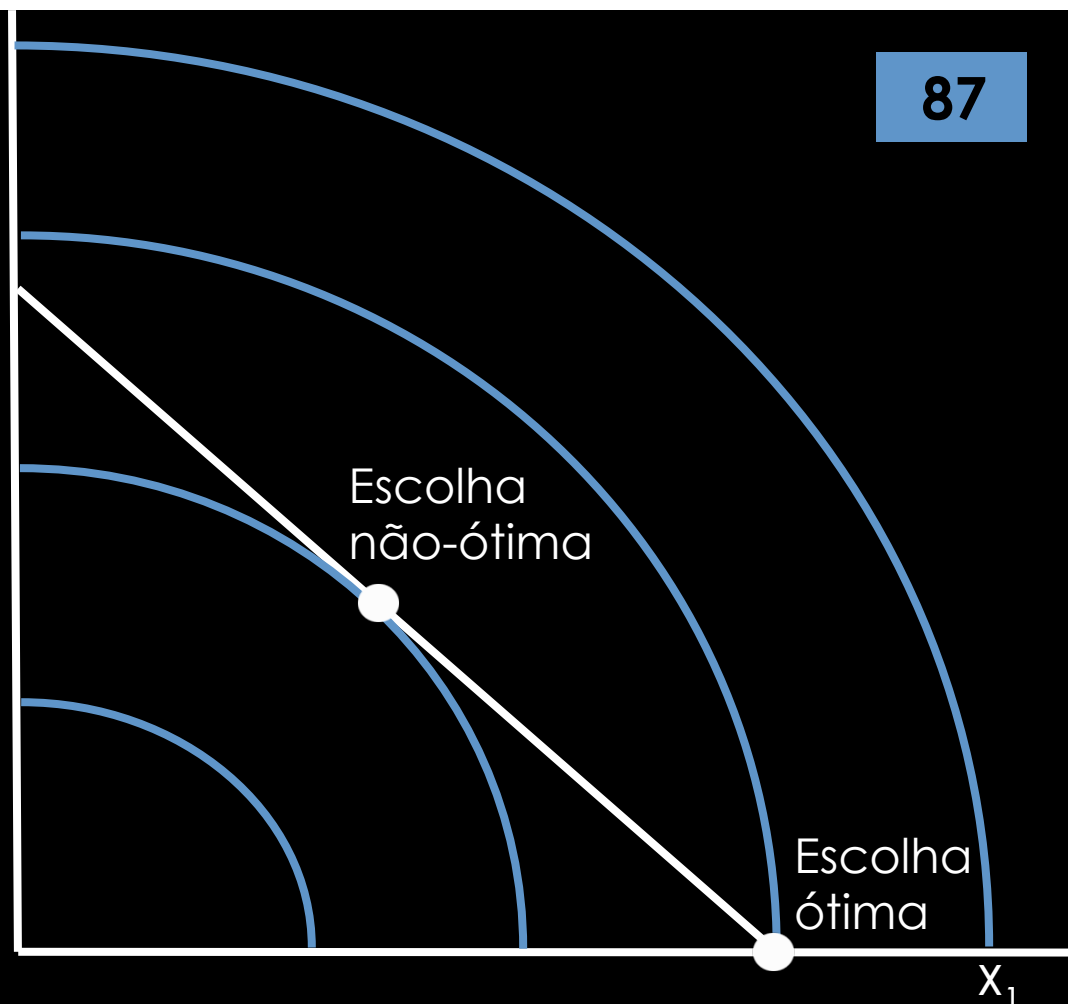
Complementares Perfeitos

As quantidades demandadas estarão sempre localizadas na diagonal



Preferências côncavas

Se você gosta de dois bens mas não juntos, gastará todo o seu dinheiro em um ou em outro





A teoria do consumidor

Demanda

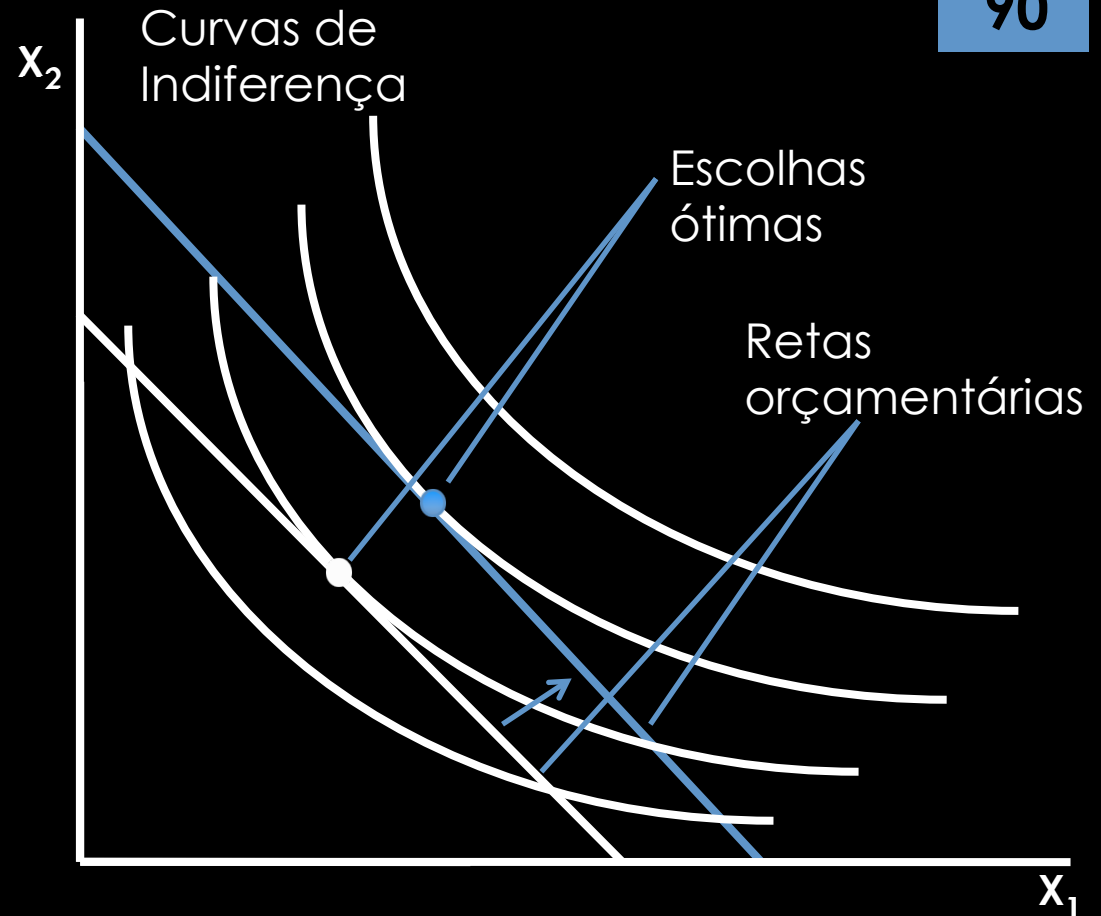
Referências

- VARIAN, Hal. **Microeconomia: Uma abordagem moderna**. 8.ed. Rio de Janeiro: Campus/Elsevier, 2012.
- Ver capítulo 6



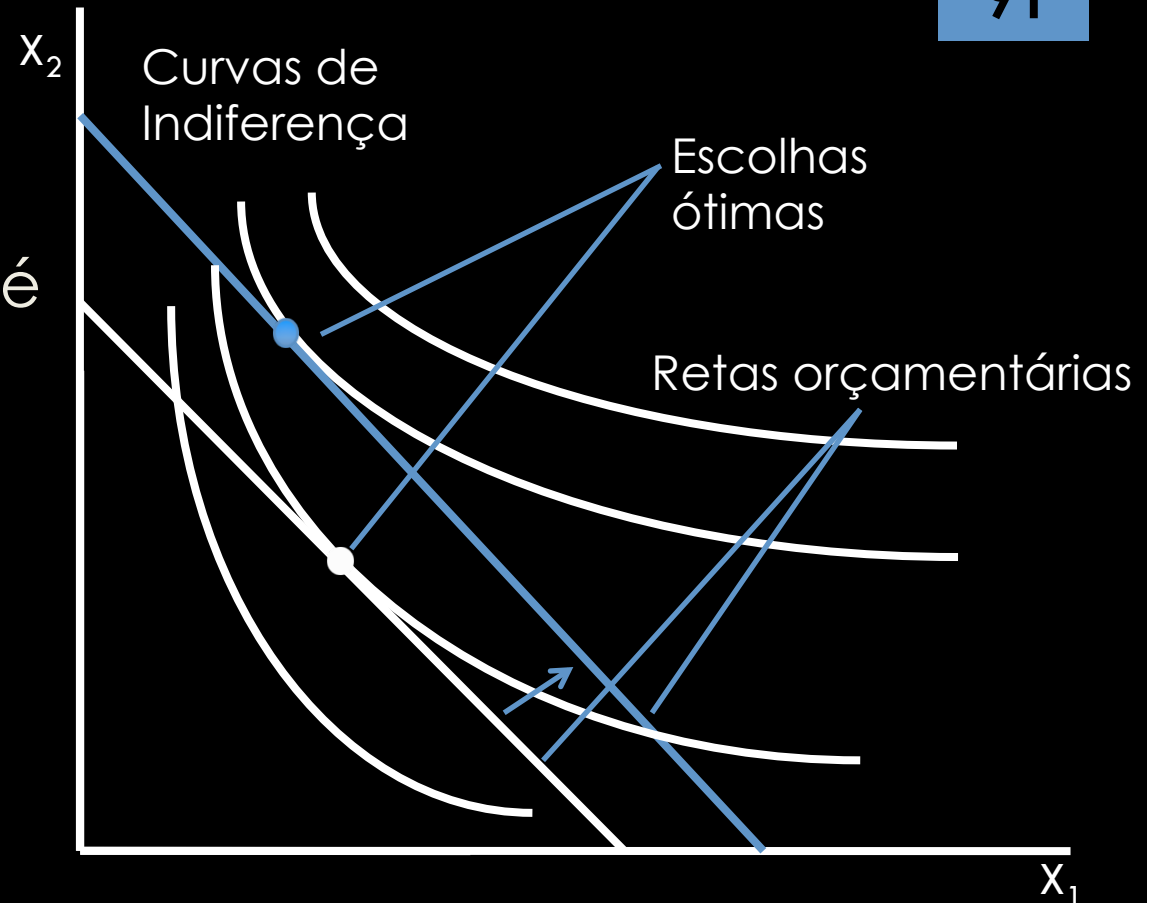
Bens normais

A demanda por ambos os bens aumenta quando a renda aumenta



Bens inferiores

Neste caso, o bem 1 é um bem inferior

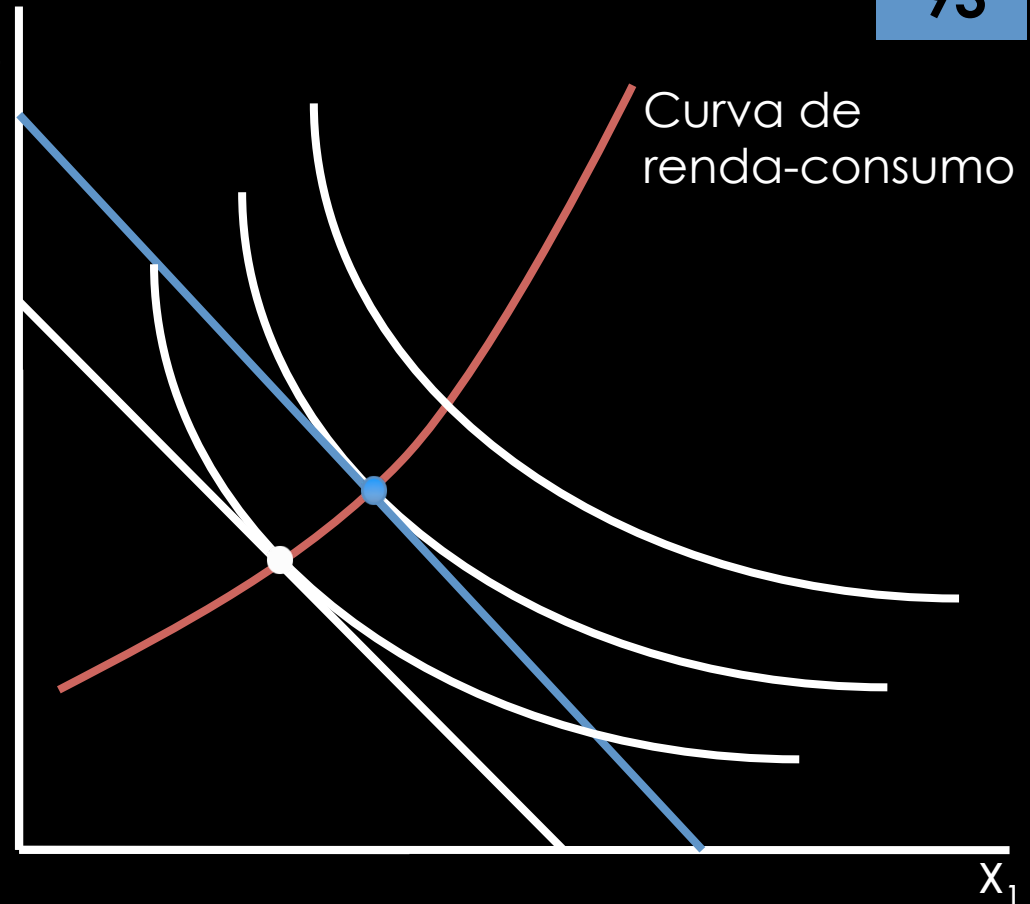


Curvas de renda-consumo

- Podemos unir as cestas demandas à medida em que deslocamos a reta orçamentária pra fora
- As curvas de renda-consumo podem ser chamadas de **caminho de expansão da renda**

Curva de renda-consumo^{X₂}

A curva de renda-consumo descreve a escolha ótima em diferentes níveis de renda e preços constantes



Curvas de Engel

- É um gráfico da de demanda de um dos bens como função da renda
 - Mantidos fixos os preços dos bens 1 e 2
- Objetivo
 - Observar como a demanda varia à medida em que a renda varia.

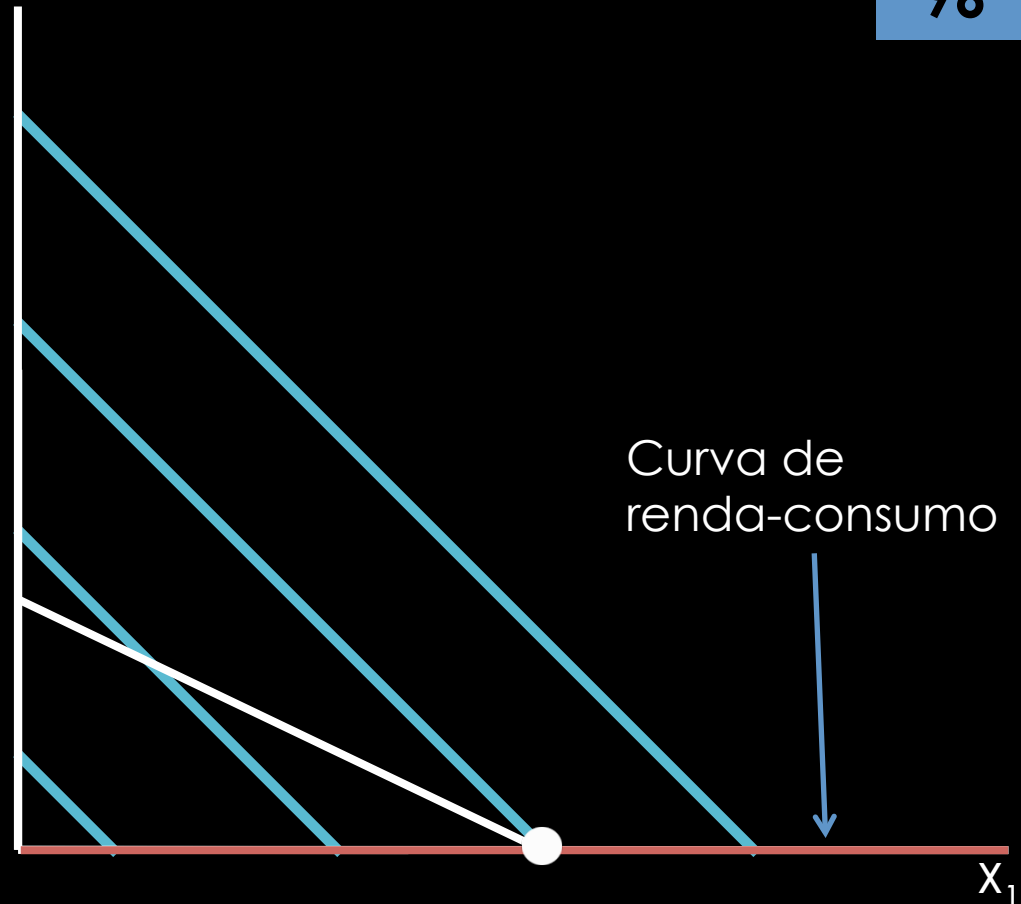
Curva de Engel

Quando traçamos a escolha ótima do bem 1 contra a renda m , obtemos a curva de Engel



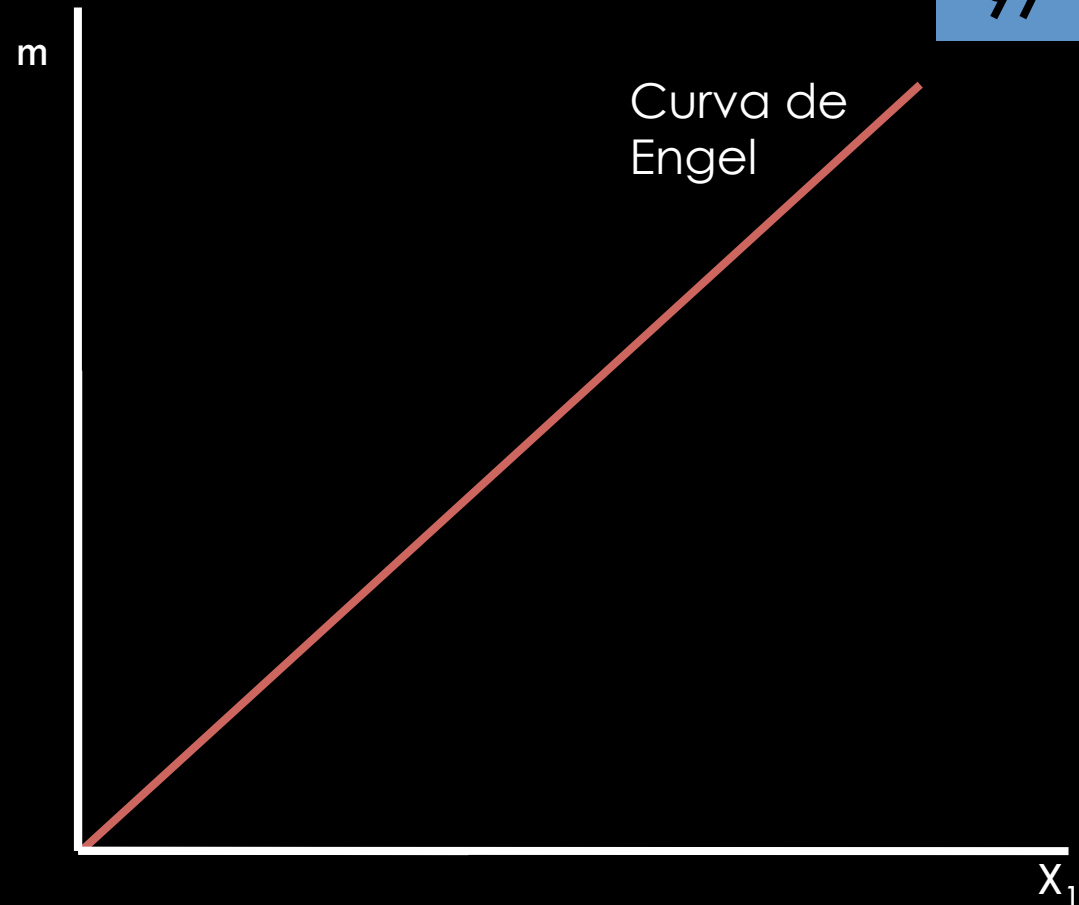
Curva de renda-consumo- X_2

Substitutos perfeitos



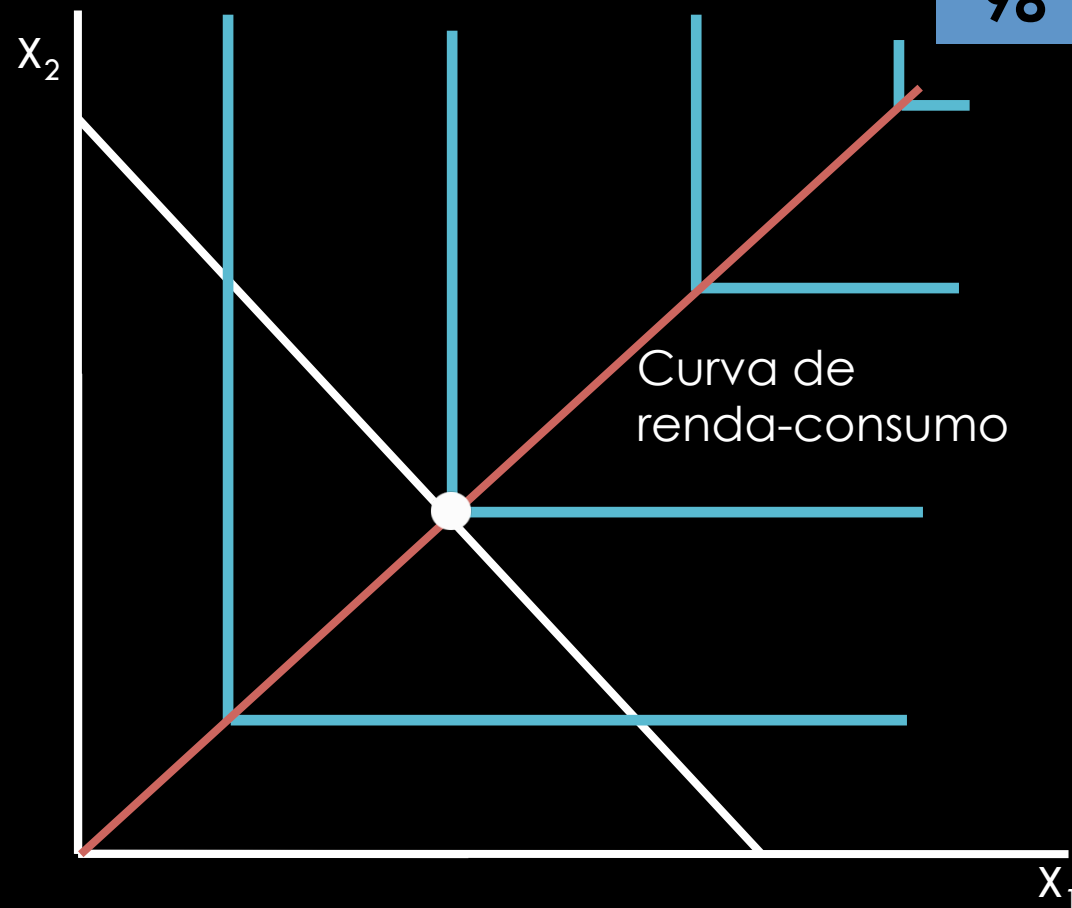
Curva de Engel

Substitutos perfeitos



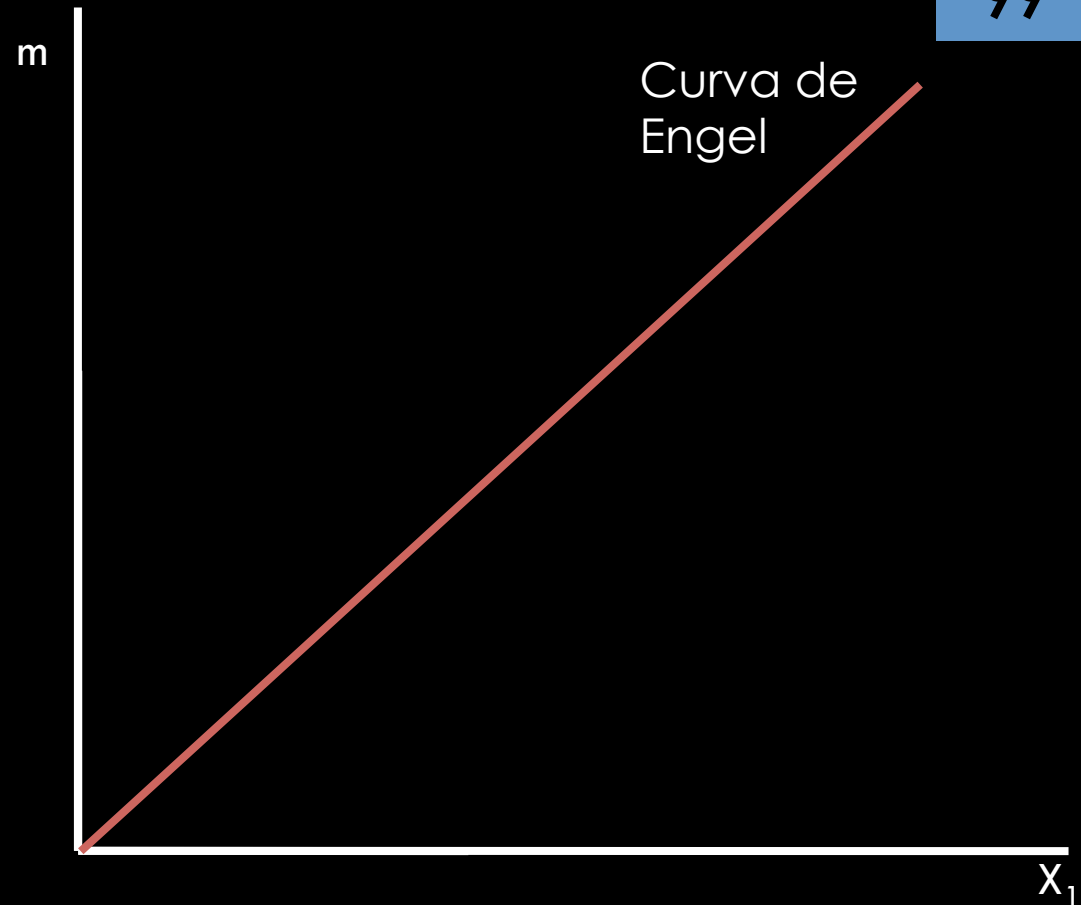
Curva de renda-consumo

Complementares perfeitos



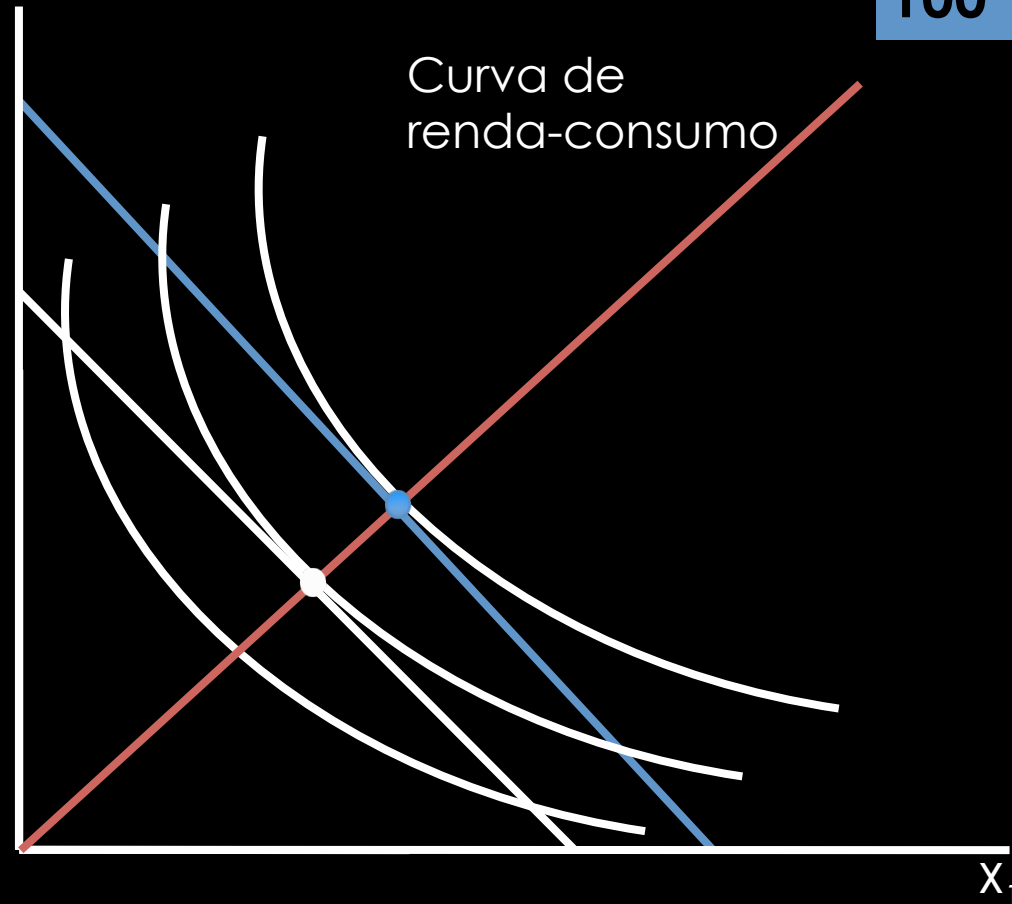
Curva de Engel

Complementares
perfeitos



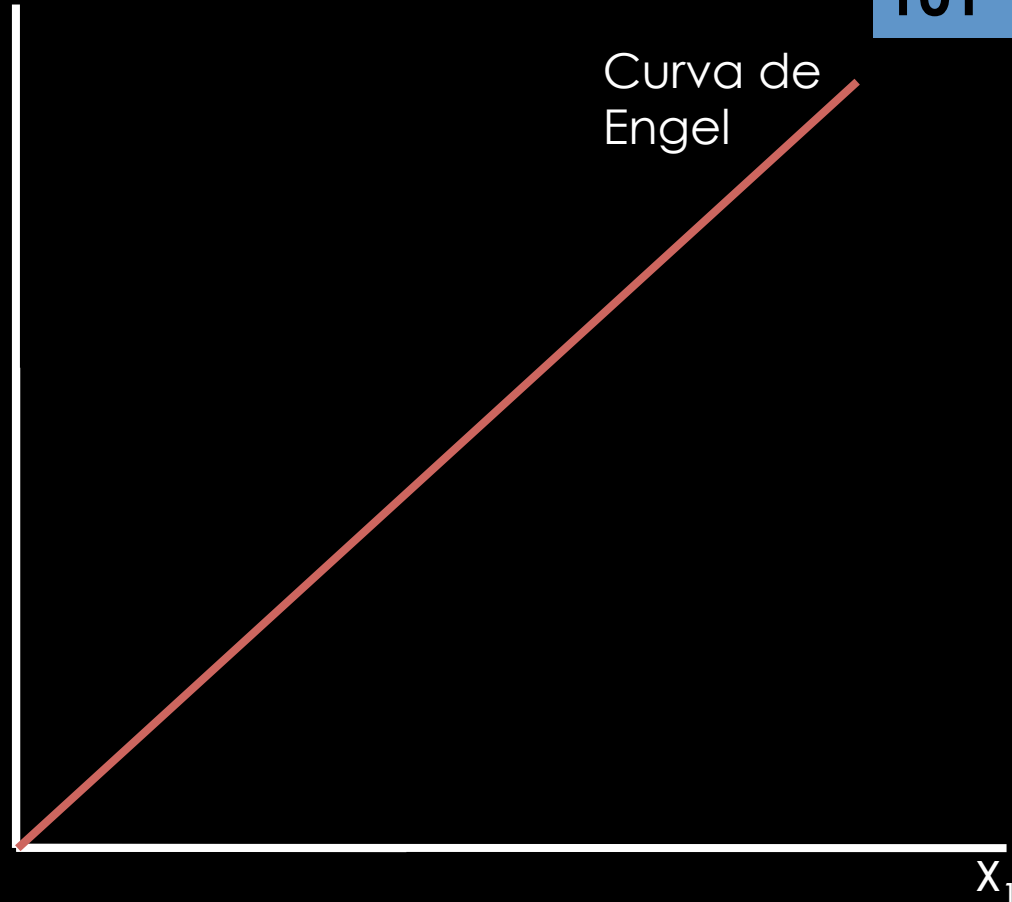
Curva de renda- X_2
consumo

Cobb-Douglas



Curva de renda-^m
consumo

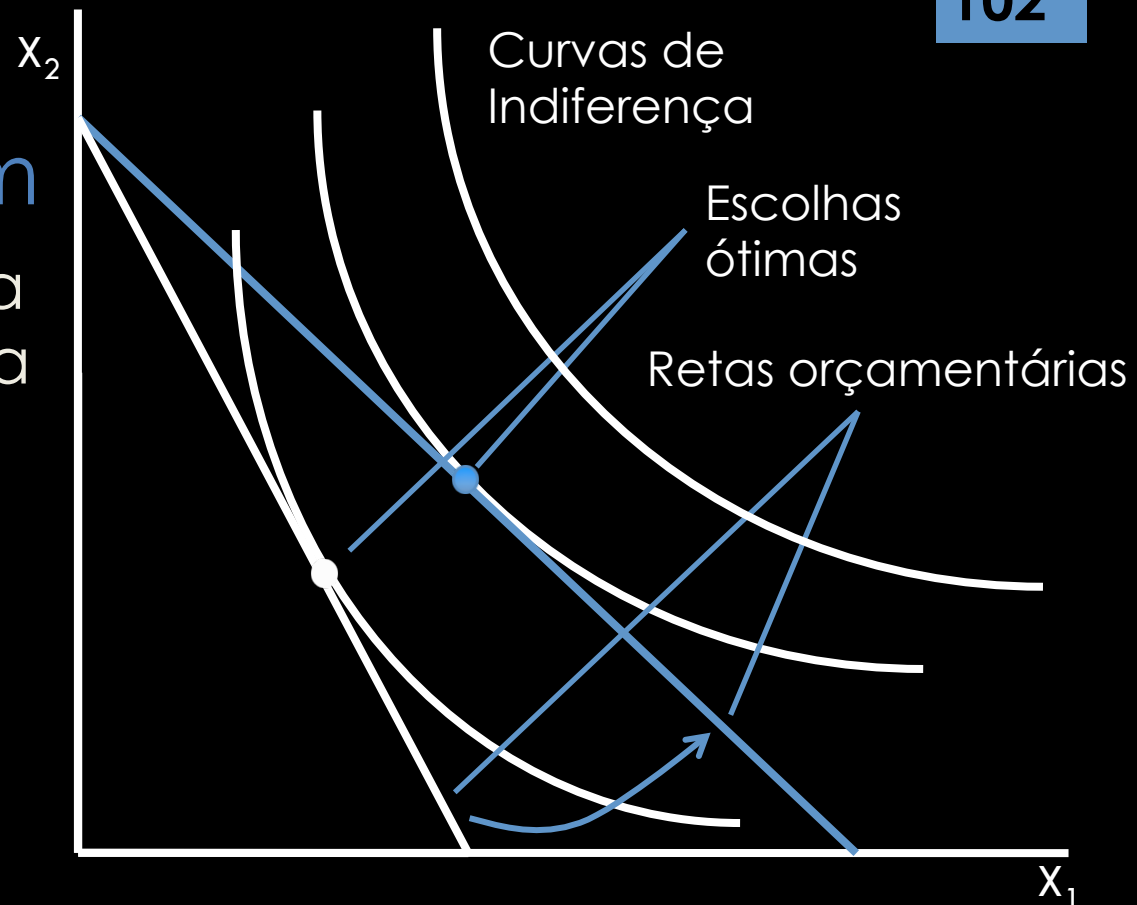
Cobb-Douglas



101

Um bem comum

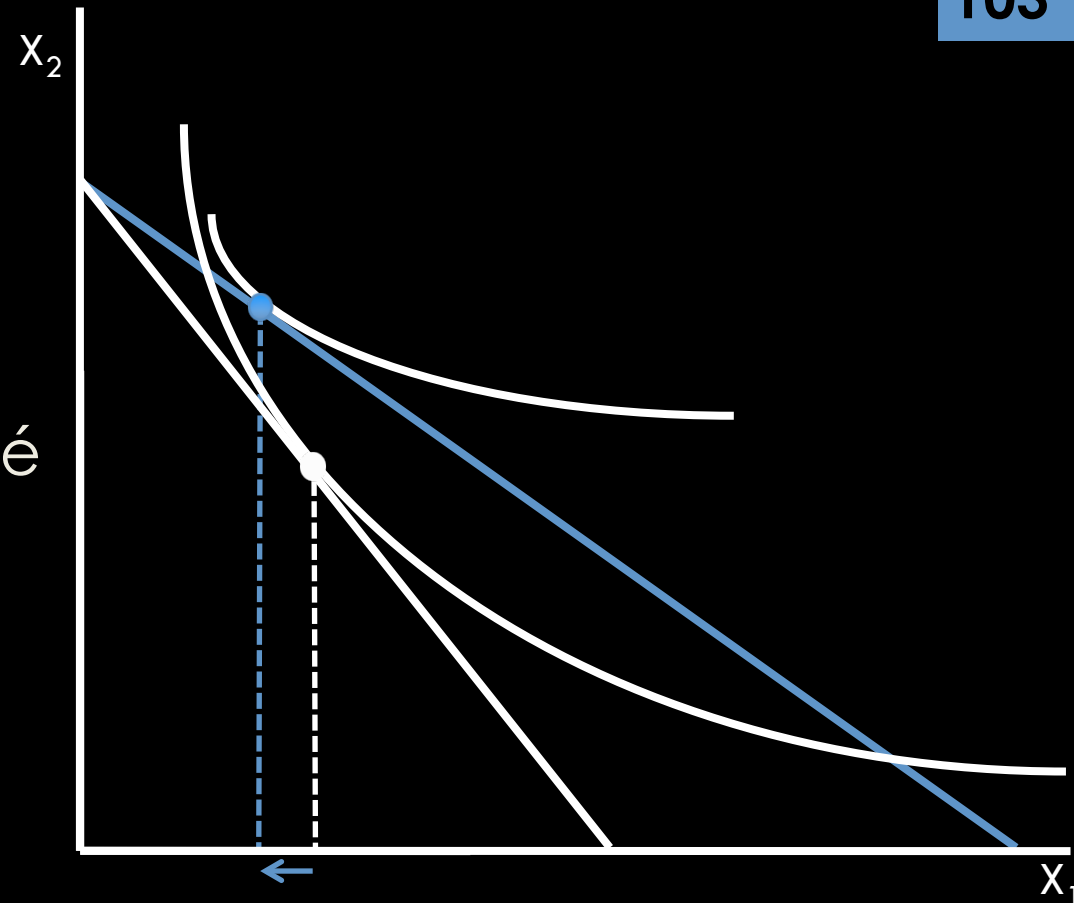
Em geral, a demanda por um bem aumenta quando seu preço diminui



Um bem de Giffen

Considere uma redução em p_1

Neste caso, o bem 1 é um bem de Giffen



Substitutos e complementares

Bens substitutos

- Em termos de taxas de variação, o bem 1 será um **substituto** do bem 2 se

$$\frac{\Delta x_1}{\Delta p_2} > 0$$

Bens complementares

- Em termos de taxas de variação, o bem 1 é um **complemento** do bem 2 se

$$\frac{\Delta x_1}{\Delta p_2} < 0$$

Função de demanda inversa

- Quando os bens forem consumidos em quantidades positivas, a escolha ótima deve satisfazer

$$|TMS| = \frac{p_1}{p_2}$$

Função de demanda inversa

- Isso nos diz que, no nível ótimo de demanda pelo bem 1, teremos

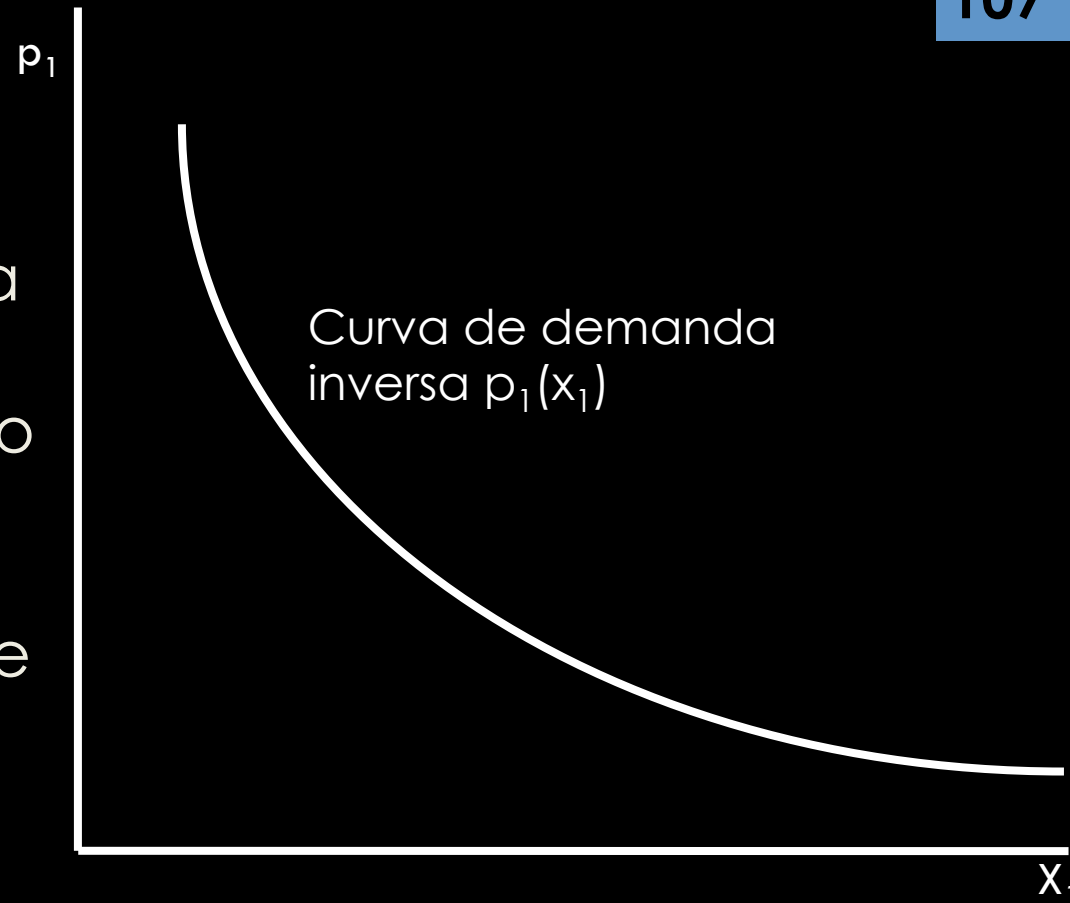
$$p_1 = p_2 |TMS|$$

- Logo, p_1 será proporcional ao valor absoluto da TMS entre o bem 1 e o bem 2

A curva de demanda inversa

A curva de demanda mede:

- O preço em função da quantidade
- O custo da oportunidade de se obter Δx_1





108

A teoria do consumidor

A equação de Slutsky

Referências

- VARIAN, Hal. **Microeconomia: Uma abordagem moderna**. 8.ed. Rio de Janeiro: Campus/Elsevier, 2012.
- Ver capítulo 8



110



O Efeito Substituição

- Quando o preço de um bem varia, há dois tipos de efeitos:
 - A taxa à qual podemos trocar um bem por outro varia, e
 - O poder aquisitivo total da renda é alterado.



○ Efeito Substituição

- A variação no preço do bem 1 alterou a taxa à qual o mercado permite que se **substitua** o bem 2 pelo bem 1.
 - Se, por exemplo, o bem 1 ficar mais barato
 - Isso significa que temos de dar menos do bem 2 para comprar o bem 1.



○ Efeito Substituição

- A variação no preço do bem 1 alterou a taxa à qual o mercado permite que se **substitua** o bem 2 pelo bem 1.
- Se, por exemplo, o bem 1 ficar mais barato
 - Ao mesmo tempo, isso significa que nossa renda monetária comprará mais do bem 1.

○ Efeito Substituição

○ **poder aquisitivo**
aumentou

- A quantidade de dinheiro continua a mesma; mas
- Cresceu a quantidade de bens que esse dinheiro pode comprar



○ Efeito Substituição

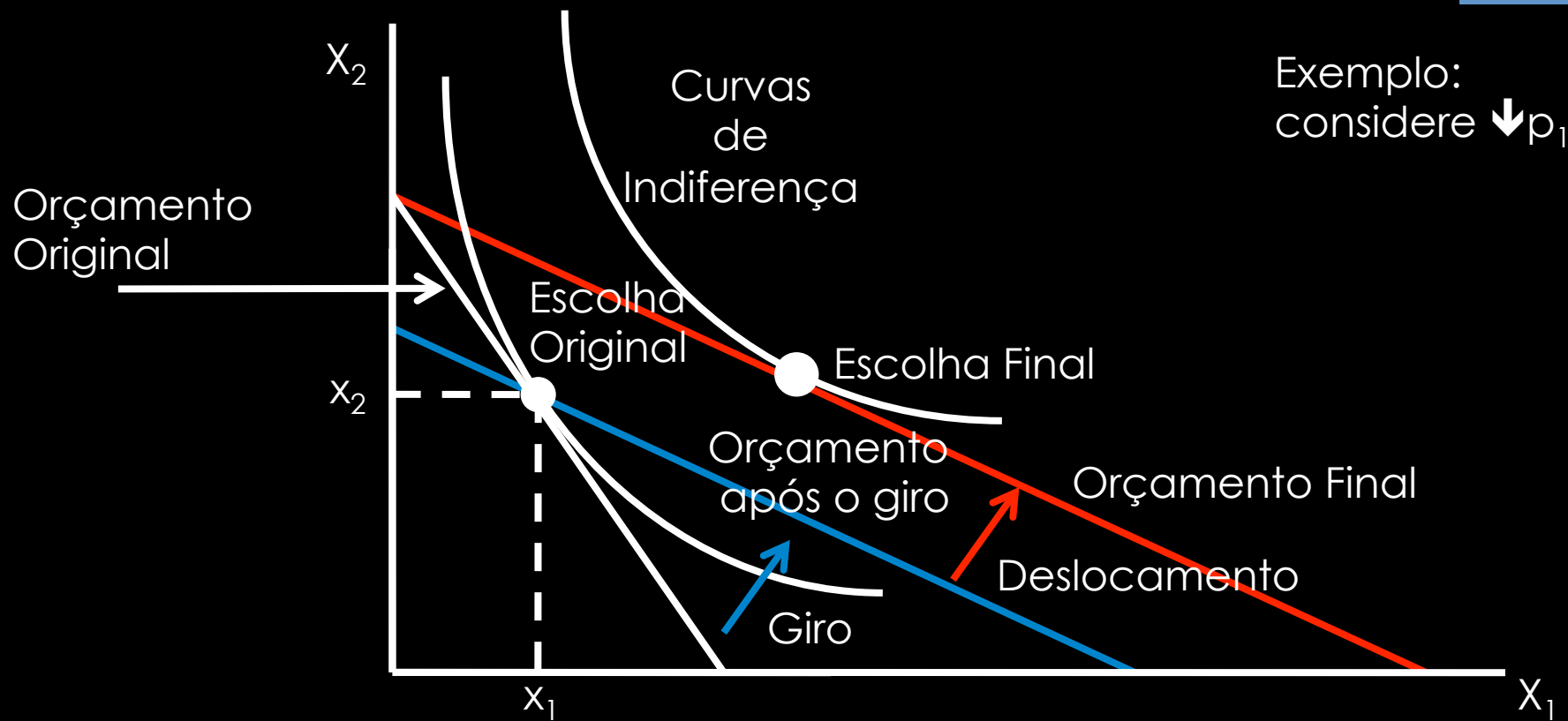
- O primeiro efeito – a **variação na demanda devido à variação da taxa à qual os bens são trocados** – é chamado **efeito substituição**.
- Já o segundo – a **variação na demanda pelo aumento do poder aquisitivo** – denomina-se **efeito renda**.

○ Efeito substituição

- Ao se examinar graficamente tais efeitos, é necessário dividir o movimento do preço em duas etapas:
 - Primeiro, deixemos que os preços relativos variem e ajustaremos a renda monetária para manter constante o poder aquisitivo;

○ Efeito substituição

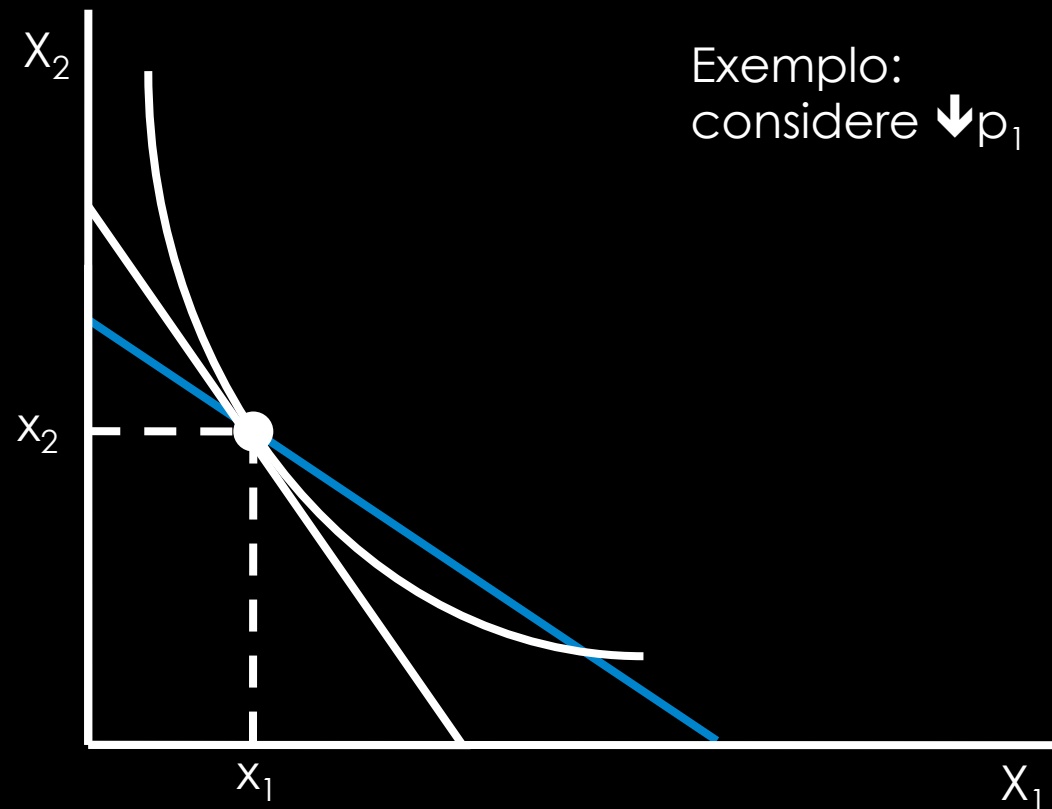
- Ao se examinar graficamente tais efeitos, é necessário dividir o movimento do preço em duas etapas:
 - Depois, deixaremos que o poder aquisitivo se ajuste enquanto mantemos constante os preços relativos.



Decompondo a variação da demanda

1ª etapa - **O giro**

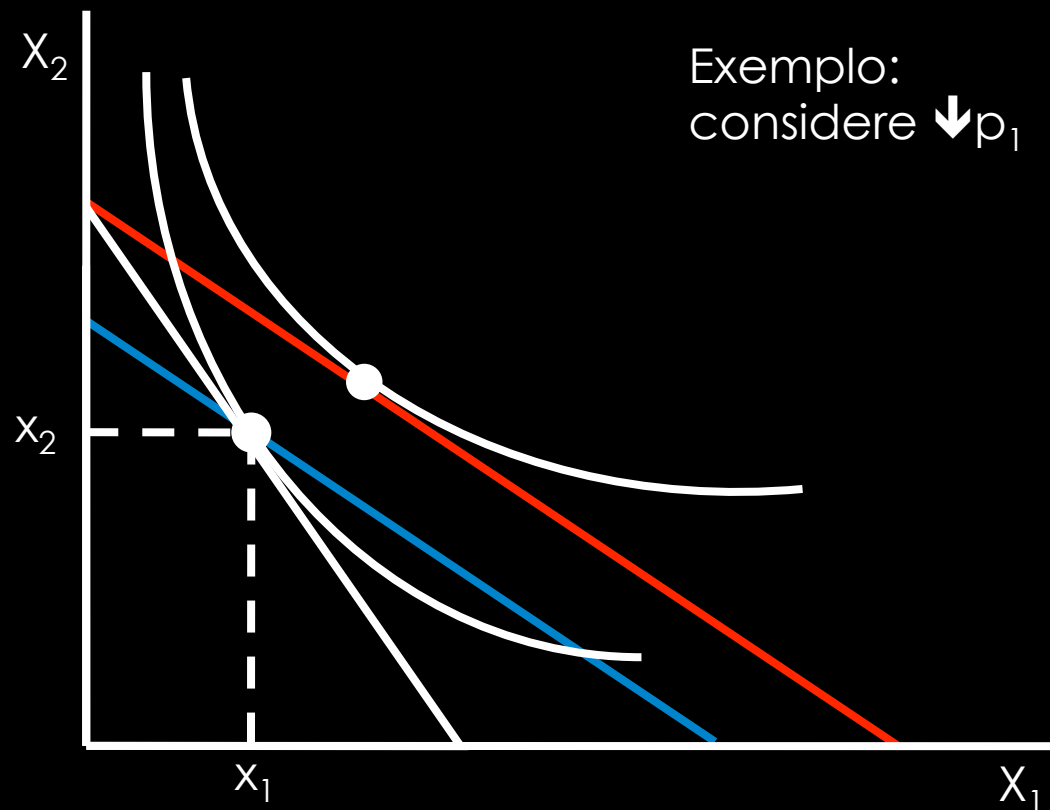
- A inclinação da reta orçamentária varia enquanto o poder aquisitivo permanece constante



Decompondo a variação da demanda

2ª etapa - **O**
deslocamento

- A inclinação permanece constante enquanto o poder aquisitivo varia



○ Efeito substituição

- Em quanto teremos de ajustar a renda para permitir que a antiga cesta possa ser adquirida?
- Considere
 - m' = renda associada à reta orçamentária girada

○ Efeito substituição

- Como (x_1, x_2) pode ser adquirida tanto a (p_1, p_2, m) quanto a (p'_1, p_2, m') , teremos:

$$m' = p'_1 x_1 + p_2 x_2$$

$$m = p_1 x_1 + p_2 x_2$$

○ Efeito substituição

- Substituindo a segunda equação da primeira, teremos

$$m' - m = x_1 [p'_1 - p_1]$$

○ Efeito substituição

- Se representarmos
 - $\Delta p_1 = p'_1 - p_1 \rightarrow$ Variação no preço do bem 1,
 - $\Delta m = m' - m \rightarrow$ Variação na renda necessária para que a cesta original possa ser adquirida,
- teremos

$$\Delta m = x_1 \Delta p_1$$



○ Efeito substituição – EX:

- Suponhamos que o consumidor originalmente consuma 20 doces ao preço unitário de **US\$ 0,50**.
- Se o preço do doce aumentar **US\$ 0,10** a unidade, quanto a renda terá de variar para permitir que a cesta anterior ainda possa ser comportada?

○ Efeito substituição – EX:

Dados

Informação	O que significa
20 doces	$x_1 = 20$
Preço de \$0,50	$p_1 = 0,50$
O Preço aumenta \$0,10	$\Delta p_1 = 0,60 - 0,50$ $\Delta p_1 = 0,10$

Procedimento

$$\Delta m = \Delta p_1 x_1$$

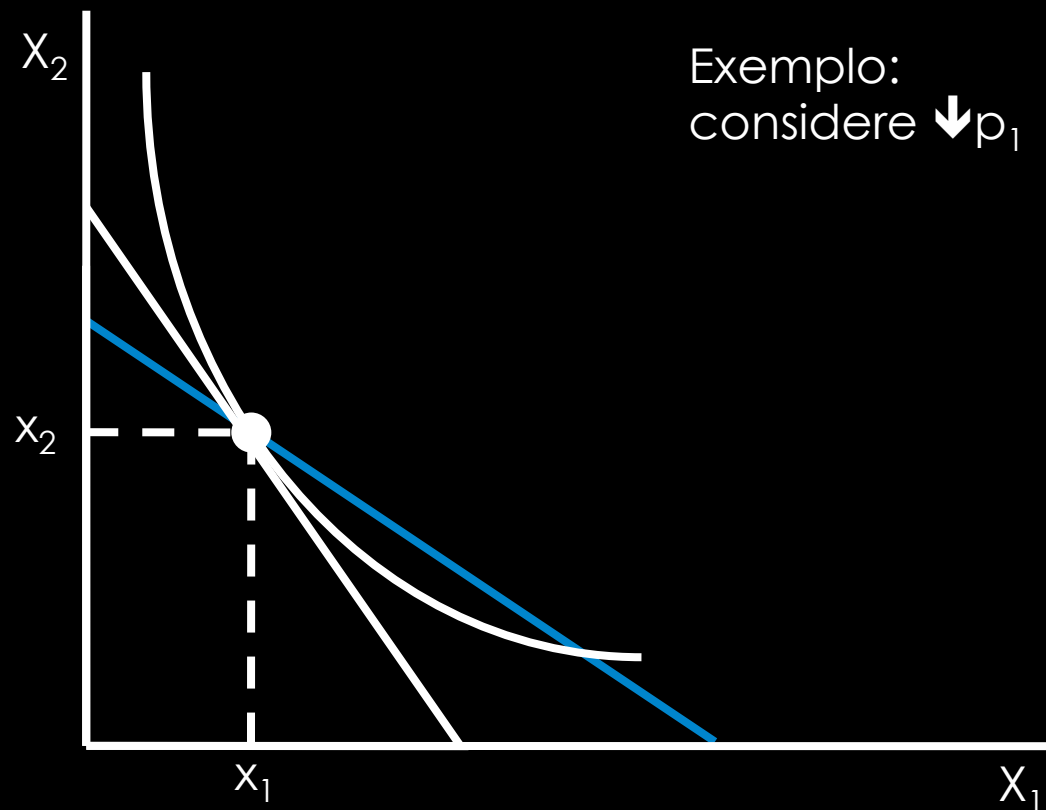
$$\Delta m = 0,10 \times 20 = \$2,00$$

- Se a renda fosse mais de \$2, ele ainda poderia consumir 20 doces

O Efeito substituição

1ª etapa - **O giro**

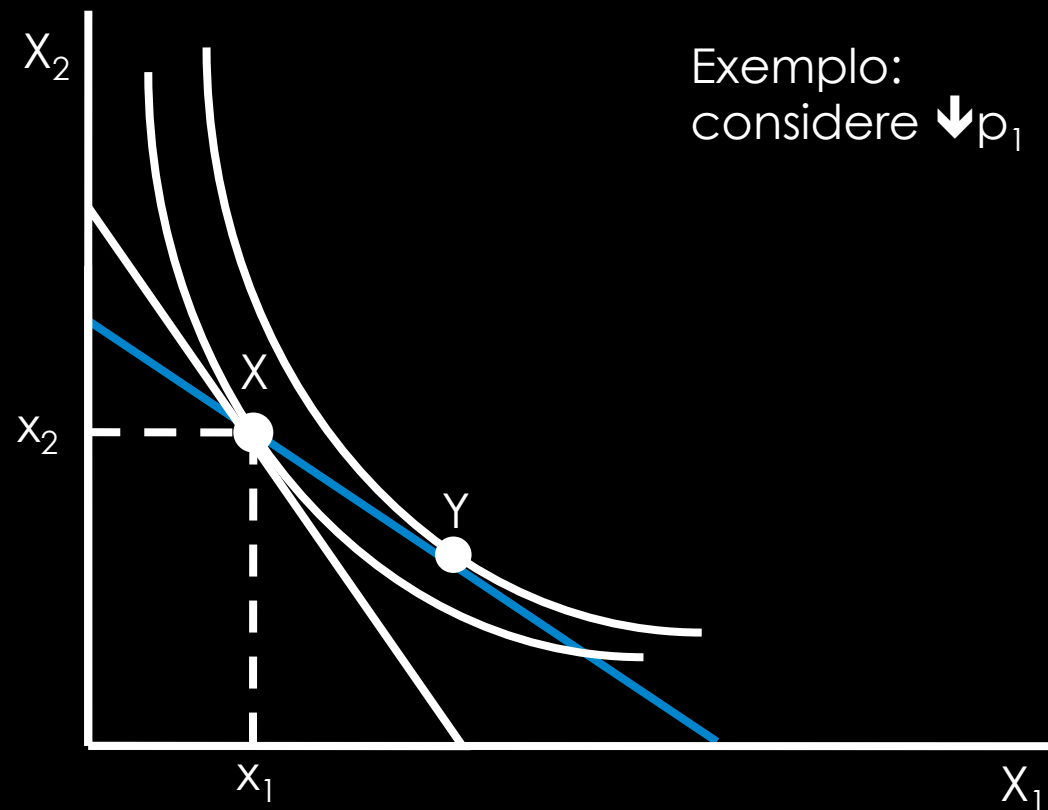
- É a reta orçamentária ao novo preço, com a renda aumentada em Δm



O Efeito substituição

1ª etapa - O giro

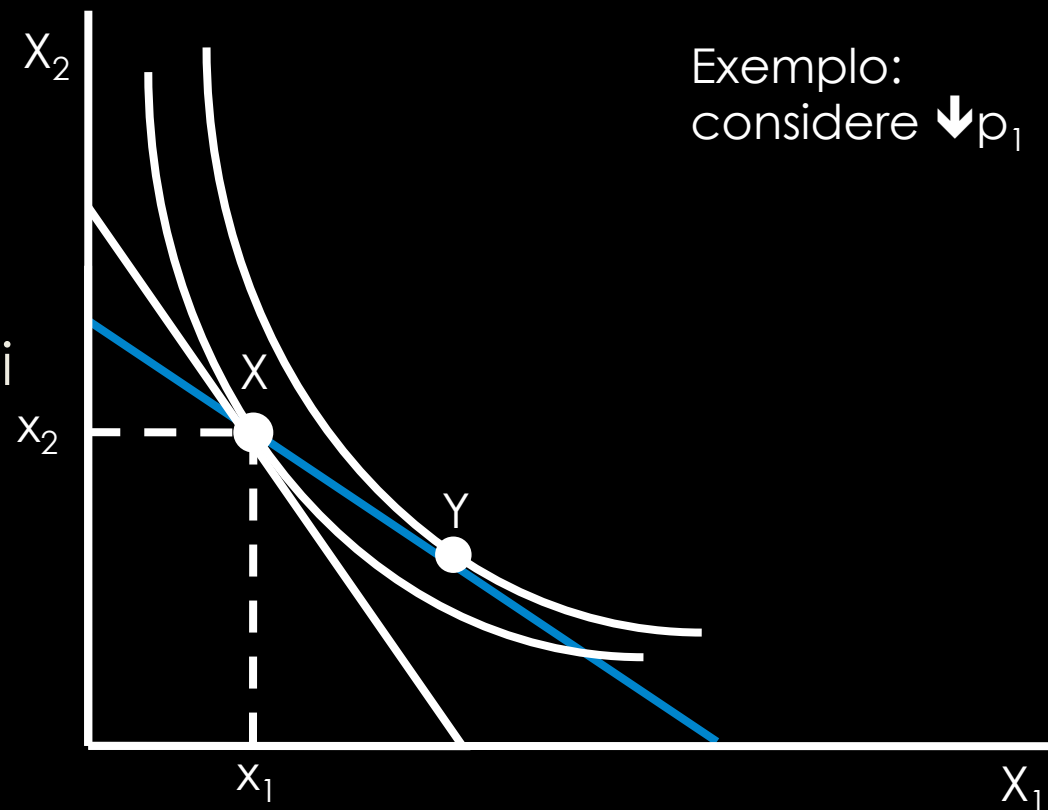
- Considere que
 - X seja a compra inicial
 - Y seja a compra ótima com a reta girada



O Efeito substituição

O movimento de X para Y é o **efeito substituição**

- O consumidor substitui um bem pelo outro quando o preço varia, mas o poder aquisitivo permanece como constante



○ Efeito Substituição

- Mais precisamente, o efeito substituição Δx_1^s , é

$$\Delta x_1^s = x_1(p'_1, m') - x_1(p_1, m)$$

130

○ Efeito substituição – EX2

- Suponhamos que o consumidor tenha uma função de demanda por leite com a forma

$$x_1 = 10 + \frac{m}{10p_1}$$



131

O Efeito substituição – EX2



- Outras informações
 - A sua renda original é de \$120 por semana
 - O preço do leite é \$3
 - A demanda por leite será de $10 + [120 / (10 \times 3)] = 14$ litros por semana

132

O Efeito substituição – EX2



- Suponhamos que o preço do leite caia para \$2 por litro
 - A demanda do consumidor será $10 + [120 / (10 \times 2)] = 16$ litros de leite por semana
 - A variação total da demanda será de +2 litros de leite por semana
- Como calcular o efeito substituição?

○ Efeito substituição – EX2

- Calculando quanto a renda terá de variar para que o novo consumo (a \$2 por litro) de leite seja igual ao original

$$\Delta m = x_1 \Delta p_1$$

$$\Delta m = 14 \times (2 - 3)$$

$$\Delta m = -\$14$$

○ Efeito substituição – EX2

- Assim, o nível de renda necessário para manter constante o poder aquisitivo é

$$m' = m + \Delta m$$

$$m' = 120 - 14$$

$$m' = 106$$

○ Efeito substituição – EX2

- Qual a demanda por leite desse consumidor ao novo preço (\$2 por litro) a esse nível de renda?

$$x_1(p'_1, m') = 10 + \frac{m}{10p_1}$$

$$x_1(2, 106) = 10 + \frac{106}{10 \times 2}$$

$$x_1(2, 106) = 15,3$$

O Efeito substituição – EX2

- Dessa forma, o efeito substituição será
- O efeito substituição é, às vezes, chamado de **variação na demanda compensada**

$$\Delta x_1^s = x_1(p'_1, m') - x_1(p_1, m)$$

$$\Delta x_1^s = x_1(2, 106) - x_1(3, 120)$$

$$\Delta x_1^s = 15,3 - 14$$

$$\Delta x_1^s = 1,3$$

○ Efeito renda

- Mais precisamente, o efeito renda, Δx_1^n , é a variação da demanda do bem 1 quando variamos a renda de m' para m e mantemos o preço do bem 1 constante no valor p'_1 :

$$\Delta x_1^n = x_1(p'_1, m) - x_1(p'_1, m')$$

O Efeito Renda

Pode diminuir ou aumentar a demanda do bem 1, **dependendo** de que se o bem analisado seja normal ou inferior



139

○ Efeito Renda – EX1

- No exemplo do leite, vimos que

$$x_1(p'_1, m) = -x_1(2, 120) = 16$$

$$x_1(p'_1, m') = -x_1(2, 106) = 15,3$$





○ Efeito Renda – EX1

- O efeito renda para esse problema será, pois

$$\Delta x_1^n = x_1(p'_1, m) - x_1(p'_1, m')$$

$$\Delta x_1^n = x_1(2, 120) - x_1(2, 106)$$

$$\Delta x_1^n = 16 - 15,3$$

O Efeito Renda – EX1

- O efeito renda para esse problema será, pois

$$\Delta x_1^n = 0,7$$

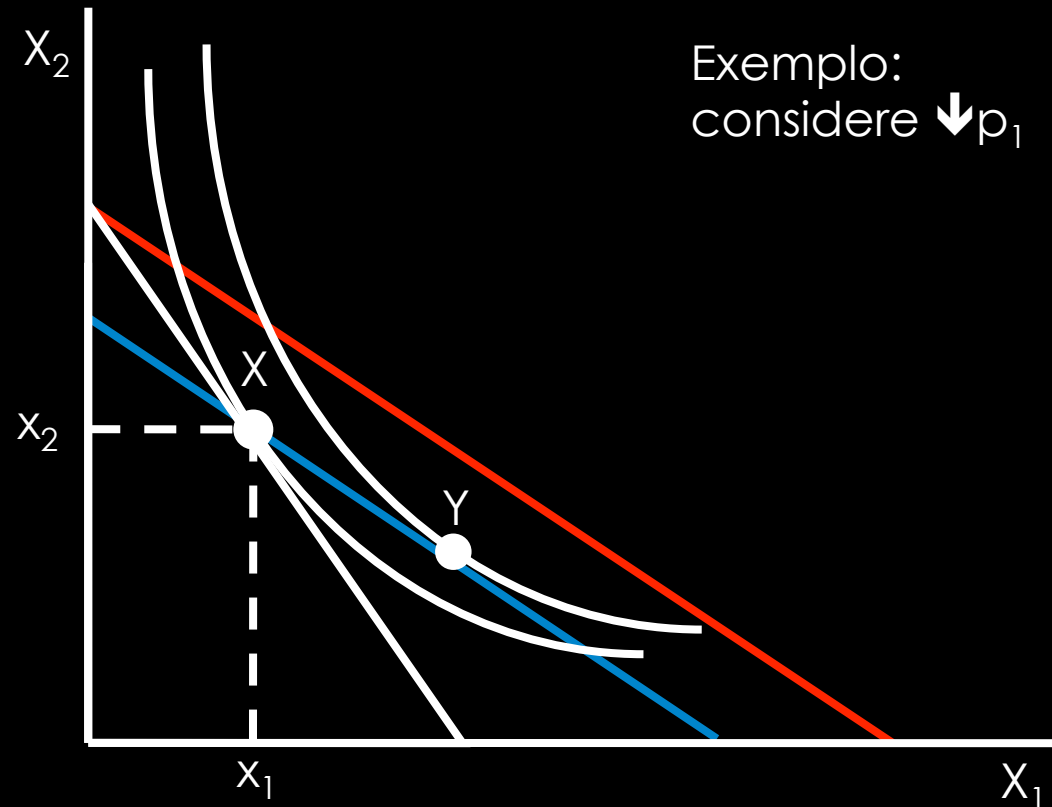
- Como o leite é um bem normal para esse consumidor, a demanda de leite aumenta quando a renda aumenta



○ Efeito Renda

2ª etapa – ○
deslocamento

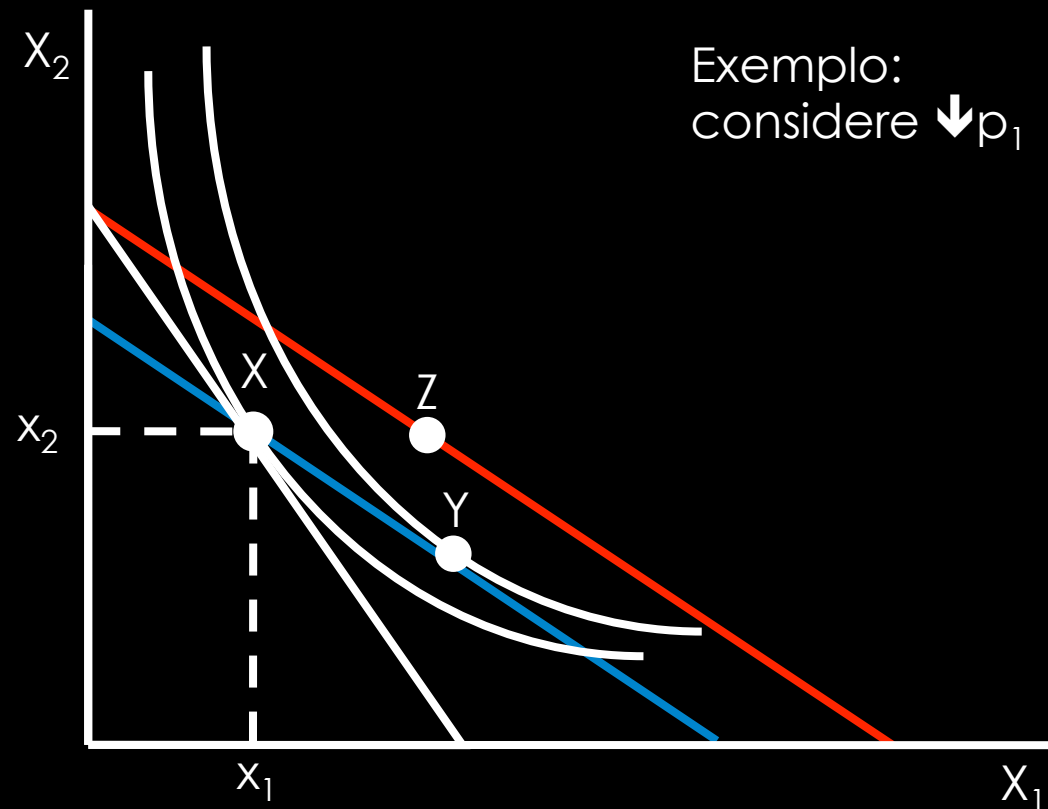
- A renda varia enquanto os preços relativos permanecem constantes



○ Efeito Renda

2ª etapa – ○
deslocamento

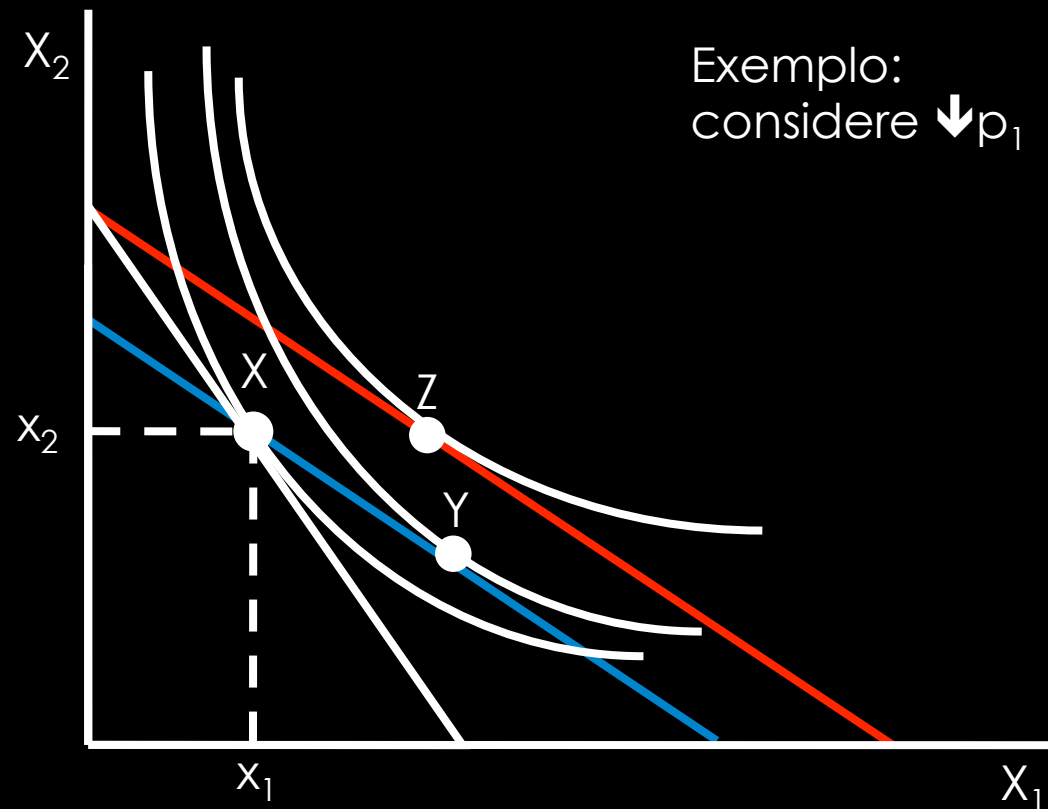
- Considere que
 - Y é a cesta ótima com a reta girada
 - Z é a cesta ótima com a reta deslocada



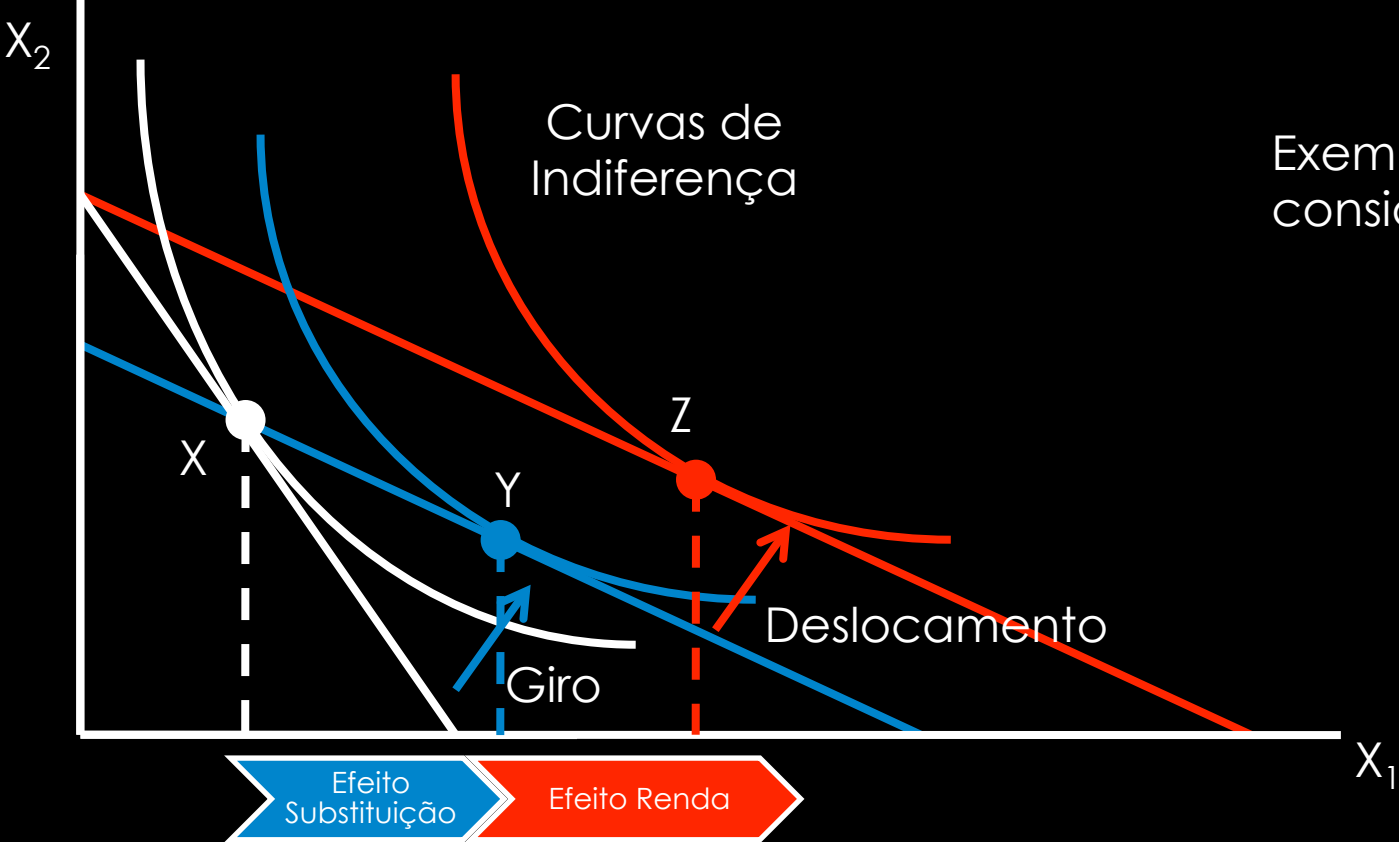
O Efeito Renda

O movimento de Y para Z é o **efeito renda**

- A renda varia enquanto os preços relativos permanecem constantes



Exemplo: considere $\downarrow p_1$



A variação total na demanda

- A variação total na demanda, Δx_1 , é a variação na demanda devida à variação no preço, mantida fixa a renda:

$$\Delta x_1 = x_1(p'_1, m) - x_1(p_1, m)$$

A variação total na demanda

- Vimos acima como essa variação pode ser dividida em duas: o efeito substituição e o efeito renda.
- Em termos de simbologia definida acima, teremos

$$\Delta x_1 = \Delta x_1^s + \Delta_1^n$$

A variação total na demanda

- Em palavras, essa equação diz que a variação total da demanda é igual ao efeito substituição mais o efeito renda.

$$\Delta x_1 = \Delta x_1^s + \Delta_1^n$$

- Essa equação é chamada de **Identidade de Slutsky**.

$$\Delta x_1 = \Delta x_1^s + \Delta x_1^n$$

- Como

$$\Delta x_1^n = x_1(p'_1, m) - x_1(p'_1, m') \quad \Delta x_1^s = x_1(p'_1, m') - x_1(p_1, m)$$

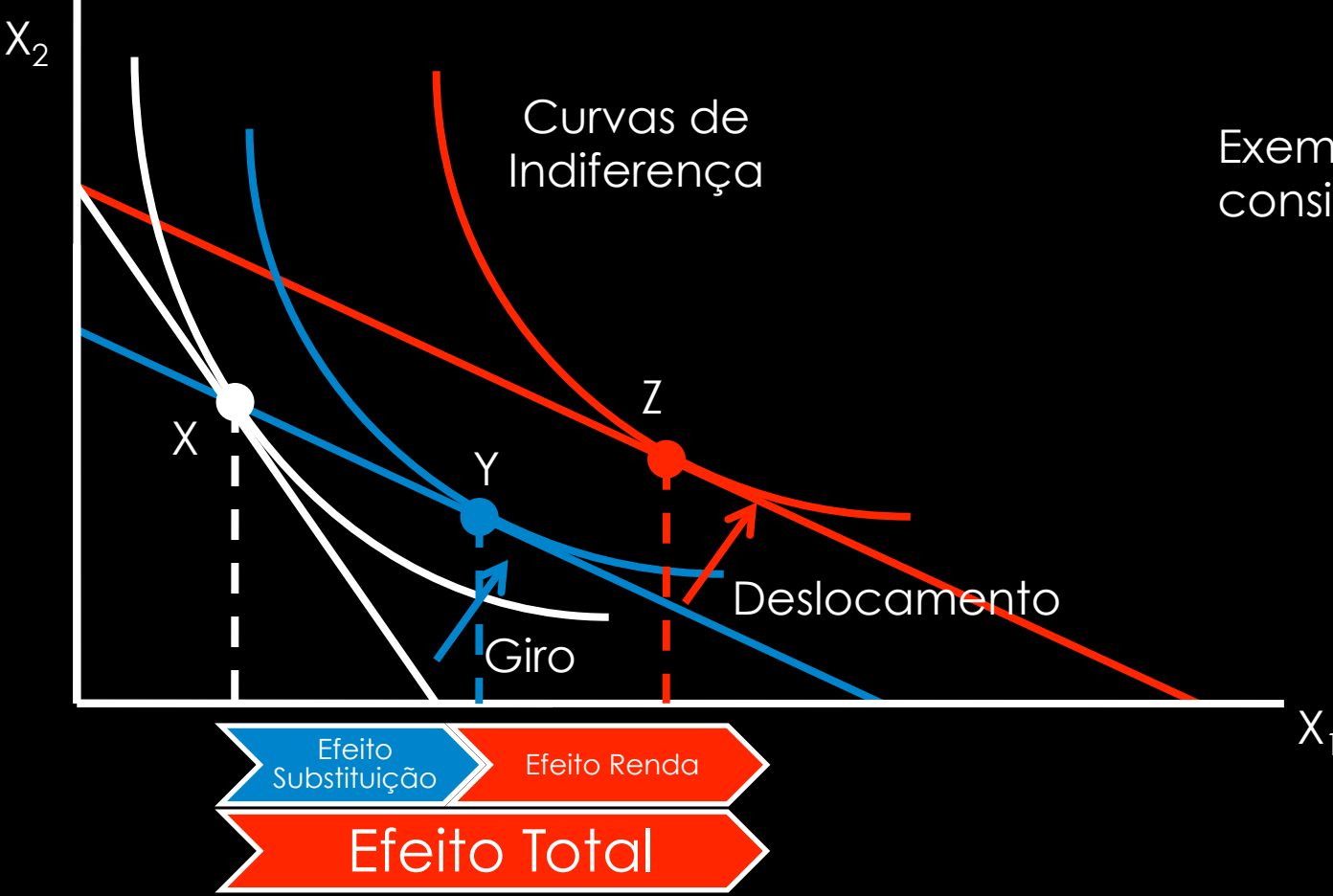
- Temos

$$\Delta x_1 = [x_1(p'_1, m') - x_1(p_1, m)] + [x_1(p'_1, m) - x_1(p'_1, m')]$$

- Logo

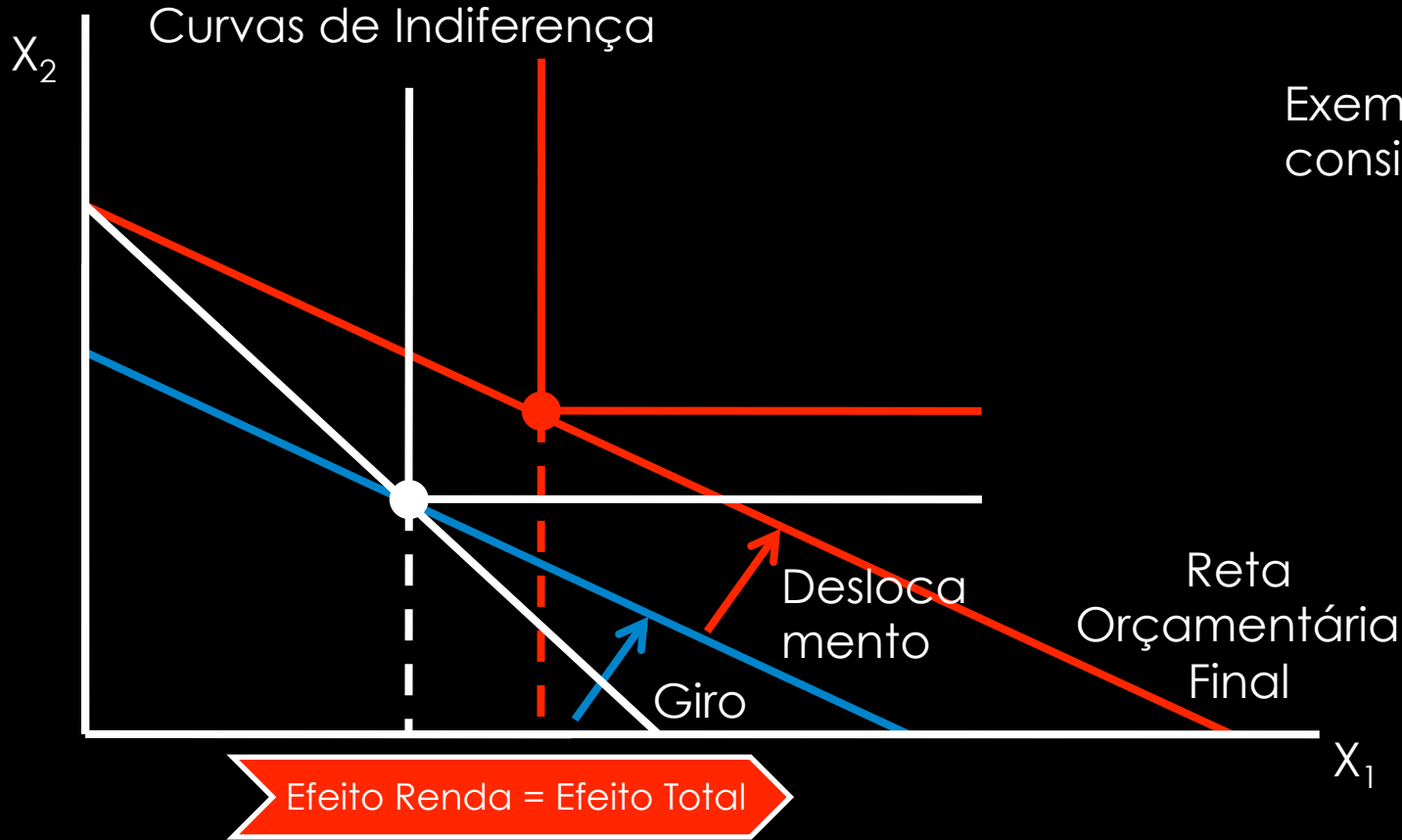
$$\Delta x_1 = x_1(p'_1, m) - x_1(p_1, m)$$

Exemplo: considere $\downarrow p_1$



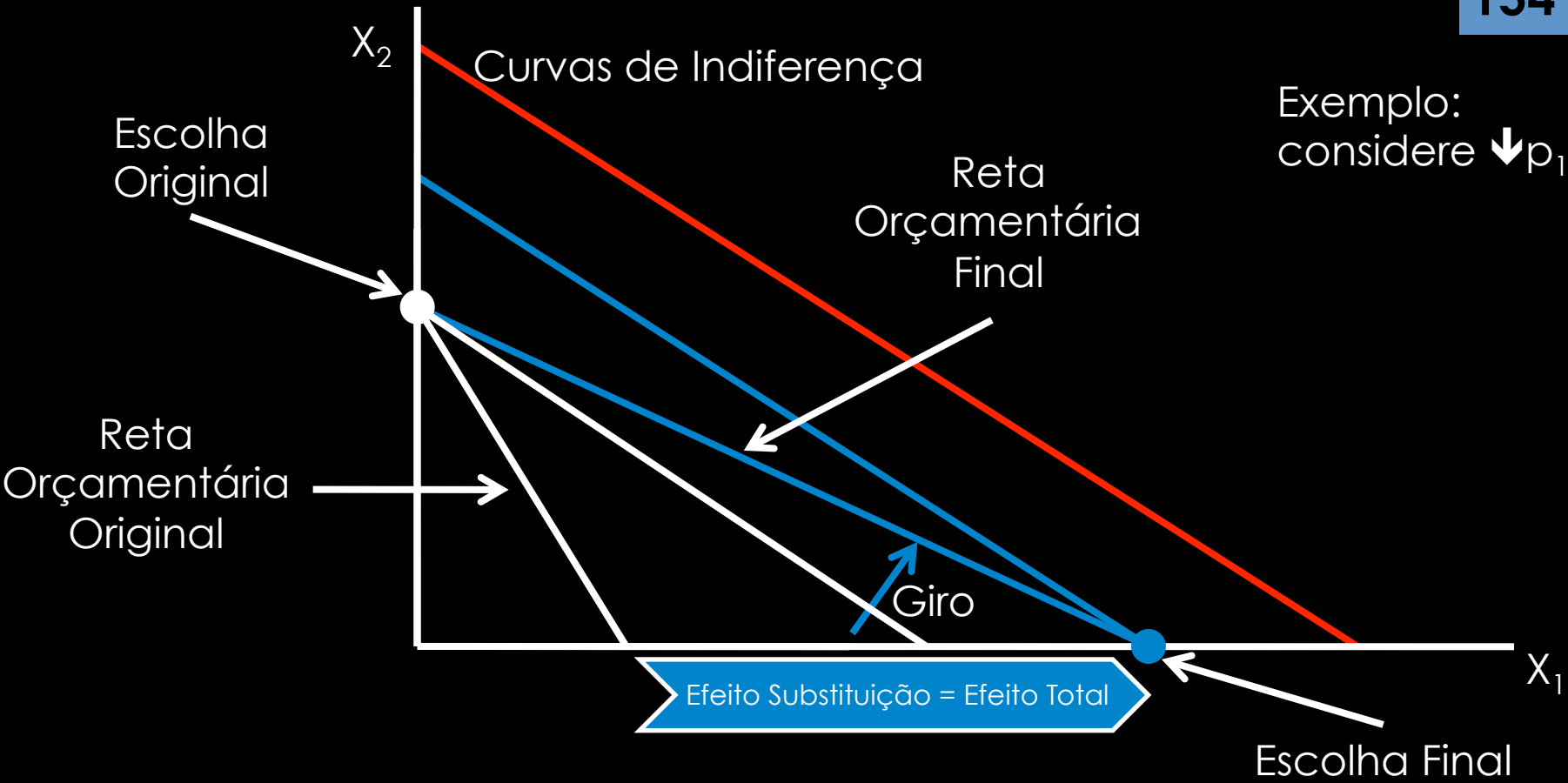
Exemplos dos Efeitos Renda e Substituição

- Complementares perfeitos
 - Quando giramos a reta orçamentária, a escolha ótima na nova reta é idêntica a da reta anterior.
 - Isso significa que o efeito substituição é igual a zero.



Exemplos dos Efeitos Renda e Substituição

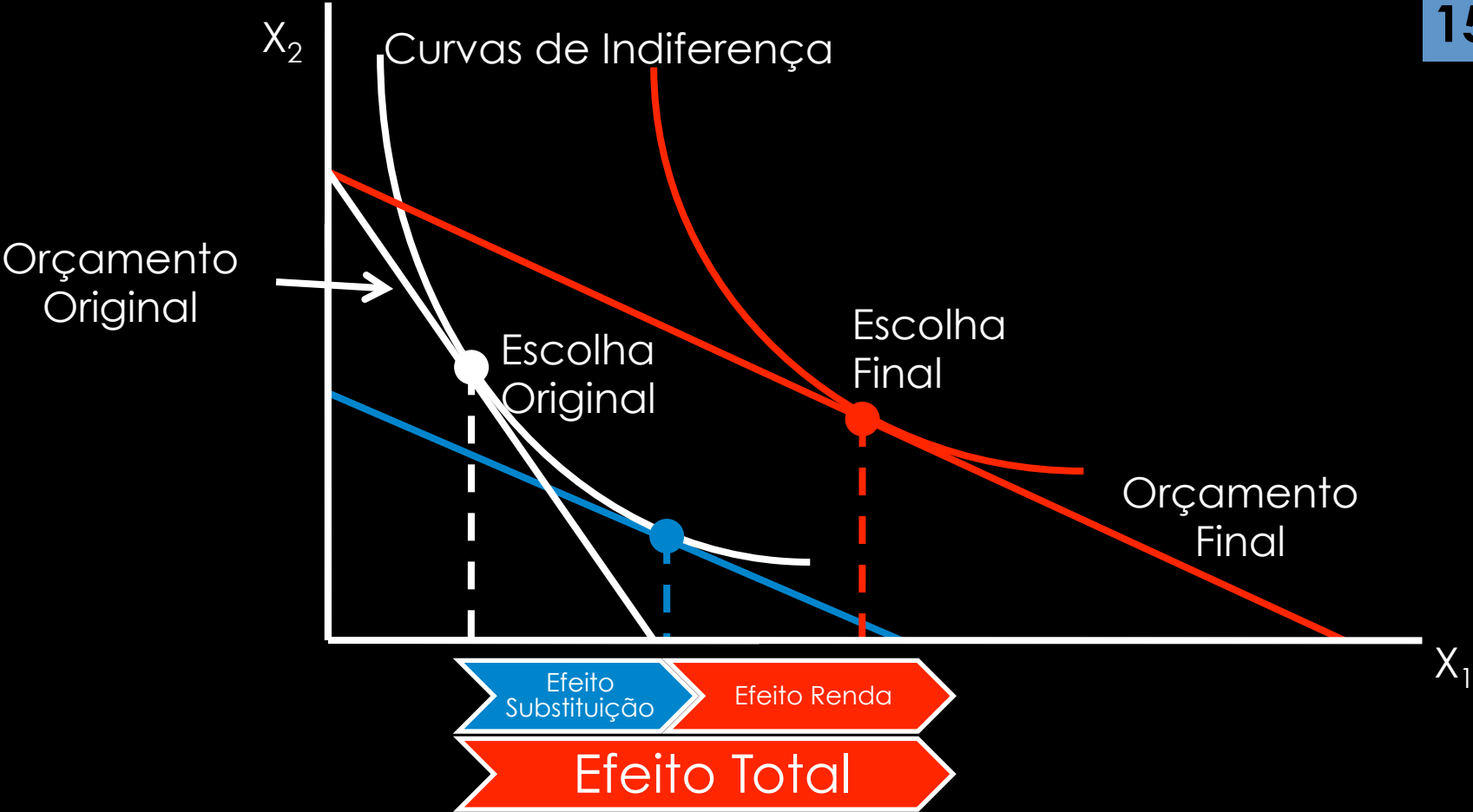
- Substitutos perfeitos
 - Quando inclinamos a reta orçamentária, a cesta de demanda salta do eixo vertical para o horizontal
 - Não há o que deslocar! A variação deve-se por inteiro ao efeito substituição





Outro efeito substituição

- Efeito substituição de Hicks
 - Mantém constante a utilidade ao invés de manter constante o poder aquisitivo
- John R. Hicks (1904-1989)
 - Prêmio Nobel de Economia – 1972
 - http://www.nobelprize.org/nobel_prizes/economic-sciences/laureates/1972/hicks-bio.html



Hicks Vs. Slutsky

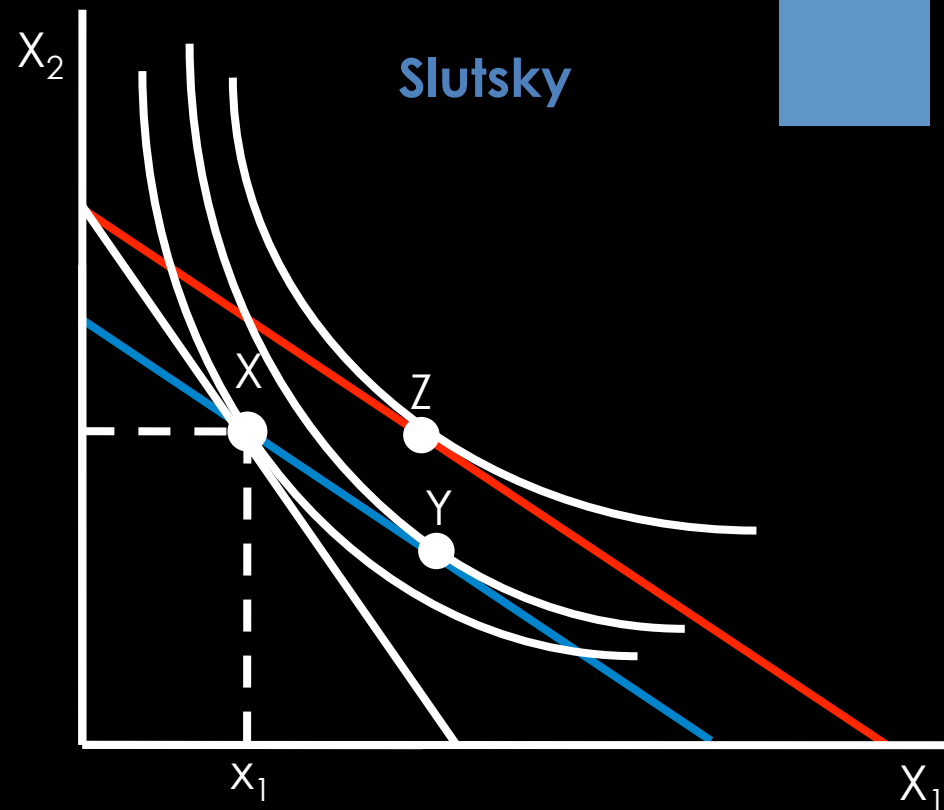
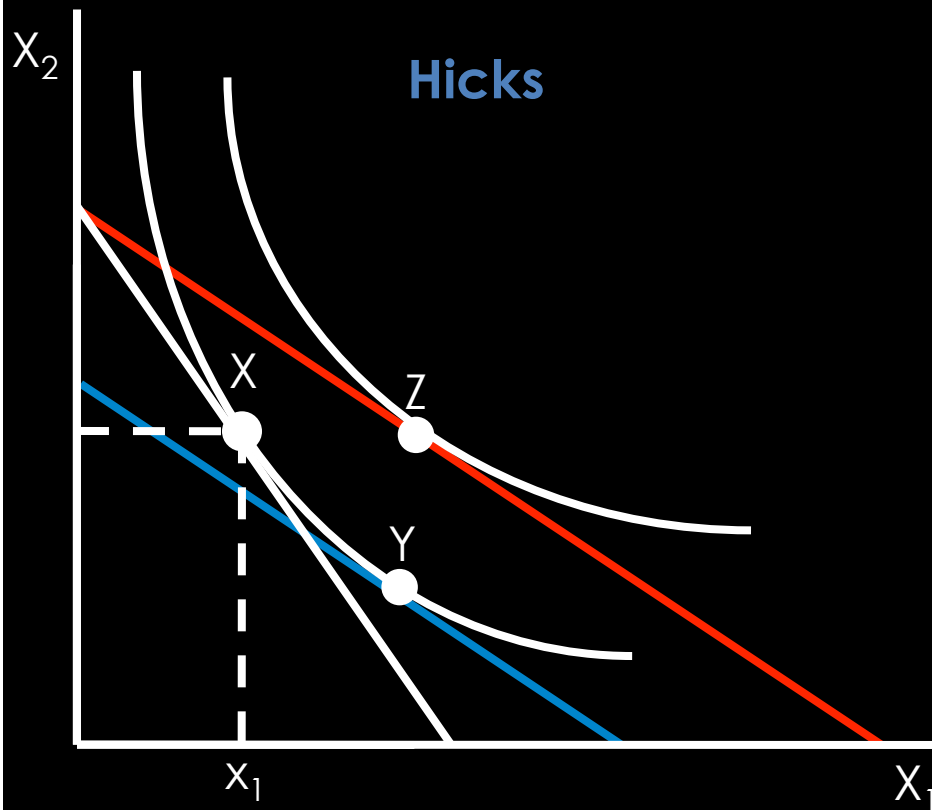
Hicks

- Mantém constante a utilidade
- Fornece ao consumidor o dinheiro necessário para retornar à antiga curva de indiferença

Slutsky

- Mantém constante o poder aquisitivo
- Fornece ao consumidor o dinheiro necessário para voltar ao seu nível original de consumo

Hicks Vs. Slutsky: considere $\downarrow p_1$





159

A teoria da firma

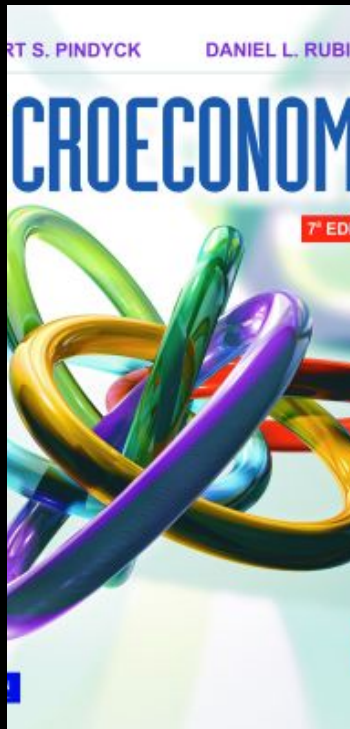
Tecnologia

Referências

- VARIAN, Hal. **Microeconomia: Uma abordagem moderna**. 8.ed. Rio de Janeiro: Campus/Elsevier, 2012.
- Ver capítulo 18



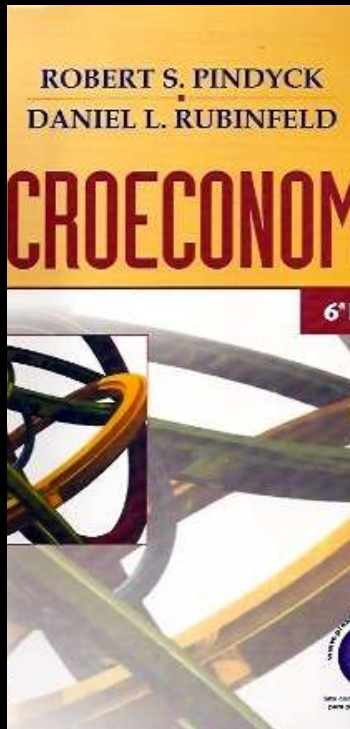
161



Referências

- PINDYCK, Robert S.; RUBINFELD, Daniel L. **Microeconomia**. 7. ed. São Paulo: Pearson 2010.
- Ver capítulo 6

162



Referências

- PINDYCK, Robert S.; RUBINFELD, Daniel L. **Microeconomia**. 6. ed. São Paulo: Pearson 2010.
- Ver capítulo 6

163

Insumos e produtos

- Fatores de produção
 - Insumos utilizados na produção



Fatores de produção



- Bens de capital
 - Insumos utilizados na produção

Fatores de produção



- Terra, trabalho e matérias-primas

166

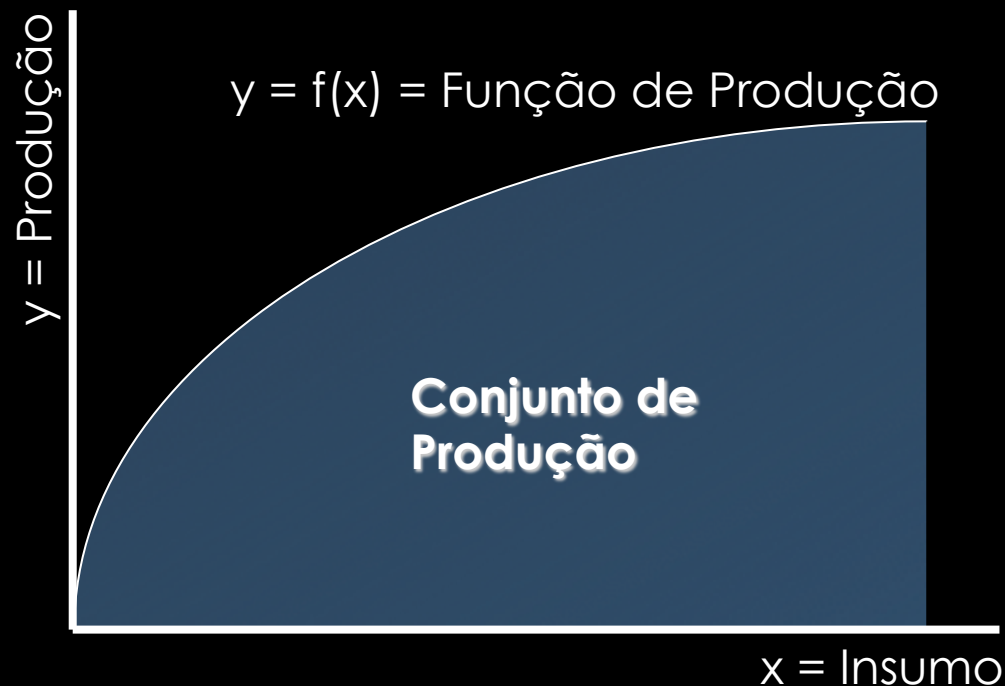
Descrição das restrições tecnológicas

- A natureza impõe restrições tecnológicas
 - Somente algumas combinações de insumos são viáveis



Conjunto de produção

- Conjunto de combinações de insumos e produtos que compreendem as formas tecnológicas viáveis de se produzir



168



Isoquantas

- O que é uma isoquanta?
 - É o conjunto de todas as combinações de insumos que sejam exatamente suficientes para produzir uma determinada quantidade de produto

169

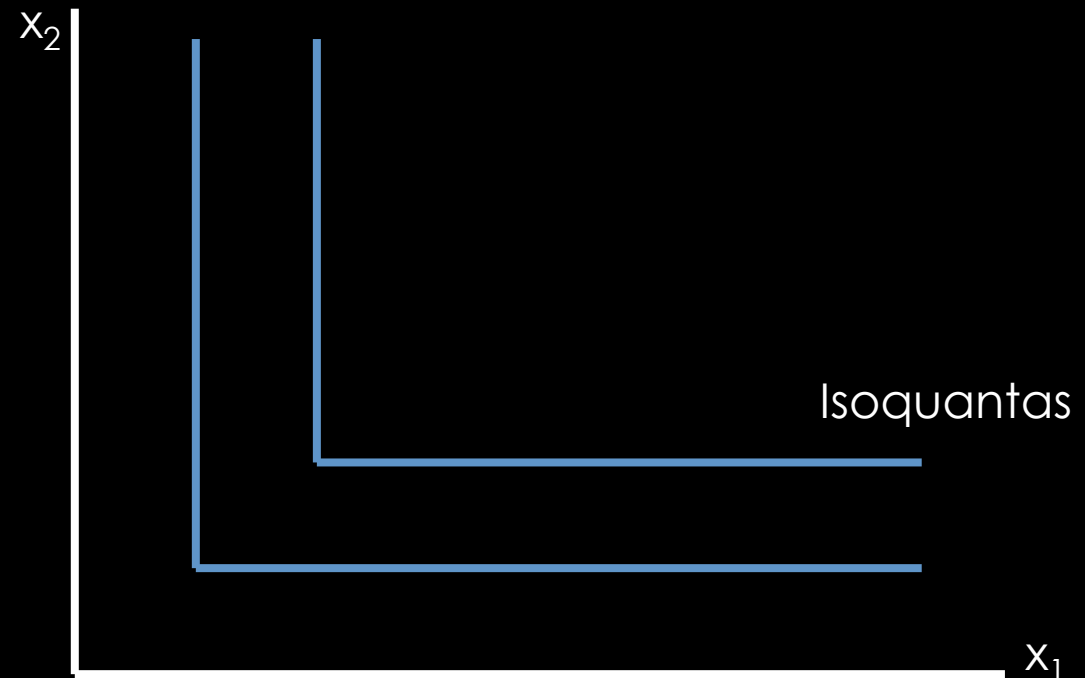


Isoquantas

- Quando utilizamos as isoquantas?
 - Quando precisamos descrever as relações de produção considerando a utilização de dois insumos

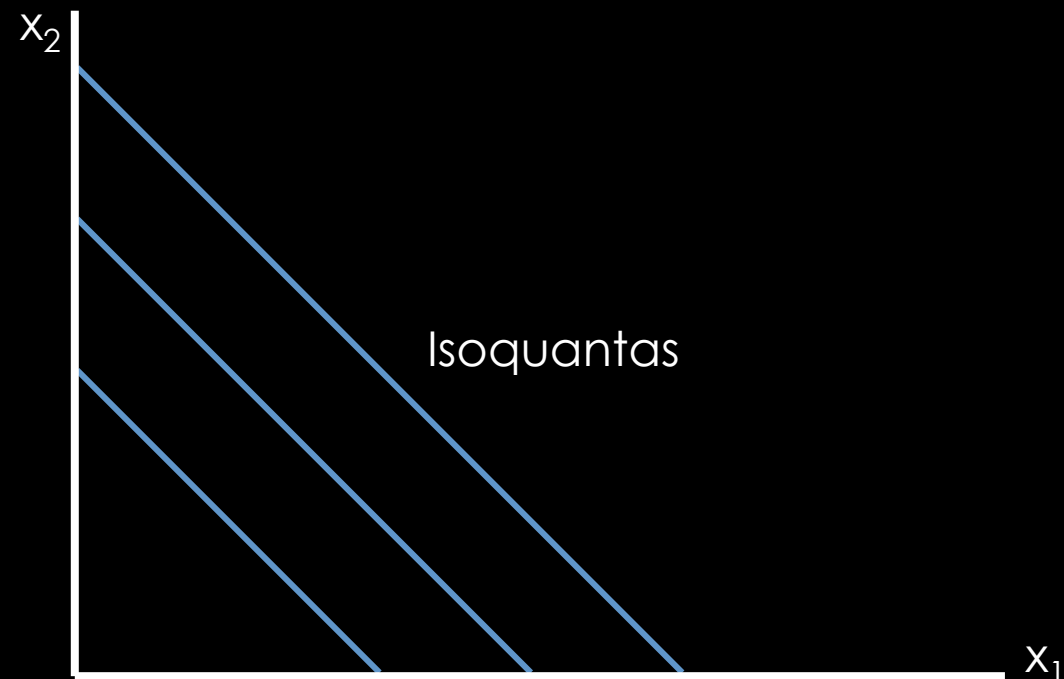
Exemplo de tecnologias: proporções fixas

- Suponhamos que produzamos buracos e a única forma de fazer um buraco seja com
 - O emprego de um homem e uma pá.
 - Pás extras e mais Homens não tem serventia.



Exemplo de tecnologias: substitutos perfeitos

- Suponhamos que estamos produzindo deveres escolares de casa e que os insumos sejam
 - lápis vermelhos e azuis.
- A quantidade de deveres produzidos depende apenas da quantidade total de lápis



172

Propriedades da tecnologia

- Monotônicas
 - Se aumentarmos a quantidade de pelo menos um dos insumos, deverá ser possível produzir pelo menos a mesma quantidade produzida originalmente



173



Propriedades da tecnologia

- Convexas
 - Se tivermos duas formas de produzir y unidades de produto, (x_1, x_2) e (z_1, z_2) , a média ponderada dessas duas formas produzirá, pelo menos, y unidades de produto.

Trabalho

174

Capital

1

2

3

4

5

1

20

40

55

65

75

2

40

60

75

85

90

3

55

75

90

100

105

4

65

85

100

110

115

5

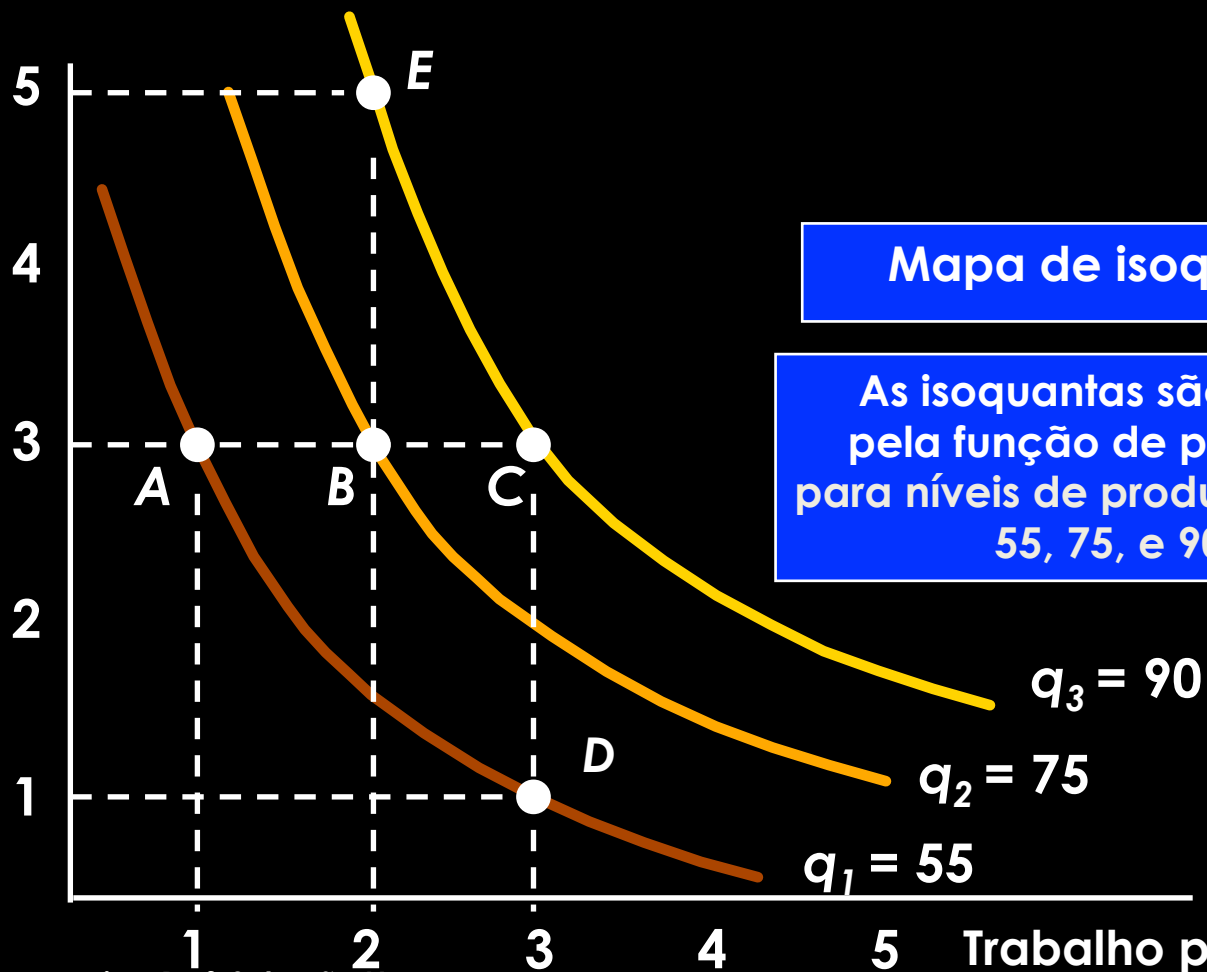
75

90

105

115

120

Capital
por mês

Produto marginal

- Suponhamos que
 - Estejamos trabalhando num ponto (x_1, x_2) e que pensamos em usar um pouco mais do fator 1, enquanto mantemos o fator 2 constante ao nível de x_2 .

Produto marginal

- Quanto de produto adicional conseguiremos por cada unidade adicional do fator 1?
- Temos de examinar a variação do produto por cada variação unitária do fator 1:

$$\frac{\Delta y}{\Delta x_1} = \frac{f(x_1 + \Delta x_1, x_2) - f(x_1, x_2)}{\Delta x_1}$$

Taxa marginal de substituição técnica

■ Mede

- O intercâmbio entre dois fatores de produção.
- A taxa à qual as empresas devem substituir um insumo por outro para manter constante a produção

$$TTS(x_1, x_2) = -\frac{PMg_1(x_1, x_2)}{PMg_2(x_1, x_2)}$$

Capital
por mês

5

4

3

2

1

As isoquantas têm inclinação negativa e são convexas, assim como as curvas de indiferença.

1

2

3

4

5

Trabalho por mês

2

1

1

1

2/3

1

1/3

1

 $q_3 = 90$ $q_2 = 75$ $q_1 = 55$

Curto e longo prazo

Curto prazo

- Haverá alguns fatores de produção fixos em níveis pré-determinados

Longo prazo

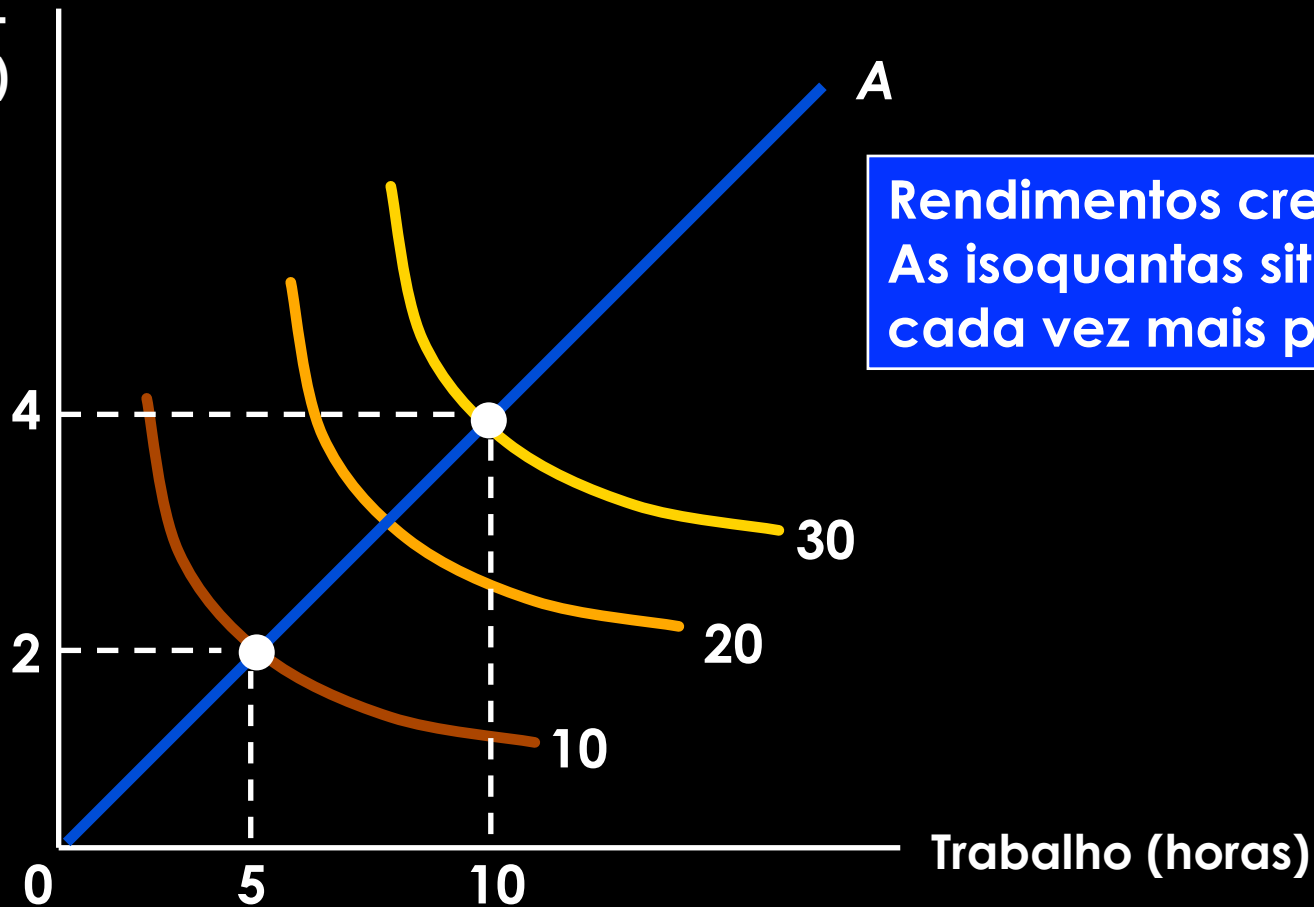
- Todos os fatores de produção podem variar

Rendimentos de escala

- Rendimentos Crescentes de Escala
 - O aumento dos insumos proporciona um aumento na produção em **intensidade maior** que o aumento do insumo
- Na função Cobb-Douglas

$$f(x_1, x_2) = x_1^c x_2^d, \text{ onde } c + d > 1$$

Capital
(horas-
máquina)

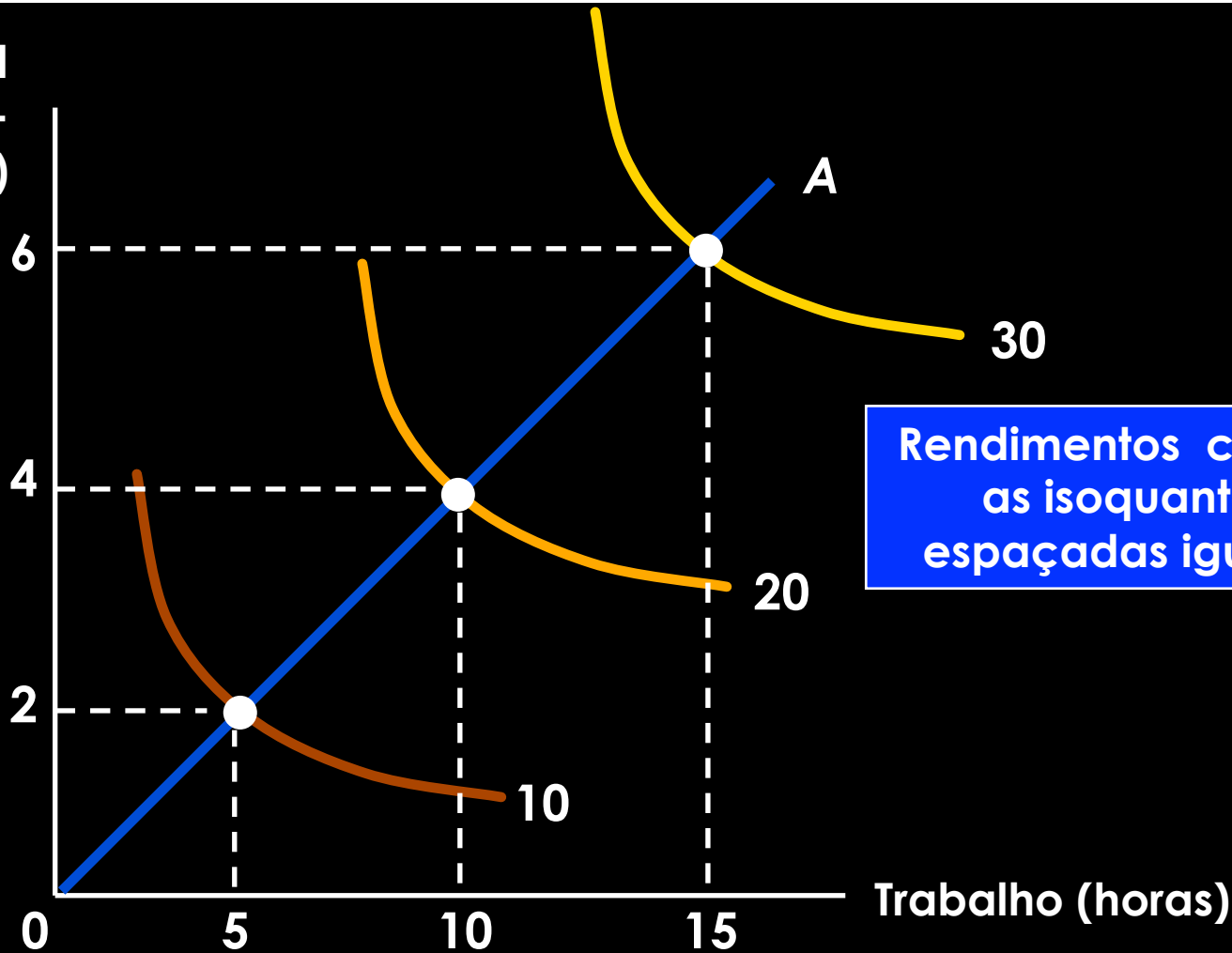


Rendimentos de escala

- Rendimentos Constantes de Escala
 - O aumento dos insumos proporciona um aumento na produção na **mesma intensidade**
- Na função Cobb-Douglas

$$f(x_1, x_2) = x_1^c x_2^d, \text{ onde } c + d = 1$$

Capital
(horas-
máquina)



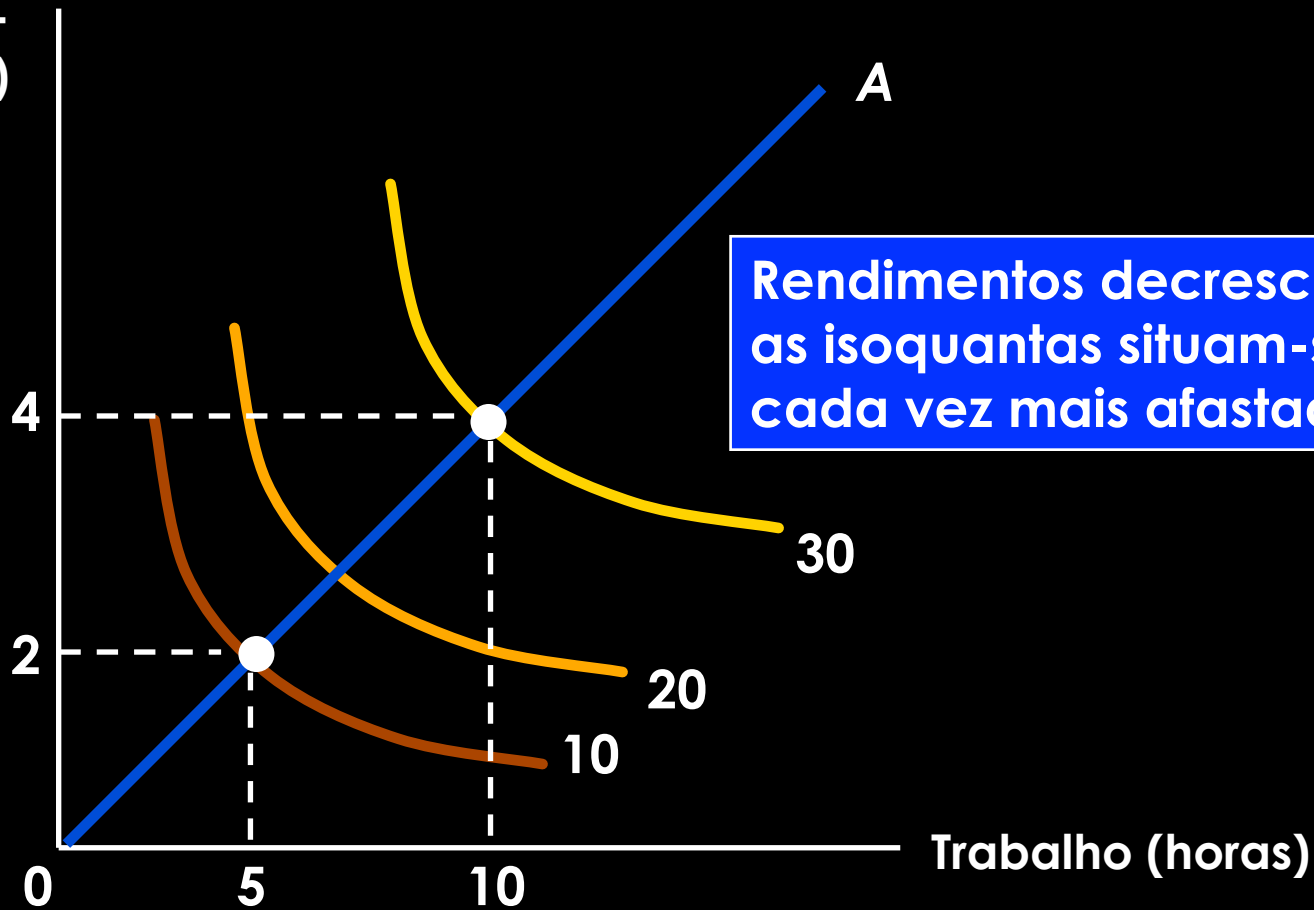
Rendimentos constantes:
as isoquantas são
espaçadas igualmente

Rendimentos de escala

- Rendimentos Decrescentes de Escala
 - O aumento dos insumos proporciona um aumento na produção em **intensidade menor** que o aumento do insumo
- Na função Cobb-Douglas

$$f(x_1, x_2) = x_1^c x_2^d, \text{ onde } c + d < 1$$

Capital
(horas-
máquina)



Rendimentos decrescentes:
as isoquantas situam-se
cada vez mais afastadas



A teoria da firma

Maximização do lucro

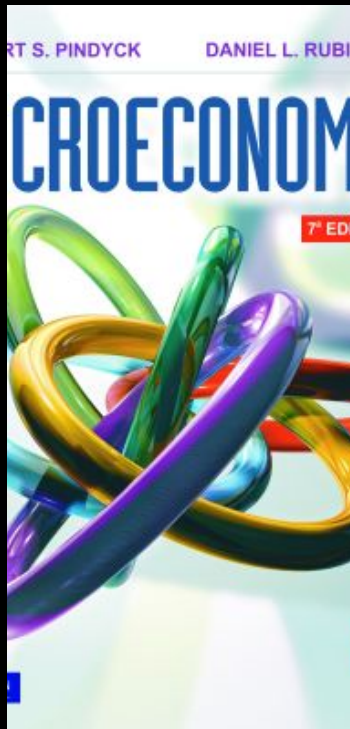
188

Referências

- VARIAN, Hal. **Microeconomia: Uma abordagem moderna**. 8.ed. Rio de Janeiro: Campus/Elsevier, 2012.
- Ver capítulo 19



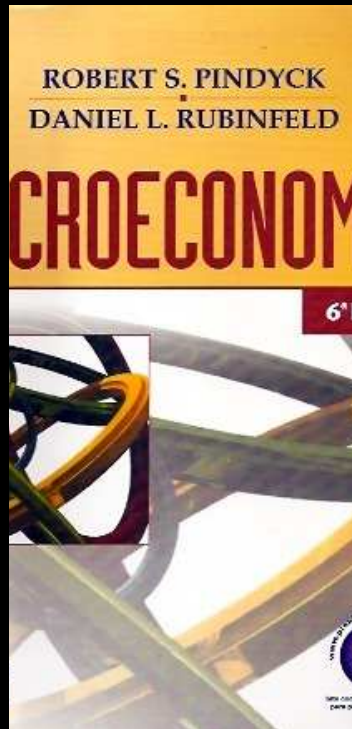
189



Referências

- PINDYCK, Robert S.; RUBINFELD, Daniel L. **Microeconomia**. 7. ed. São Paulo: Pearson 2010.
- Ver capítulo 6 (complementar)

190



Referências

- PINDYCK, Robert S.; RUBINFELD, Daniel L. **Microeconomia**. 6. ed. São Paulo: Pearson 2010.
- Ver capítulo 6 (complementar)

Lucros



- Definidos por receitas menos custos

Maximização do lucro no curto prazo

- Considere
 - O insumo 2 é fixo em um nível \bar{x}_2
 - $f(x_1, x_2)$ = função de produção da empresa
 - p = preço do produto
 - w_1 e w_2 = preços dos insumos
- O problema da maximização de lucros pode ser dado como

$$\max_{x_1} pf(x_1, \bar{x}_2) - w_1 x_1 - w_2 \bar{x}_2$$

Maximização do lucro no curto prazo

- Se x_1 for a escolha de maximização de lucros do fator 1, então o preço do produto multiplicado pelo produto marginal do fator 1 deve ser igual ao preço do fator 1. em símbolos,

$$pPMg_1(x_1^*, \bar{x}_2) = w_1$$

Maximização do lucro no curto prazo

- Considere uma função de produção que
 - Mantém o fator 2 fixo em x_2
 - A produção da firma será representada por y
- Os lucros serão dados por

$$\pi = py - w_1x_1 - w_2x_2$$

Maximização dos lucros no curto prazo

- Considere uma função de produção que
 - Mantém o fator 2 fixo em x_2
 - A produção da firma será representada por y
- Resolvendo para y , temos

$$y = \frac{\pi}{p} + \frac{w_2}{p} \bar{x}_2 + \frac{w_1}{p} x_1$$

Maximização do lucro no longo prazo

- No longo prazo a empresa é livre para escolher todos os seus insumos
- Logo, o problema de maximização do lucro será dado por

$$\max_{x_1, x_2} pf(x_1, x_2) - w_1 x_1 - w_2 x_2$$

Maximização do lucro no longo prazo

- Escolhas ótimas dos fatores 1 e 2
 - O valor do produto marginal de cada um dos fatores será igual a seu preço

$$pPMg_1(x_1^*, x_2^*) = w_1$$

$$pPMg_2(x_1^*, x_2^*) = w_2$$



198

A teoria da firma

Minimização de custos

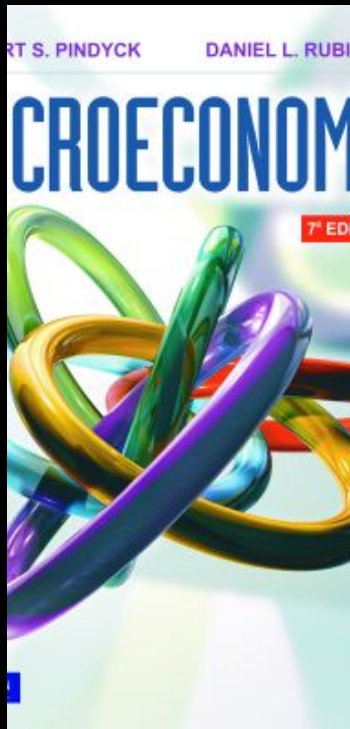
199



Referências

- VARIAN, Hal. **Microeconomia: Uma abordagem moderna**. 8.ed. Rio de Janeiro: Campus/Elsevier, 2012.
- Ver capítulo 20

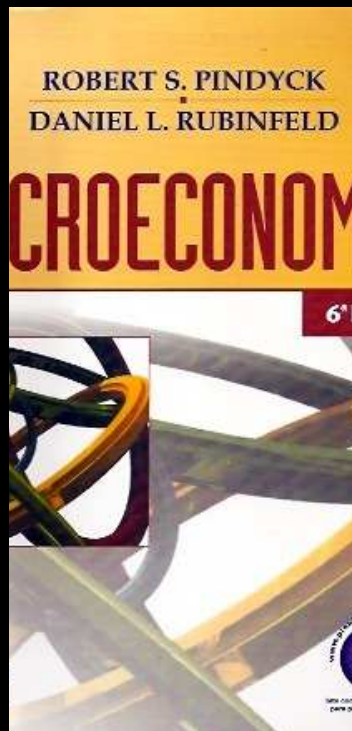
200



Referências

- PINDYCK, Robert S.; RUBINFELD, Daniel L. **Microeconomia**. 7. ed. São Paulo: Pearson 2010.
- Ver capítulo 7

201



Referências

- PINDYCK, Robert S.; RUBINFELD, Daniel L. **Microeconomia**. 6. ed. São Paulo: Pearson 2010.
- Ver capítulo 7

Como minimizar custos?

- Convém dividir o problema da maximização de lucros em duas etapas:
 - Verificamos como minimizar os custos de produzir qualquer nível desejado de produto y ; e então
 - Verificamos que nível de produção maximiza de fato os lucros.

Minimização de custos

- Suponha que temos dois fatores de produção
 - w_1 e w_2 = preços dos fatores
 - y = produção
- Como encontrar o meio mais barato de produzir y ?
- Se $f(x_1, x_2)$ for a função de produção, podemos escrever esse problema como

$$\min_{x_1, x_2} w_1 x_1 + w_2 x_2$$

de modo que $f(x_1, x_2) = y$

Minimização de custos

- A solução de minimização de custos dependerá de w_1 , w_2 , e y
- Função custo
 - Mede o custo mínimo de se produzir y unidades quando os preços dos fatores são w_1 e w_2

Minimização de custos

- Suponha que desejemos traçar todas as combinações de insumos que tenham um dado nível de custo, C
- Podemos escrever isso como

$$w_1 x_1 + w_2 x_2 = C$$

- Resolvendo para x_2 , temos

$$x_2 = \frac{C}{w_2} - \frac{w_1}{w_2} x_1$$

- À medida em que C variar, teremos uma família de retas **isocusto**

Minimização de custos

- Assim, qual é o problema da minimização de custos?
 - Encontrar o ponto na **isoquanta** que esteja associado à reta de **isocusto** mais baixa possível
- Note que:
 - A solução ótima será caracterizada pela condição de tangência

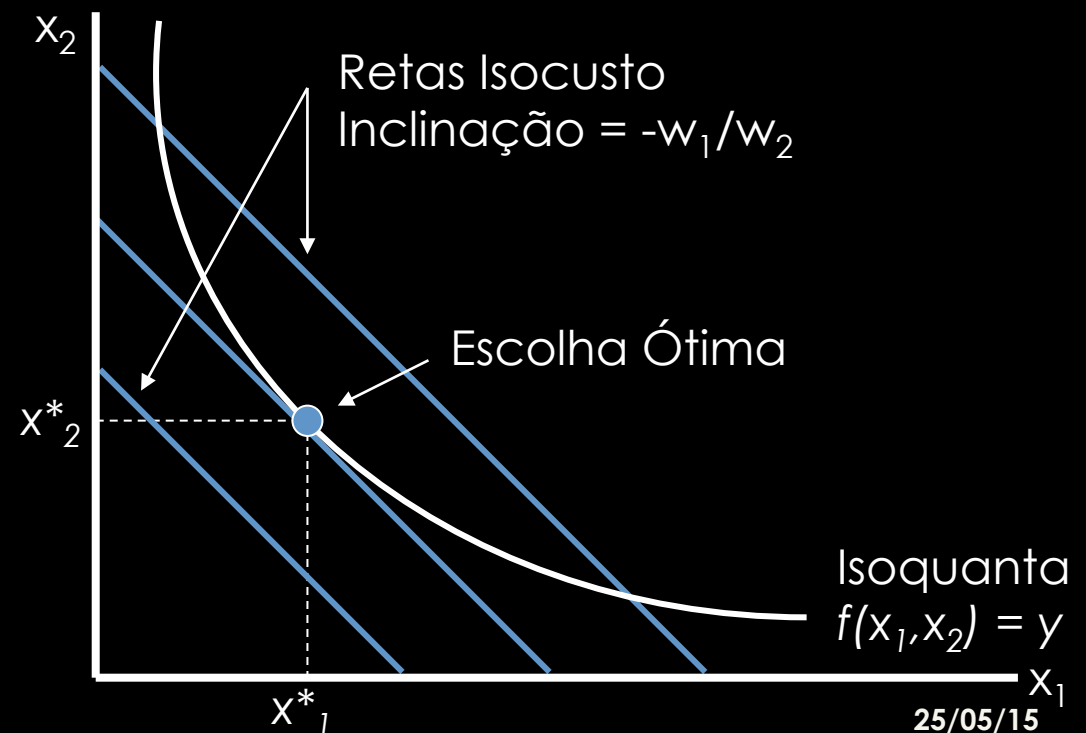
Minimização de custos

- Em outras palavras:
 - A taxa marginal de substituição técnica tem de ser igual a razão de preço dos fatores

$$-\frac{PMg_1(x_1^*, x_2^*)}{PMg_2(x_1^*, x_2^*)} = TTS(x_1^*, x_2^*) = -\frac{w_1}{w_2}$$

Minimização de custos

- A escolha dos fatores que minimizam os custos de produção pode ser determinada ao encontrar-se o ponto na **isoquanta** que está associado à curva **isocusto** mais baixa.



Rendimentos de escala e função custo

Rendimento de escala	interpretação
Constante de escala	a função custo é linear no produto $= c(w_1, w_2, l)y$
Crescente de escala	o custo aumenta menos do que de maneira linear no produto, desde que os preços dos fatores permaneçam os mesmos.
Decrescente de escala	o custo aumenta mais que linearmente no que diz respeito ao produto. Se o produto dobrar, os custos mais do que dobrarão.

Custos de curto e longo prazos

Curto prazo

- Existe, pelo menos, um **custo fixo**
- A função de custo: custo mínimo para produzir mediante o ajuste dos fatores de produção variáveis

Longo prazo

- Todos os custos variam
- A função de custo: custo mínimo para produzir mediante o ajuste de **todos** os fatores de produção



211

A teoria da firma

Curvas de custo

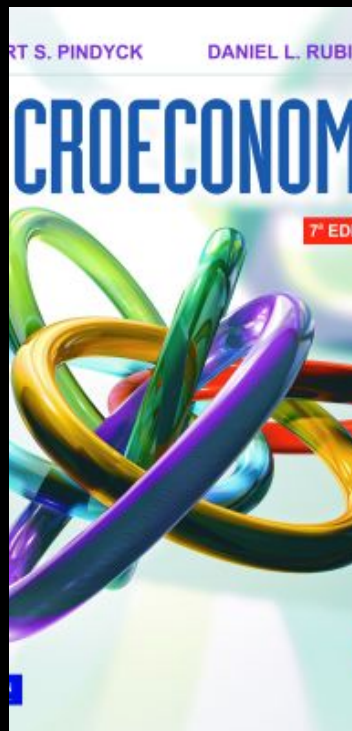
212



Referências

- VARIAN, Hal. **Microeconomia: Uma abordagem moderna**. 8.ed. Rio de Janeiro: Campus/Elsevier, 2012.
- Ver capítulo 21

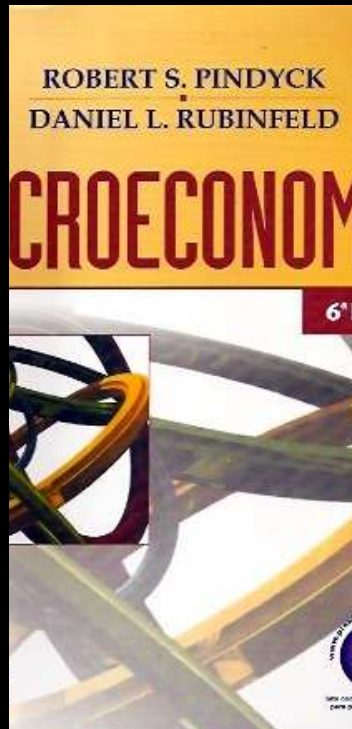
213



Referências

- PINDYCK, Robert S.; RUBINFELD, Daniel L. **Microeconomia**. 7. ed. São Paulo: Pearson 2010.
- Ver capítulo 7

214



Referências

- PINDYCK, Robert S.; RUBINFELD, Daniel L. **Microeconomia**. 6. ed. São Paulo: Pearson 2010.
- Ver capítulo 7

215

Quais são as curvas de custo



Nome da curva	O que a curva representa
Custo total	O custo de se produzir algo, levando em consideração os insumos e seus respectivos preços
Custo médio	O custo por unidade produzida
Custo marginal	O custo de se produzir uma unidade adicional

Custos médios

- Considere a função de custo

$$c(y) = c_v(y) + F$$

- Ou seja

$$CT = CV(y) + CF$$

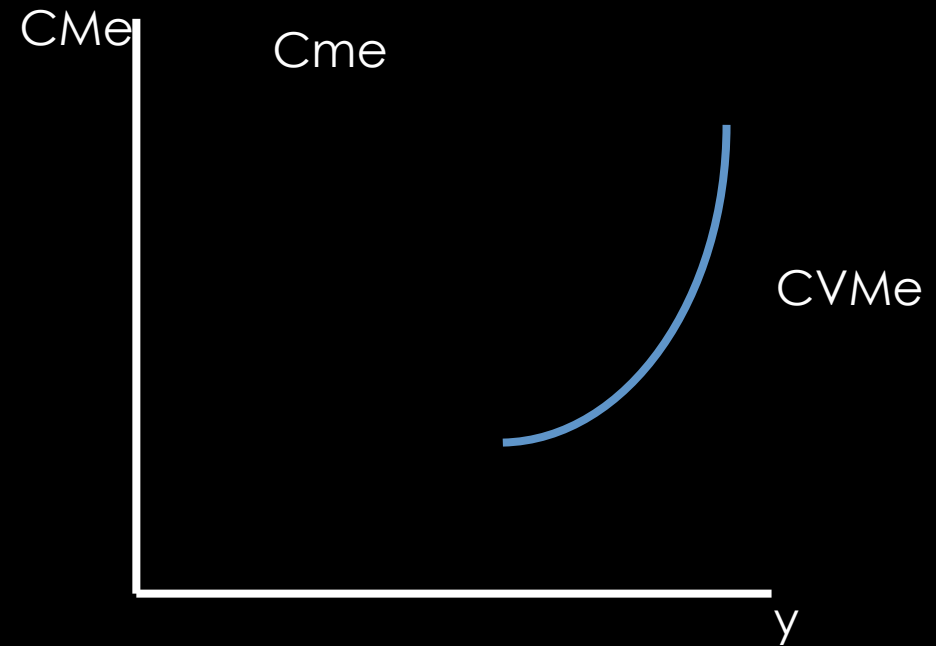
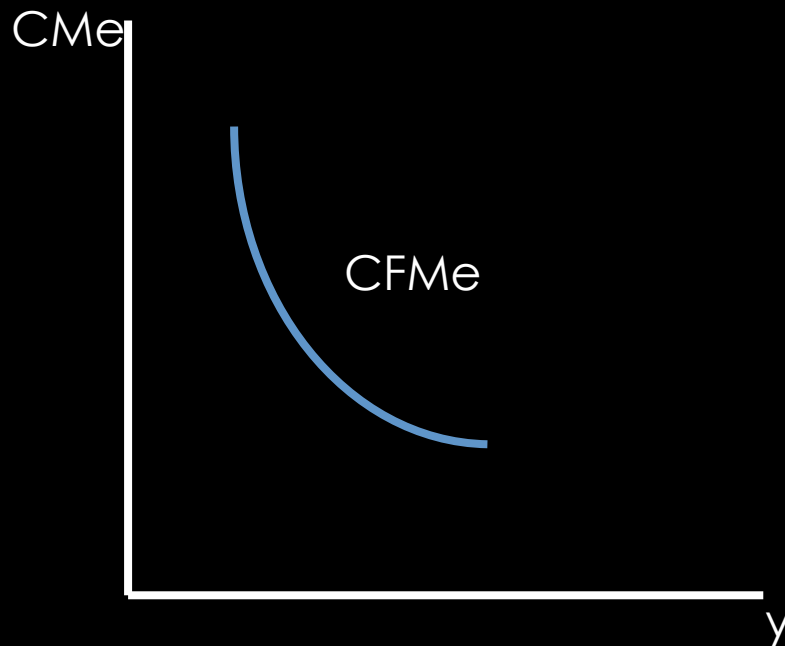
- A função de custo médio fica

$$CMe(y) = \frac{c(y)}{y} = \frac{c_v(y)}{y} + \frac{F}{y}$$

$$CMe(y) = CVme(y) + CFme(y)$$

Construção da curva de custo médio

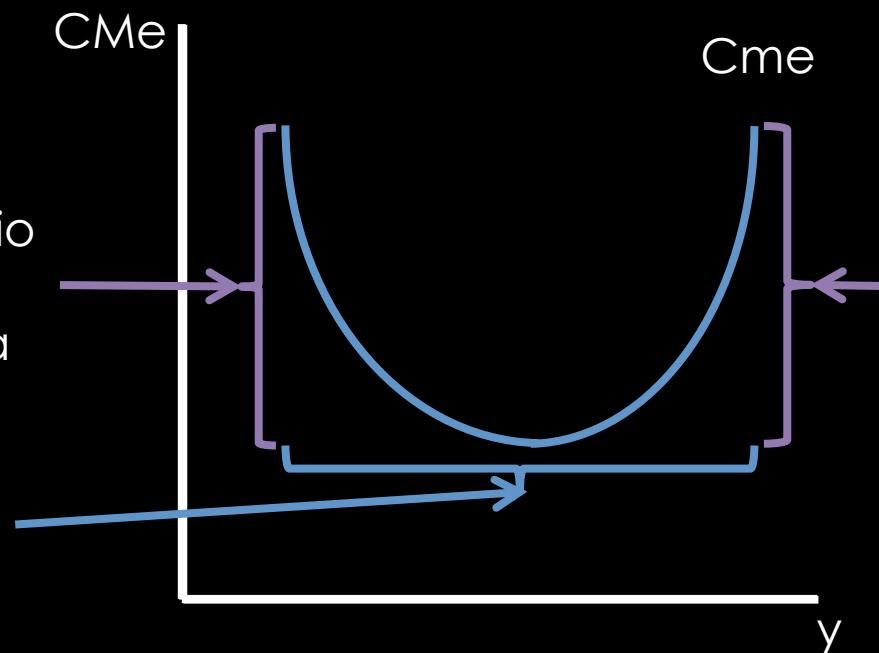
217



Construção da curva de custo médio

1. O custo fixo médio diminui quando a produção aumenta

3. A combinação desses dois efeitos produz a curva de custo médio



2. O custo variável médio aumenta quando a produção aumenta

Custos marginais

- Mede a variação dos custos para se uma dada variação na produção
- Pergunta: como os custos irão variar se produzirmos uma mercadoria a mais?

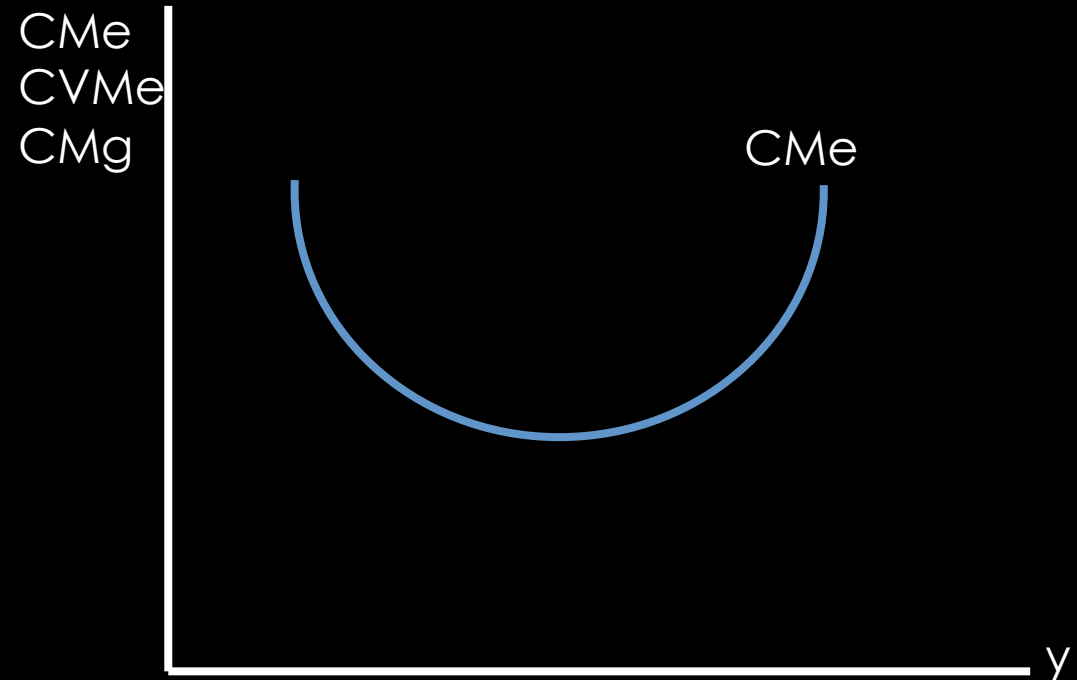
$$CMg = \frac{\Delta c(y)}{\Delta y} = \frac{c(y + \Delta y) - c(y)}{\Delta y}$$

- Em termos de custo variável, temos:

$$CMg = \frac{\Delta c_v(y)}{\Delta y} = \frac{c_v(y + \Delta y) - c_v(y)}{\Delta y}$$

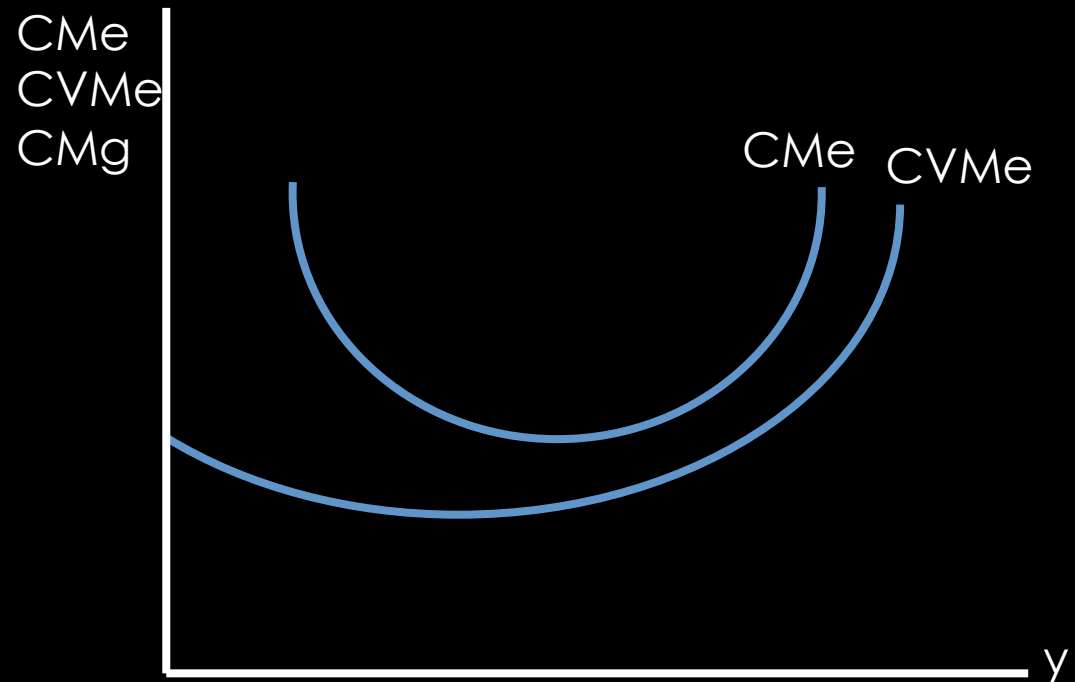
As curvas de custo

- Analisando as curvas de custo
 - A curva de C_{Me} começará por cair devido aos CF decrescentes, mas em seguida crescerá devido ao aumento do CV_{Me}



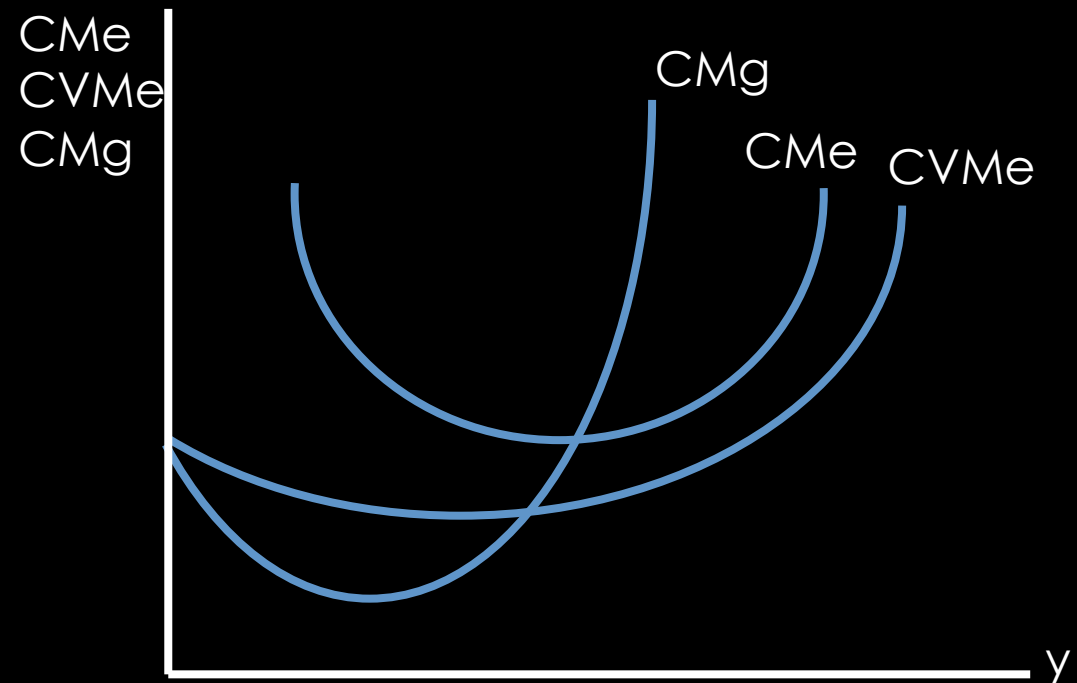
As curvas de custo

- Analisando as curvas de custo
 - O CVMe pode inclinar-se de início para baixo
 - Posteriormente, os fatores fixos começam a restringir a produção e o CVMe crescerá



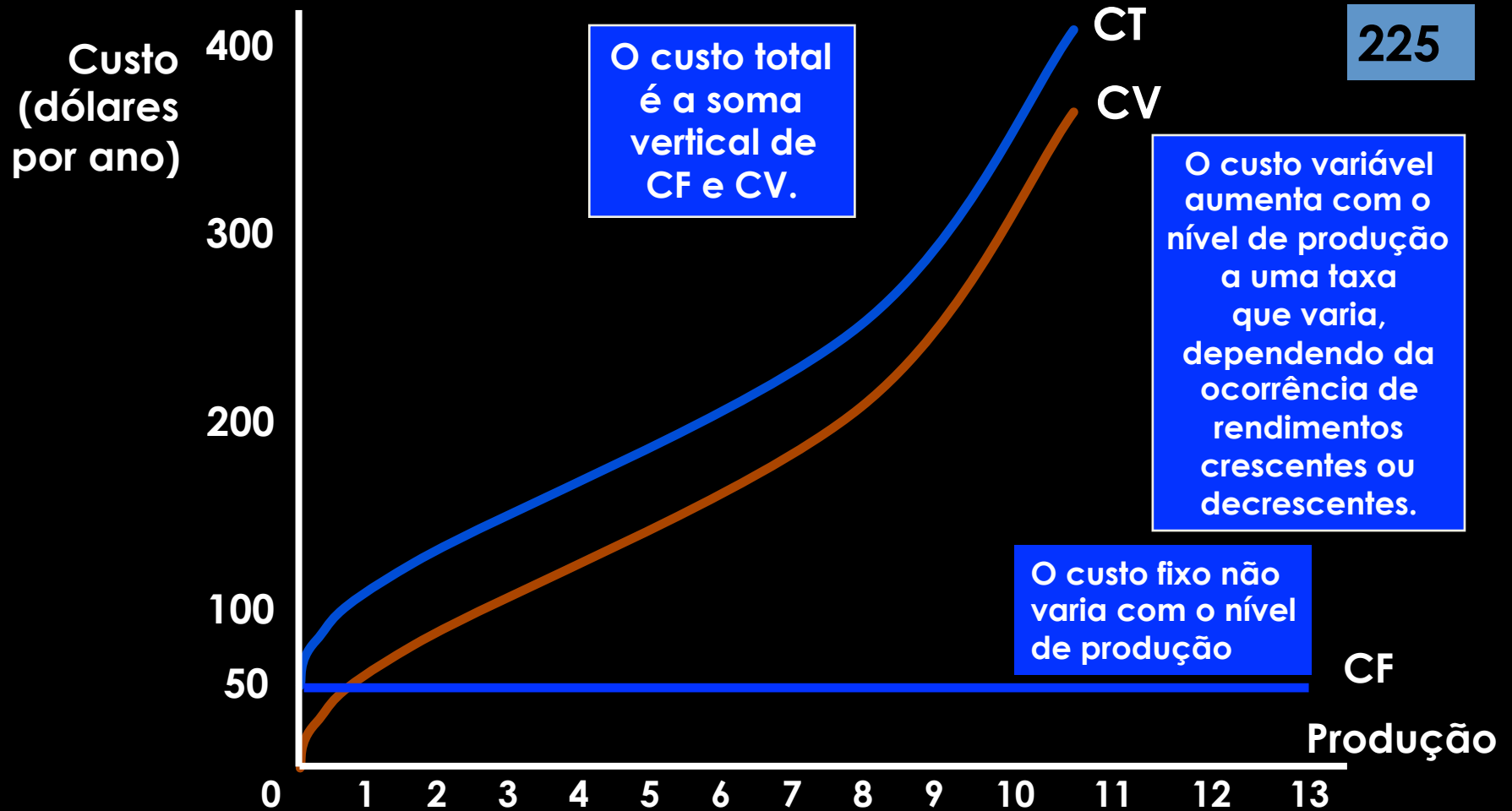
As curvas de custo

- Analisando as curvas de custo
 - O CMg e o $CVMe$ são os mesmos na primeira unidade produzida
 - A curva de CMg passa sobre o ponto mínimo da curva de $CVMe$

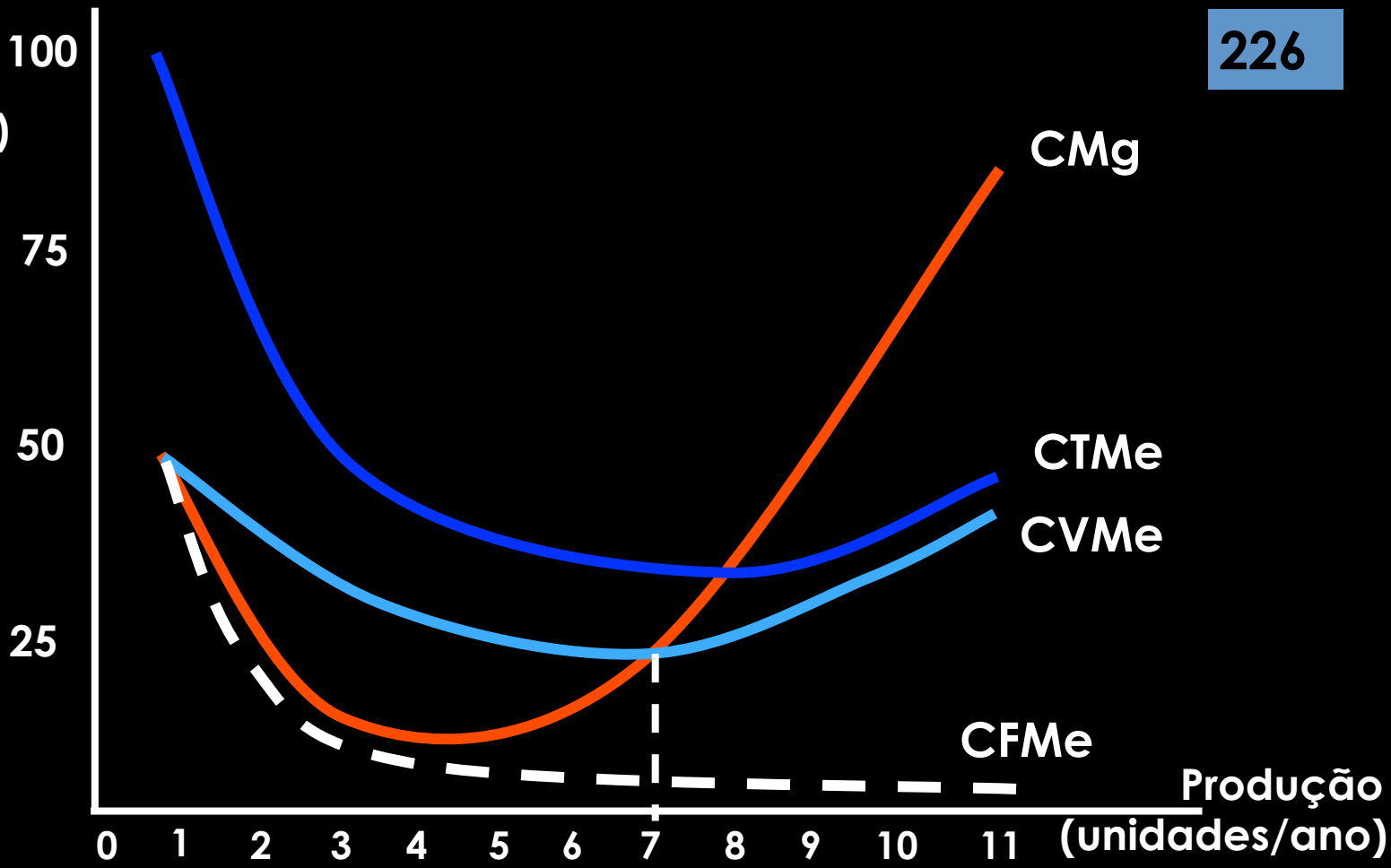


Produção	Custo fixo (CF)	Custo variável (CV)	Custo total (CT)	Custo Marginal (CMg)	Custo fixo médio (CFMe)	Custo variável médio (CTMe)	Custo total médio (Cme)
0	50	0					
1	50	50					
2	50	78					
3	50	98					
4	50	112					
5	50	130					
6	50	150					
7	50	175					
8	50	204					
9	50	242					
10	50	300					
11	50	385					

Produção	Custo fixo (CF)	Custo variável (CV)	Custo total (CT)	Custo Marginal (CMg)	Custo fixo médio (CFMe)	Custo variável médio (CTMe)	Custo total médio (Cme)
0	50	0	50	#VALUE!	#DIV/0!	#DIV/0!	#DIV/0!
1	50	50	100	50	50	50	100
2	50	78	128	28	25	39	64
3	50	98	148	20	16,66666667	32,66666667	49,33333333
4	50	112	162	14	12,5	28	40,5
5	50	130	180	18	10	26	36
6	50	150	200	20	8,333333333	25	33,33333333
7	50	175	225	25	7,142857143	25	32,14285714
8	50	204	254	29	6,25	25,5	31,75
9	50	242	292	38	5,555555556	26,88888889	32,44444444
10	50	300	350	58	5	30	35
11	50	385	435	85	4,545454545	35	39,54545455

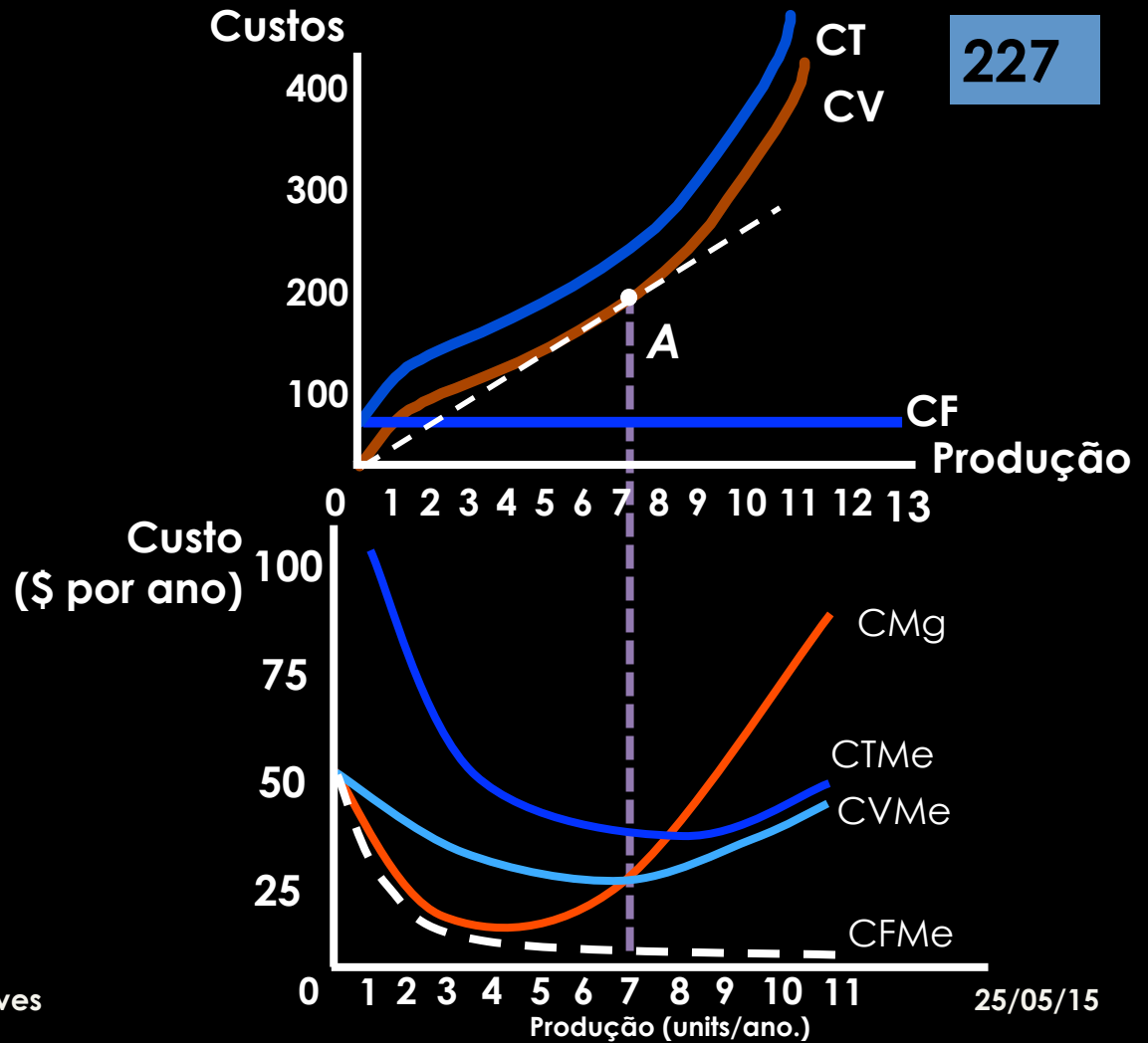


Custo
(dólares
por ano)



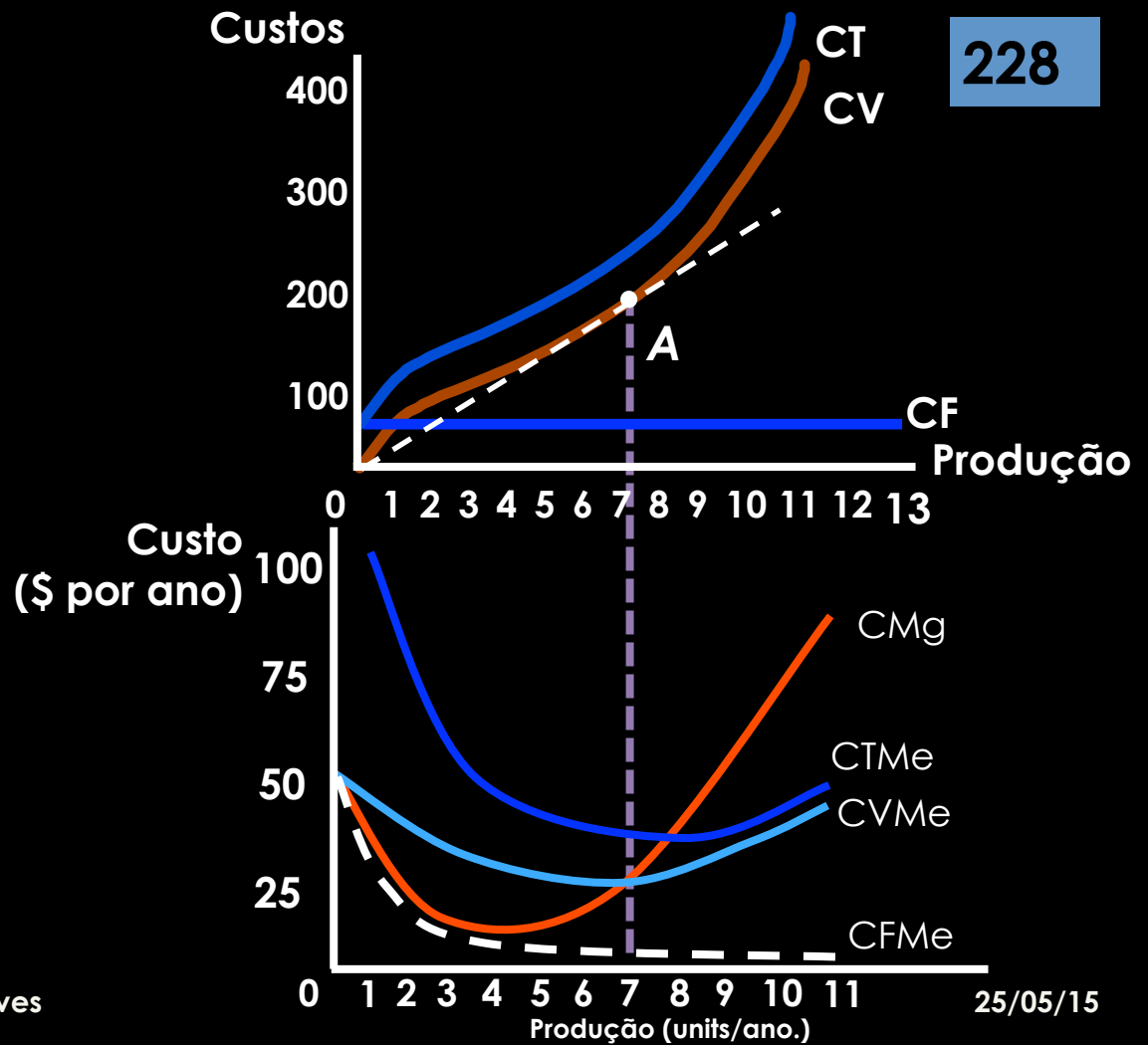
■ Com relação à reta que parte da origem e tangencia a curva de custo variável:

- Inclinação = $CVMe$
- A inclinação da curva de CV num ponto = CMg
- Logo, $CMg = CVMe$ para 7 unidades de produção (ponto A)



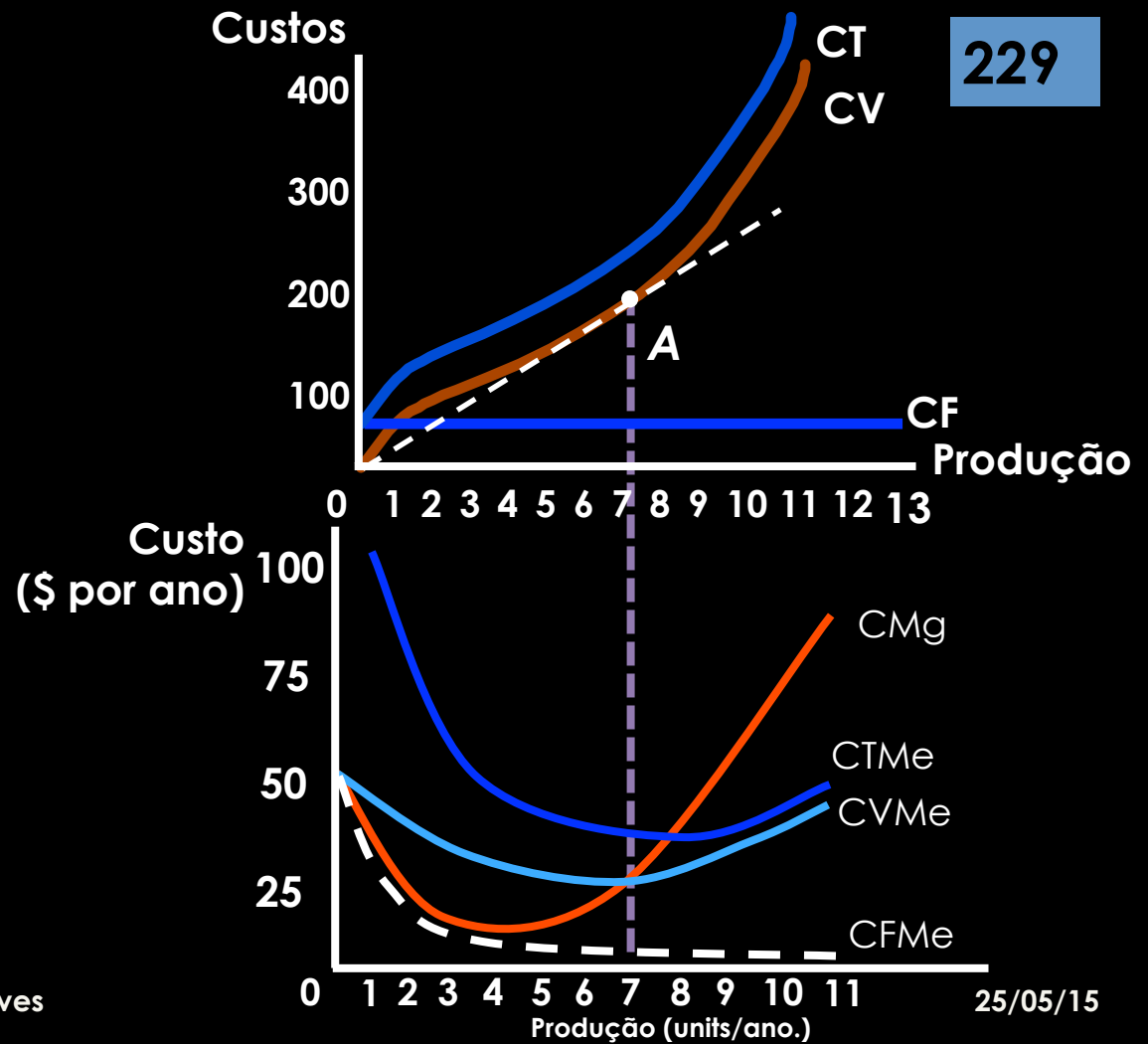
■ Custos unitários

- CFMe diminui continuamente
- Quando $CMg < CVMe$ ou $CMg < CTMe$, $CVMe$ & $CTMe$ diminuem
- Quando $CMg > CVMe$ ou $CMg > CTMe$, $CVMe$ & $CTMe$ aumentam



■ Custos unitários

- $CMg = CVMe, CTMe$ nos pontos de mínimo de $CVMe$ e $CTMe$
- O $CVMe$ mínimo ocorre num nível de produção mais baixo que o $CTMe$ mínimo, devido ao CF



230



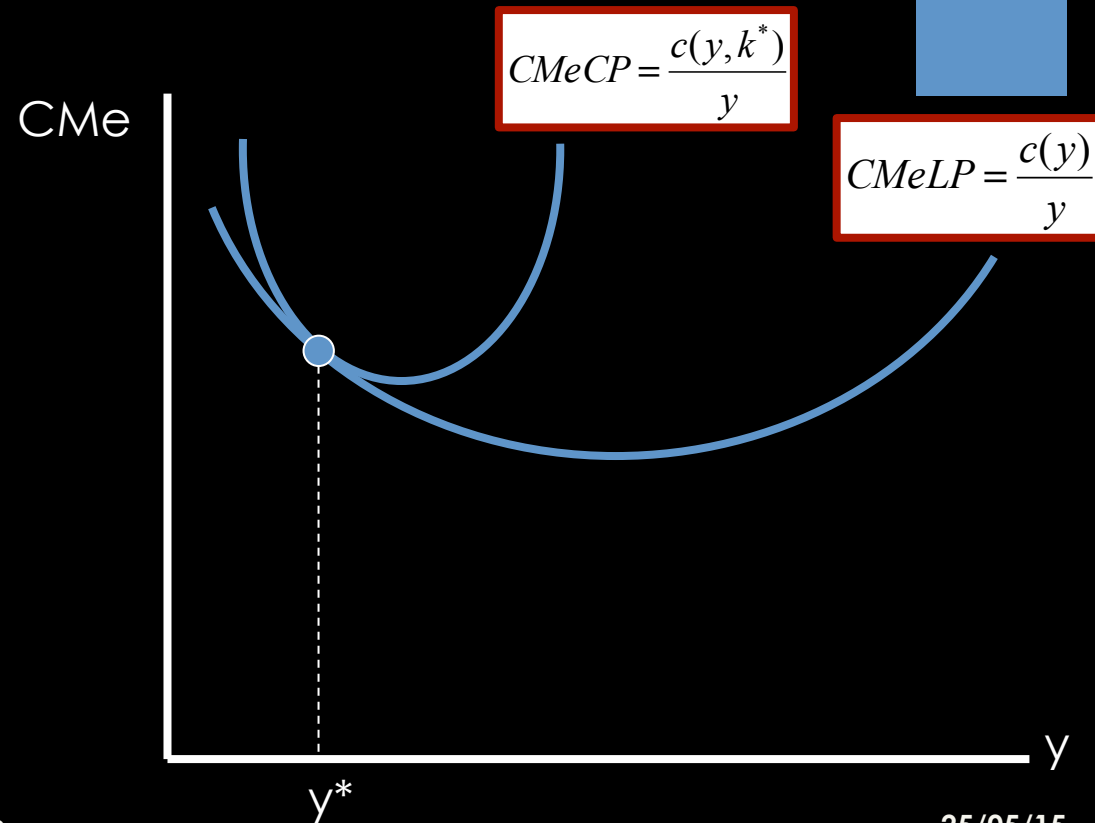
Custos de longo prazo

- No longo prazo, a empresa pode escolher o nível de seus fatores fixos
 - Não existe fatores fixos
 - Sempre é possível encerrar as suas atividades
- Logo, no longo prazo, o tamanho da fábrica pode mudar

Níveis discretos de tamanho da fábrica

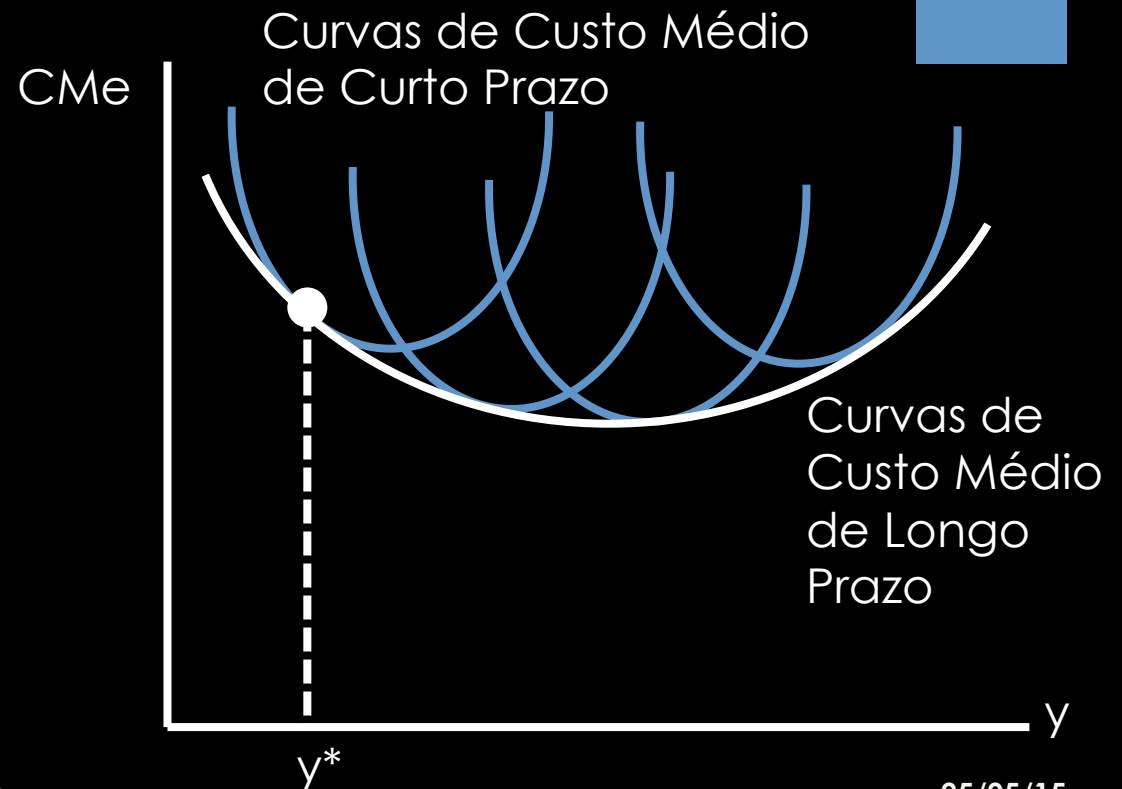
231

- A curva de custo médio de curto prazo tem de tangenciar a curva de custo médio de longo prazo



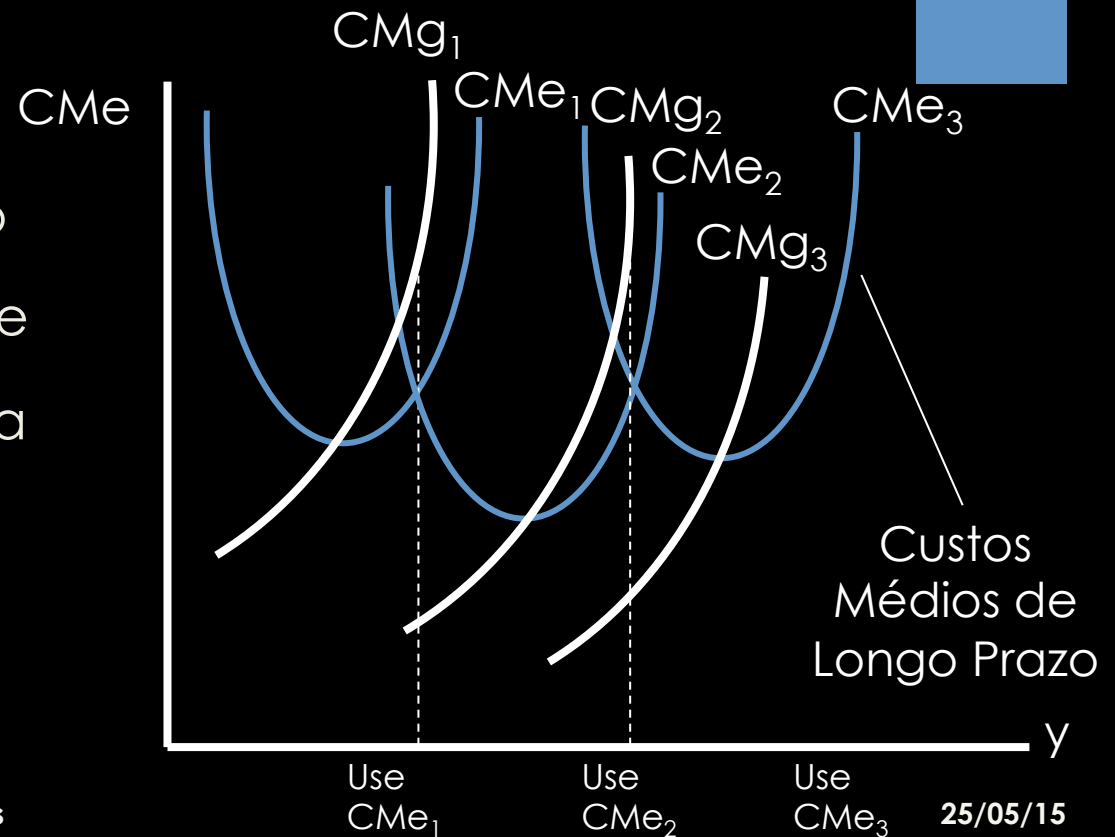
Níveis discretos de tamanho da fábrica

- A curva de custo médio de longo prazo é a envoltória inferior das curvas de custo médio de curto prazo.



Custos marginais de longo prazo

- A curva de custo marginal de longo prazo consistirá em vários segmentos das curvas de custo marginal de curto prazo associadas a cada nível diferente do fator fixo.



Custos marginais de longo prazo

- A curva de custo marginal de longo prazo consistirá em vários segmentos das curvas de custo marginal de curto prazo associadas a cada nível diferente do fator fixo.

